И.В.Тимофеев (асп., каф. РИС), С.С.Кисилев, С.В.Трофимов (6 курс, каф. РИС), В.В.Кучинский, д.ф.-м.н., проф.

МЕТОДЫ УПРАВЛЕНИЯ СИСТЕМОЙ АКТИВНОЙ ТЕПЛОВОЙ ЗАЩИТЫ ПРИ РАЗЛИЧНЫХ ВИДАХ ТЕПЛОВЫХ ПОТОКОВ НА ПОВЕРХНОСТЬ КОРПУСА ГИПЕРЗВУКОВОГО ЛЕТАТЕЛЬНОГО АППАРАТА

В работе получены аналитические формулы, позволяющие провести расчет распределения температуры по длине основного элемента активной теплой защиты - термохимического реактора при различных формах внешнего теплового нагружения. Точность полученных формул подтверждается сопоставлением с численным расчетом.

Система связанных уравнений в частных производных, описывающая сопряженный тепломассоперенос в термохимическом реакторе (ТХР), в общем случае имеет вид:

$$\frac{dT}{dt} = \frac{\partial T}{\partial t} + \vec{w}\nabla T = \frac{\lambda}{c_p r} \nabla^2 T + \frac{DQ^*}{c_p} \nabla^2 \rho_0 - \frac{h_0 - h_1}{c_p r} I_0 + \frac{q}{c_p r},$$
(1)

$$\frac{d\rho_0}{dt} = \frac{\partial\rho_0}{\partial t} + \bar{w}\nabla\rho_0 = \frac{k_T D}{T}\nabla^2 T + D\nabla^2\rho_0 - \frac{I_0}{r}$$

$$(h_0 - h_{\Sigma} \approx c_x T)$$

$$(2)$$

Рассматривается двухкомпонентная смесь, в которой одним из компонентов является метан, а второй компонент является смесью всех остальных компонентов, участвующих в реакции в ТХР. Искомые функции - температура и относительная плотность компонента смеси с номером "0" ρ_0 . Такой прием используется достаточно часто и позволяет вести поэтапное уточнение получаемых решений. В явном виде температура и относительная плотность вести поэтапное уточнение получаемых решений. В явном виде температура и относительная плотность зависят от времени t и координат, зависимость от других величин, входящих в уравнения (1) и (2), удобнее формулировать при решении частных задач. Введены следующие обозначения: \vec{w} - скорость движения газовой смеси в ТХР, [м/с]; λ - коэффициент теплопроводности, [Вт/(м K)]; r - плотность, [кг/м³]; c_p - удельная теплоемкость при постоянном давлении [Дж/(кг K)]; D - коэффициент взаимной диффузии, [м²\c]; Q^* - удельная теплота изотермического процесса [Дж/кг]; h_0 и h_1 -удельная энтальпия метана и второго компонента смеси (пара) соответственно [Дж/кг]; I_0 - мощность источника массы метана [кг/(м³ c)]; q - объемная мощность источника тепла [Вт/м³]; k_T - коэффициент термодиффузии, $\frac{h_0 - h_1}{c}$ вычисляется по табличным данным для энтальпий метана h_0 и водяного пара h_1 .

Падающий на поверхность *S* тепловой поток можно характеризовать величиной мощности, приходящейся на единицу площади q_0 , так что параметр $q = \frac{q_0}{h_r} \psi(x)$. Распределение интенсивности пришедшего на поверхность теплового потока по длине термохимического реактора *L* характеризуется функцией $\psi(x)$ такой, что

$$\int_{0}^{1} \psi(x) dx = 1.$$
 (3)

Для линейного закона распределения теплового потока по поверхности TXP:

$$\psi(x) = N_L (1 - \varepsilon_L x), \ N_L = (1 - \varepsilon_L / 2)^{-1},$$
 (4)

Для экспоненциального распределения

$$\psi(x) = N_e \exp(-\varepsilon_e x), \quad N_e = \frac{\varepsilon_e}{1 - e^{-\varepsilon_e}}$$
(5)

Для гауссовского распределения теплового потока

$$\psi(x) = N_g e^{-\left(\frac{x-g}{d}\right)^2}, \quad N_g = \frac{2}{d\sqrt{\pi} \left[erf(\frac{g}{d}) - erf(\frac{g-1}{d}) \right]}$$
(6)

и для синусоидального распределения теплового потока

$$\psi(x) = N_s \left[1 + a_s \sin(p_s x + d_s) \right], \quad N_s = \left[1 + \frac{2a_s}{p_s} \sin(\frac{p_s}{2} + d_s) \sin(\frac{p_s}{2}) \right]^{-1}$$
(7)

На рис. 1 приведено сравнение распределений температуры по длине термохимического реактора при различных формах тепловых нагружений (при этом полная мощность внешнего теплового потока взята одинаковой). Из рис. 1 следует, что наибольшую опасность представляет собой гауссовское распределение внешнего теплового потока. Максимальная ошибка вычислений по аналитическим формулам (более 1%) получается также для гауссовского распределения.



Рис. 1. Распределение температуры по длине термохимического реактора при различных формах внешнего теплового потока. Сплошная линия - экспоненциальное распределение (5), пунктир - линейное (4), штрих-пунктир - гауссовское (6), точечная кривая - синусоидальное распределение (7)