

# Автографическая запись зависимости между усилиями и деформациями во время удара.

Князь А. Г. Гагарин.

Докладъ на собраниі Русскаго Общества испытаниі матеріаловъ, въ Москвѣ,  
21 апрѣля 1912 года.

§ 1. Общий принципъ приборовъ, записывающихъ зависимость между усилиями и деформациями во время удара, долженъ основываться на сочетаніи двухъ движений, происходящихъ подъ угломъ. Одно изъ нихъ—горизонтальная слагающая—зависитъ отъ деформации образца, т. е. отъ измѣненія разстоянія между концами образца. Вертикальная слагающая зависитъ отъ показаній динамометра и должна послушно слѣдить за быстрыми измѣненіями усилий, происходящими во время удара. Первоначально я пользовался пружиной, какъ динамометромъ, и подвергалъ ее продольному удару, такъ какъ вычисление продольныхъ колебаній проще и точнѣе поперечныхъ, и, кромѣ того, такія пружины болѣе похожи на обыкновенные опоры.

Въ 1904 году я построилъ приборъ фиг. 1, въ которомъ игла вычерчиваетъ указанную зависимость на чашѣ *k*. Сжатіе динамометра *b* и опусканіе наковальни *a* производятъ опусканіе иглы. Сжатіе образца *c*, вызванное приближеніемъ бабы *d* къ наковальнѣ, даетъ горизонтальное перемѣщеніе иглы при помощи спиральной дорожки *e*. Сочетаніе вертикального и горизонтального движений даютъ диаграмму на маломъ свинцовомъ листѣ по сѣткѣ, где ординаты выражаютъ усилия въ тонахъ, а абсциссы—деформаціи въ миллиметрахъ.

Одновременно можно записывать на барабанѣ Морена *f* движенія бабы и наковальни при помощи штифтовъ *u* и *v*, къ нимъ прикрѣпленныхъ. На фиг. 2 показана игла отдельно. На фиг. 3 видны чаша и свинцовый листъ. На свинцовомъ листѣ горизонтальные линіи изнесены на машинѣ Эмери. На фиг. 4, нашъ ударный приборъ даетъ статическую диаграммы. Фиг. 5—здесь видно, какъ мѣдный крещерный столбикъ два раза разгружался во время хода нагрузки.

Приспособленіе на изгибающей ударъ показано на фиг. 6 передъ ударомъ и на фиг. 7 послѣ удара.

§ 2. На фиг. 8 мы видимъ диаграммы на сжимающей ударъ по мѣди, цинку, олову и стали и замѣчаемъ, что каждый матеріалъ имѣть свою форму диаграммы, тождественно повторяющуюся въ равныхъ условіяхъ. Форма зависитъ отъ живого сопротивленія матеріала удару и отъ колебаній прибора. Сумма этихъ влияний даетъ высокую и узкую

диаграмму для твердыхъ материаловъ и низкую и длинную для мягкихъ и пластичныхъ.

Образцы хромо-никелевой стали были взяты изъ одной отливки на Чугуевскомъ заводѣ и потому всѣ имѣли одинъ составъ. Всѣ были закалены при одной и той-же температурѣ, но отпущенны при десяти различныхъ температурахъ. Эти образцы испытывались на статическое растяжение на обыкновенныхъ машинахъ, на статическое сжатіе на моемъ прессѣ (фиг. 9) вдоль и поперекъ волоконъ (фиг. 10), сжимающими ударами бабы въ 12,5 килограммъ, сброшенной съ 75 сант. на образцы 6 м/м. въ диаметрѣ и 9 м/м. въ высоту (фиг. 11), изгибающими ударами (фиг. 12) той-же мощности по образцамъ 6×6 м/м. и 25 м/м между опорами. Результаты собраны на таблицѣ фиг. 13 и указываются на значительное согласіе между данными статического растяженія и цифрами, выведенными изъ нашихъ ударныхъ диаграммъ. Это даетъ возможность видѣть, что нашъ ударный приборъ можетъ принести пользу, когда мы покупаемъ сталь подъ удары, напримѣрь осевую.

§ 3. Всѣ существующіе математические методы изученія колебаній созданы въ предположеніи, что отъ момента прикосновенія бабы къ динамометру (мы теперь предполагаемъ, что образца не положили) до момента ея взлета баба и наковальня составляютъ какъ бы одну массу. Штифтъ, прикрытый къ бабѣ, воспроизводить на барабанѣ Морена кривую фиг. 14 (фотографія), или въ удобномъ масштабѣ кривую *abc* фиг. 15, полученнюю при участіи Цейсовскаго координатнаго микроскопа. Но наковальня не составляетъ одно съ бабой и во время одного удара бываетъ по ней снизу три раза, благодаря чему происходятъ мелкія волны (рядъ) *a, b, c, ...* около основного тона *A* во время движенія бабы. Эти высшія гармоническія были исключены анализаторомъ Генричи.

Мы находимъ, что траекторія свободныхъ колебаній динамометра, вычисленная (см. *U* фиг. 15) по приближенному методу С. Венана и (см. *L* и *C* фиг. 15) по точнымъ методамъ Лось и Фурье-Крылова очень близка къ дѣйствительной траекторіи *A* бабы. Путь (фиг. 16), начерченный штифтомъ наковальни (фотографія), доказываетъ, что она не остается связанной съ бабой, какъ выше предполагалось. На *B*, фиг. 17, воспроизведенной въ удобномъ масштабѣ при помощи координатнаго микроскопа, видно, что, когда происходитъ первое прикосновеніе, скорость бабы равна 377 сант. въ сек., а скорость динамометра — нуль. Въ теченіи первыхъ 0,00008 секунды скорость наковальни постепенно растетъ отъ *a* къ *b*, догоняетъ скорость бабы съ ускореніемъ 116 километровъ въ квадратъ секунды. Скорость возрастаетъ далѣе и достигать 926 сант. въ секунду, у динамометра наступаютъ сложныя колебанія. Амплитуда ихъ основного тона составляетъ лишь 28% амплитуды основного тона траекторіи бабы, периоды же ихъ одинаковы (0,00312 секунды). Высшія гармоническія имѣютъ большія амплитуды,

достигаючія половины принадлежащій основному тону. Онъ образуетъ чрезвычайно медленно сходящійся рядъ.

Мы ближе подойдемъ къ дѣлу, когда станемъ вычислять вынужденныя колебанія динамометра. Для этого намъ надо знать силу  $f(t)$ , вынуждающую колебанія, въ функции времени. Но математическая физика еще не выяснила закона измѣненія скимающаго усилія даже въ чрезвычайно простомъ случаѣ продольнаго удара бабы, падающей на стержень, задѣланній другимъ концомъ. Дѣлаемъ тогда предположеніе, что сила  $f(t)$  пропорциональна ординатамъ  $A$  (фиг. 15) траекторіи бабы, т. е. ея опусканию. Мы получаемъ линію  $D$  (фиг. 17), которая уже значительно ближе къ дѣйствительной  $B$ , чѣмъ  $L$  и  $C$  (фиг. 15). Мы еще ближе подойдемъ къ дѣлу, когда воспользуемся тѣмъ, что участки кривой ( $=A-B$ ) (фиг. 18) ниже оси абсциссъ изображаютъ сжатіе частей, пришедшихъ въ соприкосновеніе во время удара, когда никакого образца на наковалью не положено. [Синтетическая кривая  $K$  была бы вычерчена иглою, если бы она нисколько не гнулась. Цифры на этой кривой изображаютъ сто тысячных доли секунды и даютъ некоторое понятіе о чрезвычайной непродолжительности и громадности ускореній (свыше 600 километровъ въ квадратъ секунды), изгибающихъ иглу, но дѣйствующихъ слишкомъ скоро, чтобы не только сломать ее, но даже довести ее до предѣла упругости]. Принимая ординаты этихъ участковъ пропорциональными силѣ  $f(t)$  и вводя такой  $f(t)$  въ уравненіе вынужденныхъ колебаній, мы получаемъ (фиг. 19) пунктирную линію, которая на участкѣ  $a\beta\gamma$  очень близко совпадаетъ съ дѣйствительной кривой  $B$  (сравнить съ  $D$  фиг. 17 и  $L$  и  $C$  фиг. 15). Но и эта линія «кен», оказывается не имѣть минимума, какъ бы должно, дальнѣйшей правды мы не находимъ, видно, что мы теперь уловили только начало  $f(t)$ . Если на наковалью положенъ мѣдный образецъ, поглощающій рѣзкость удара, синтетическая кривая  $K$  (фиг. 20), построенная при допущеніи полной неизгибаемости и лы, становится очень похожей на автоматически полученную на фиг. 8 при вынужденныхъ колебаніяхъ иглы.

§ 4. Стремясь избѣжать колебанія, я построилъ приборъ (фиг. 21), въ которомъ артиллерійскіе крещерные столбики были употреблены въ качествѣ динамометровъ и записывали измѣненія нажатій, пока происходилъ ударъ.

Другія части прибора были солидно построены и это-то оказалось для дѣла вреднымъ (упоминаю это, чтобы показать, чего не слѣдуетъ дѣлать). Онъ колебались и вліяли на диаграммы, фиг. 22, обжатіе мѣди, фиг. 23—сжатіе стали, фиг. 24—изгибаніе стали. Я былъ вынужденъ упростить приборъ такъ, чтобы въ немъ нечemu было выбиривать при ударѣ. Образецъ  $k$  (фиг. 25) отдаленъ отъ крещерныхъ столбиковъ съ каленой наковальней  $b$ , положенной на нихъ. Направляющія сведены къ плоскимъ пружинкамъ  $d$ . Вогнутое сферическое

зеркало  $A$  вставлено въ бабу, а другое плоское зеркальце  $f$  въ 1 квадратный миллиметръ надѣто на винти<sup>къ</sup>-ось  $e$ , вставленный въ наковальню. Конецъ рамки для  $f$  развиенъ и винтикъ  $i$ , пропущеннымъ черезъ вилку, обезпечиваетъ постоянное прикосновеніе вилки къ основанию  $g$ . Записи получаются слѣдующимъ образомъ: пучекъ лучей свѣта, направленный на зеркало  $a$  изъ лампы  $s$ , отражается внизъ на второе зеркальце и оттуда посыпается на фотографическую пластинку  $c$ . Зеркало на бабѣ улавливается пучекъ свѣта передъ самымъ началомъ удара. Во время паденія бабы и деформированія образца зайчикъ постепенно переходитъ справа на лѣво по чувствительной пластинкѣ, (фиг. 26). Происходящее въ этотъ моментъ сжатіе крещерныхъ столбиковъ вызываетъ измѣненіе въ уклонѣ малаго зеркальца и возрастаніе силъ отмѣчается подъемомъ зайчика на пластинкѣ.

На фиг. 27 приведена діаграмма обжатія ударомъ по мягкому стальному цилиндру на нашемъ приборѣ. Здѣсь предѣлъ упругости вполнѣ обозначился, а періоды чрезвычайно быстрыхъ колебаній наковальніи показаны ввидѣ перловъ на траекторіи. Эти перлы вводятъ элементъ времени и даютъ намъ мѣру измѣненій скорости образования діаграммы. На этомъ мѣѣ пришлось прервать свои опыты надъ неупругимъ динамометромъ.

Такимъ образомъ я получиль діаграммы, въ которыхъ никакіе посторонніе элементы не могли войти. Въ нихъ записаны только усилия и деформаціи.

Далѣе, я намѣренъ тарировать приборъ и на діаграммныя бланки нанести координатныя сѣтки для разныхъ скоростей удара. Здѣсь трудность представлить получить динамическое тарирование усилий. Для этого я намѣренъ снимать образецъ съ плитки, оставлять внизу крещерные столбики и производить ударъ бабы съ данной скоростью, замѣнивъ неподвижную фотографическую пластинку свѣточувствительной пленкой на барабанѣ Морена. Вслѣдствіи этого кривая зависимости обжатія крещеровъ отъ деформаціи образца замѣнится кривой зависимости обжатія крещеровъ отъ времени, т. е. траекторію обжатія крещеровъ на нашемъ приборѣ. При помощи прибора Вагенера \*) я дважды продифференцирую траекторію, получу кривую ускореній, умножу на массу и полученные кривые давленія нанесу на координатный діаграммный бланкъ.

Князь А. Г. Гагаринъ.

\*) Zeitschrift des Vereins deutscher Ingenieure, Band 56, № 1, Seite 20.

# Автографическая запись зависимости между усилием и деформациями во время удара

КНЯЗЬ А. Г. ГАГАРИНЪ.

Докладъ на собраниі Русскаго Общества испытаний материалов,  
въ Москву, 21 Апреля 1912 года.

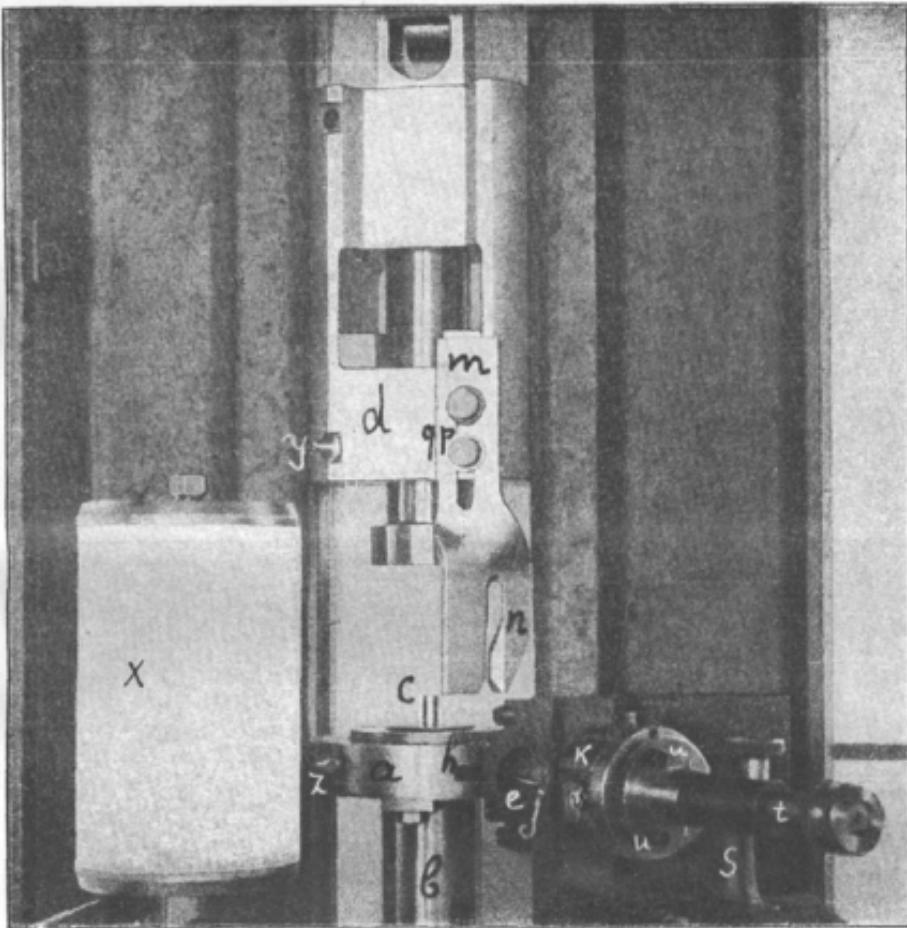


Рис. 1.

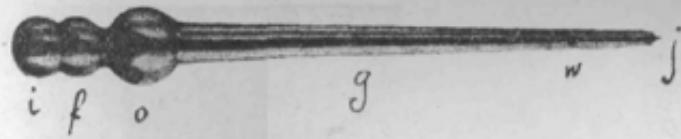


Рис. 2.

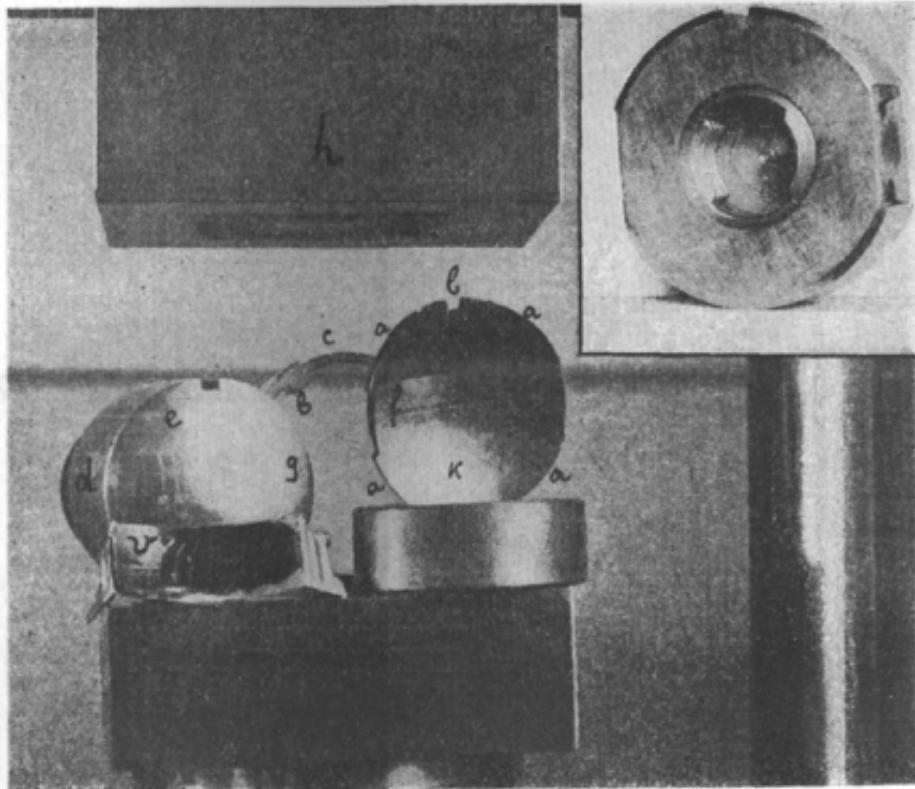


Рис. 3.

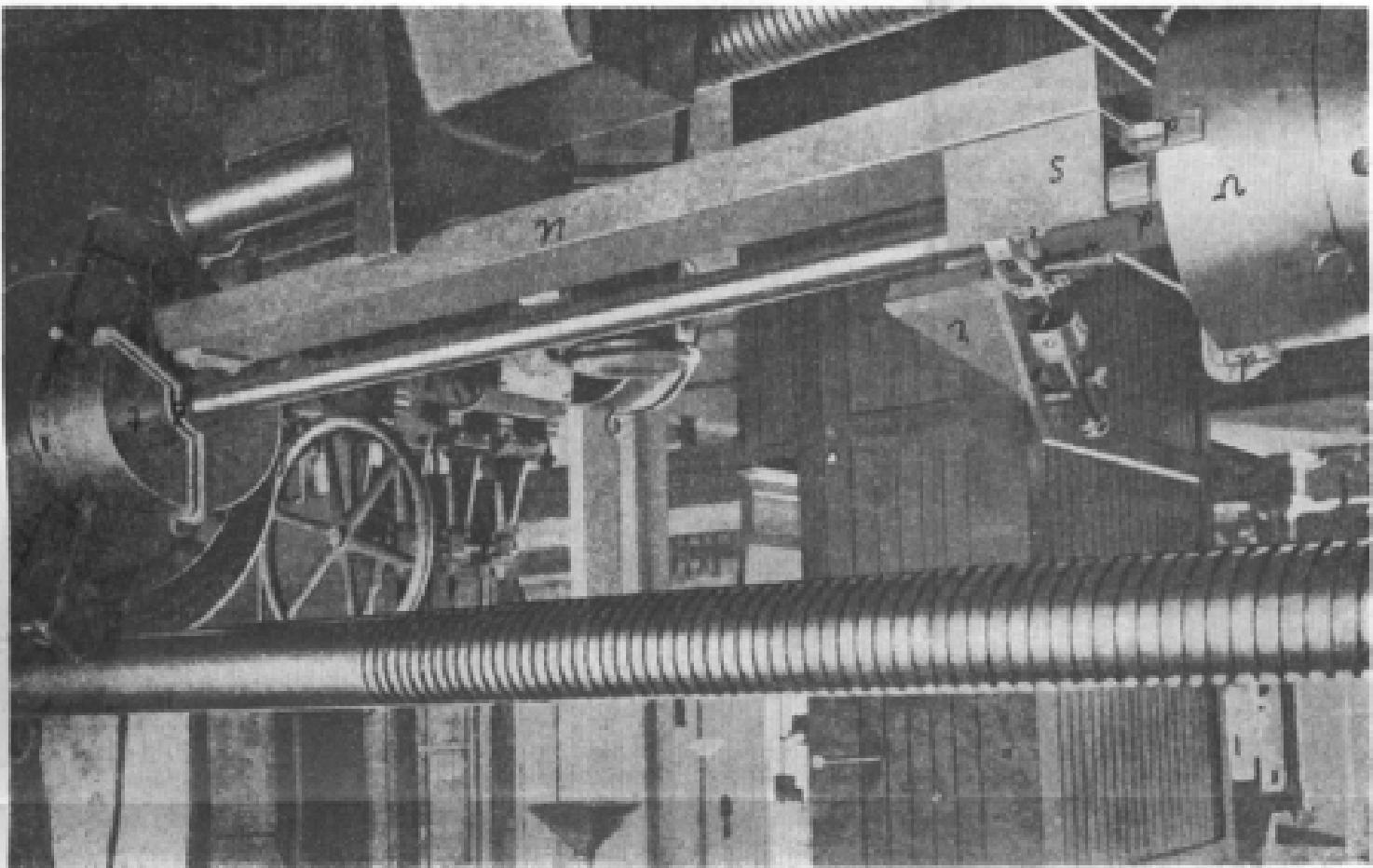


Рис. 4.



Рис. 5.

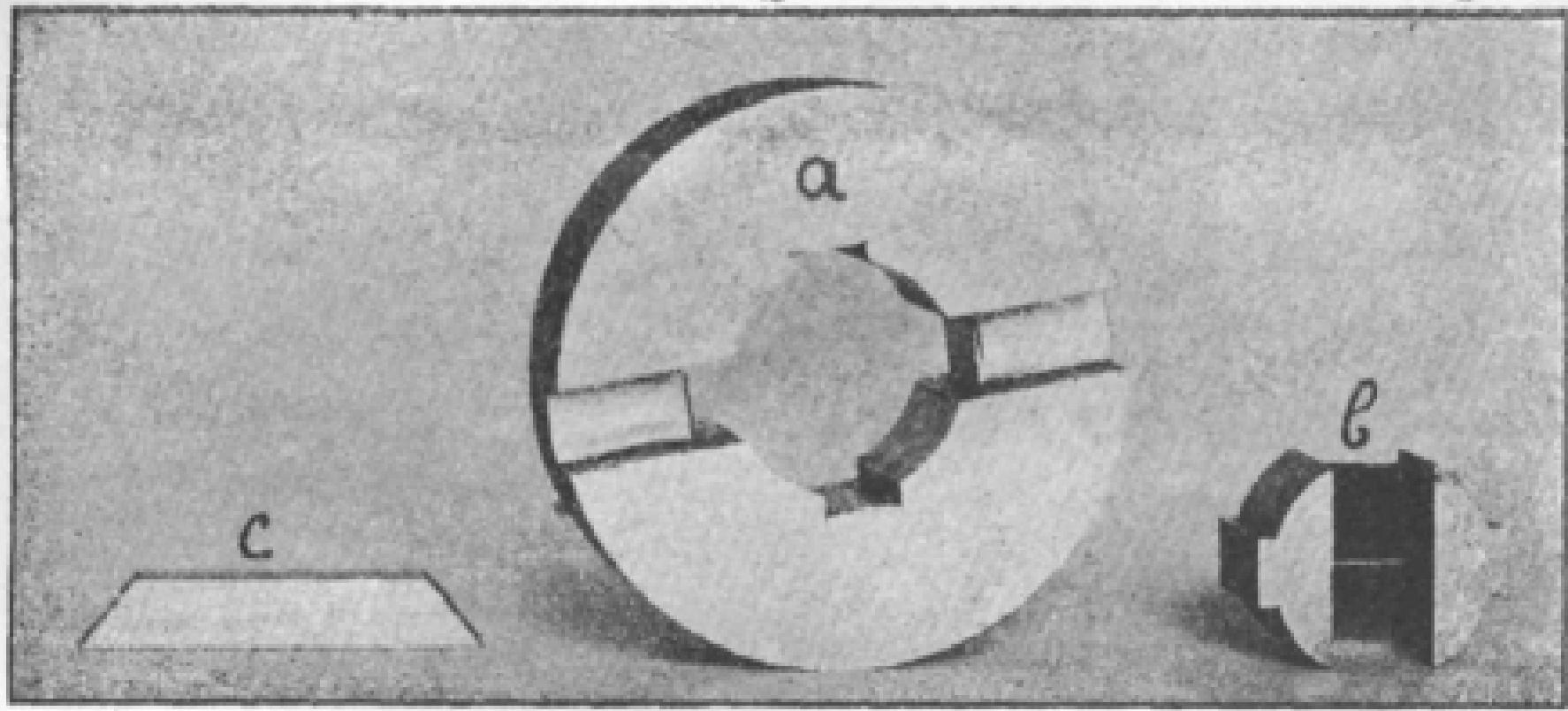


Рис. 6.

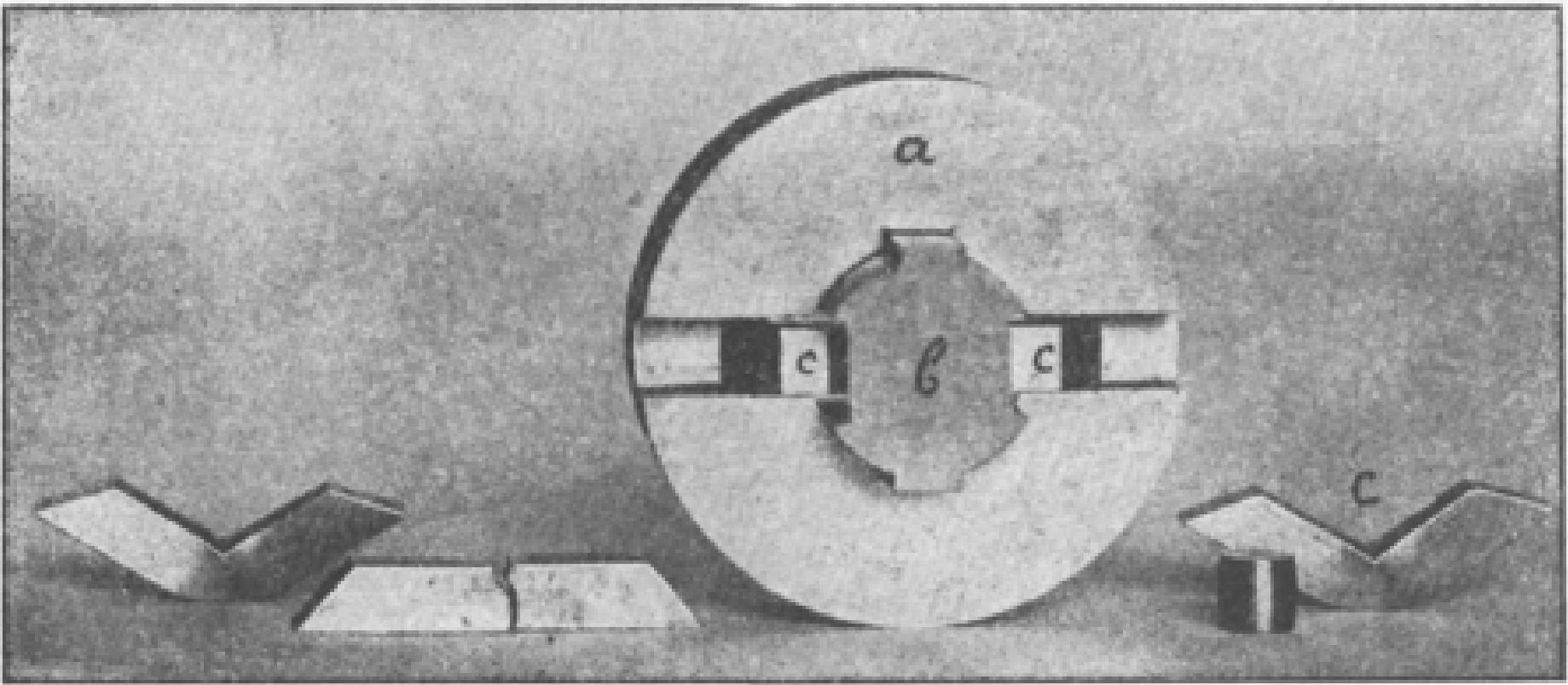


Рис. 7.

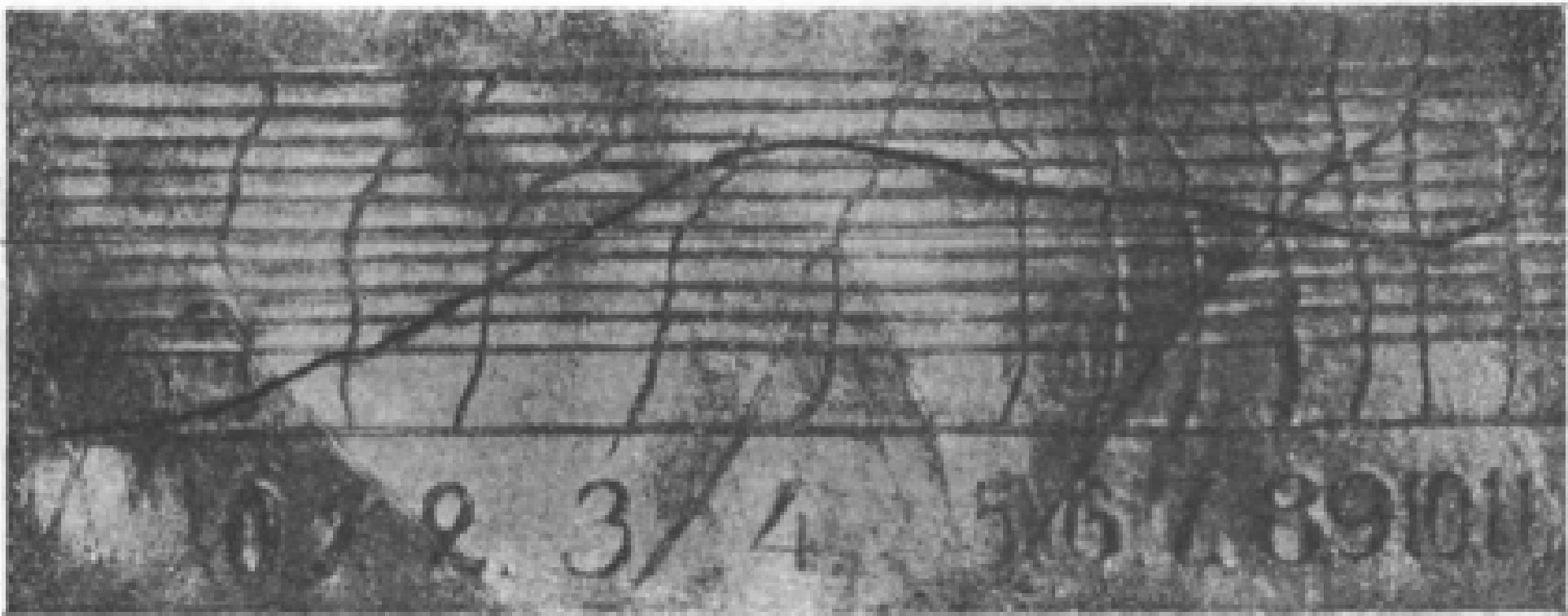


FIG. 8.

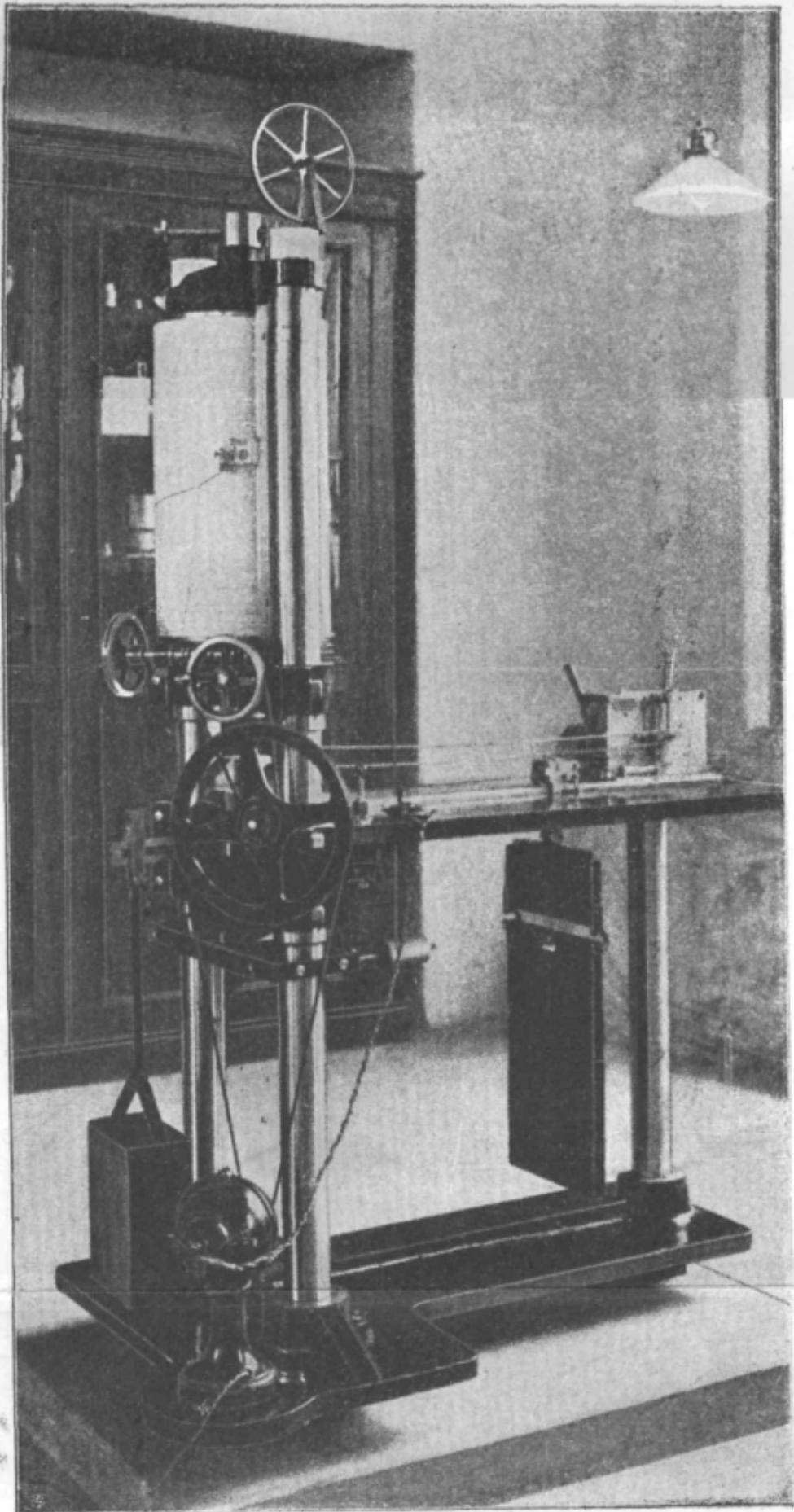


Рис. 9.

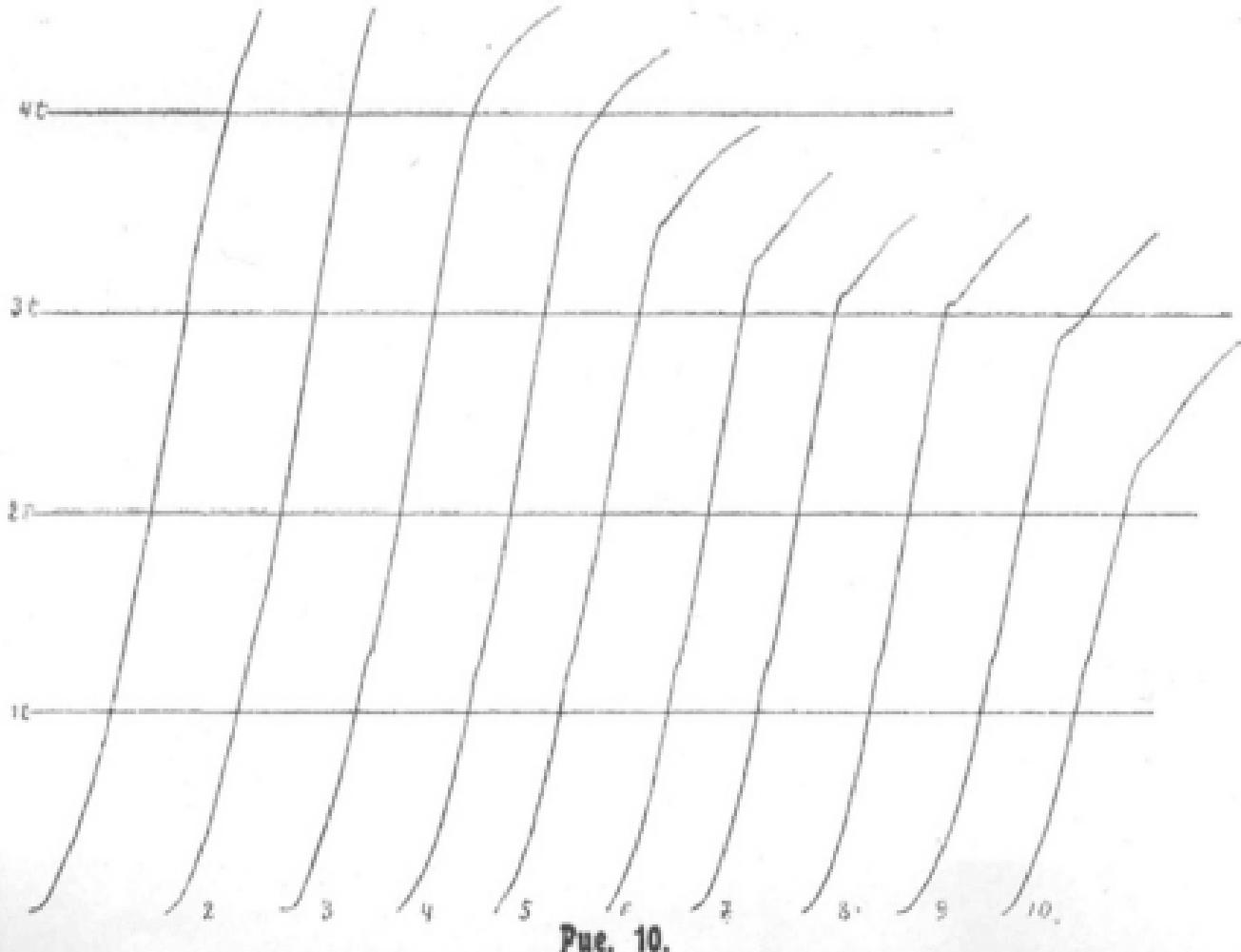


FIG. 10.

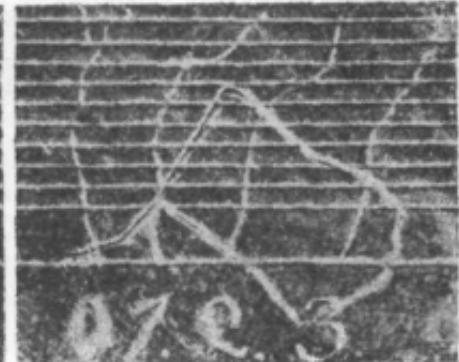
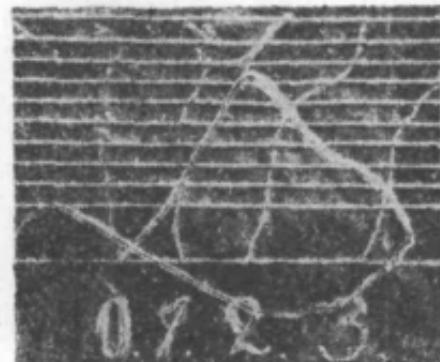
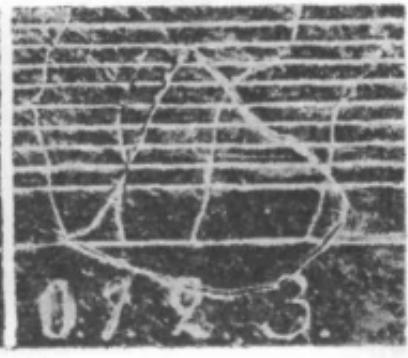
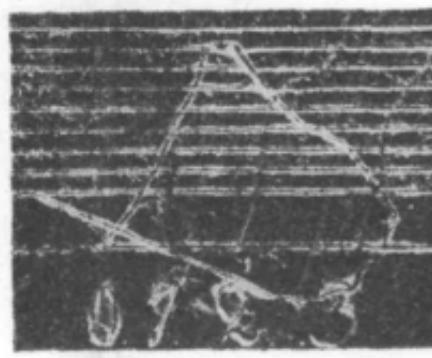
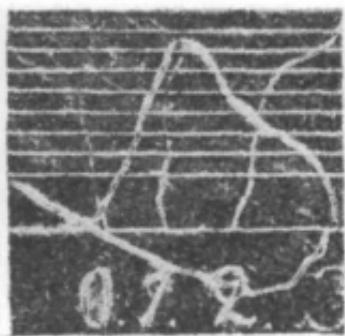
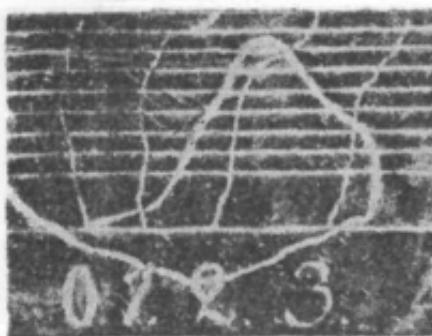
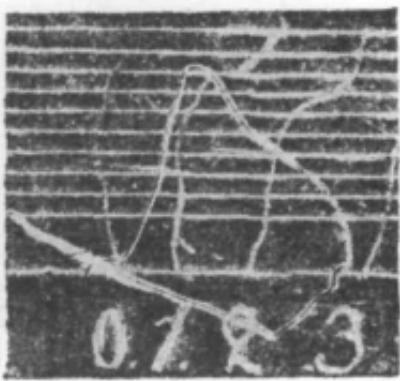
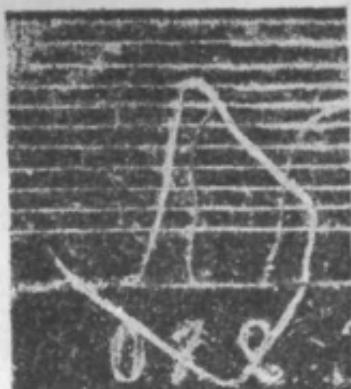


Рис. 11.

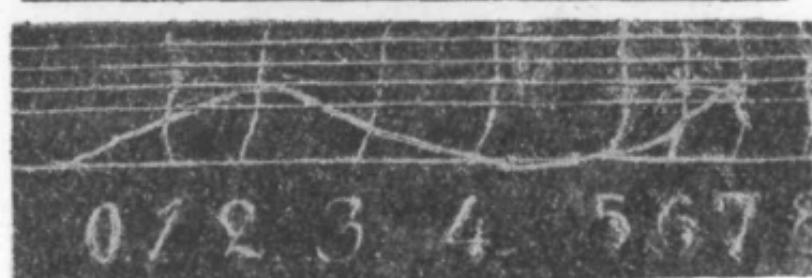
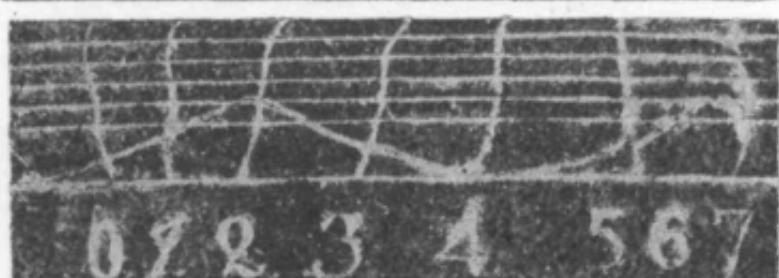
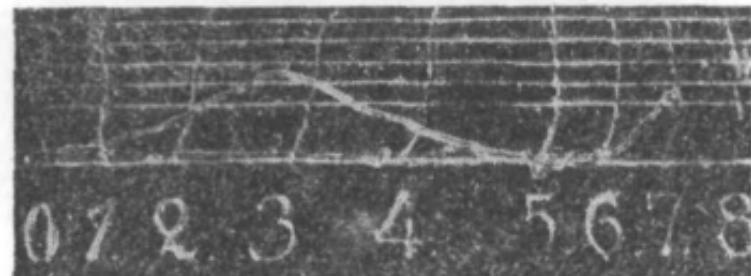
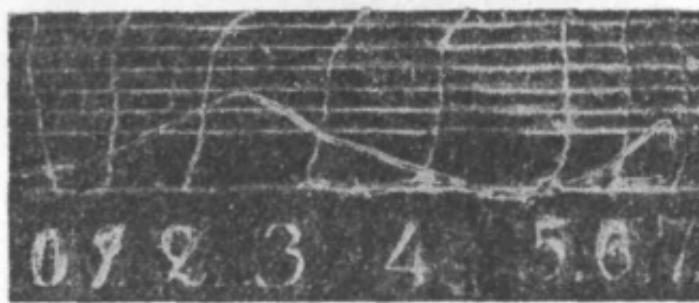
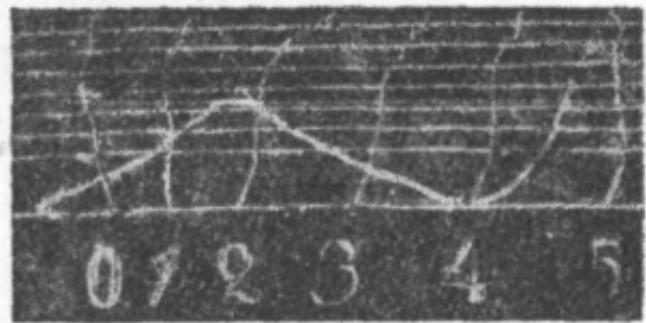


Рис. 12.

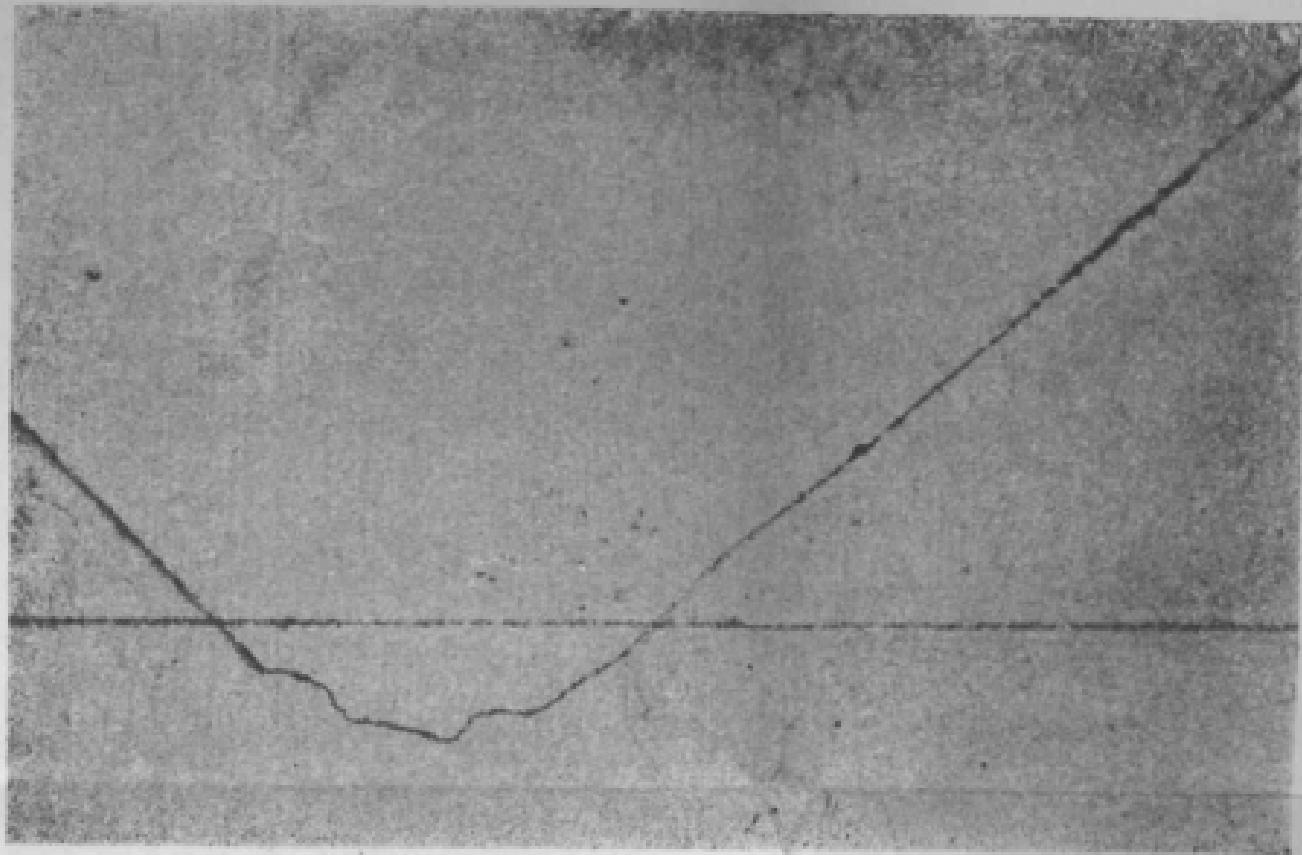


Рис. 14.

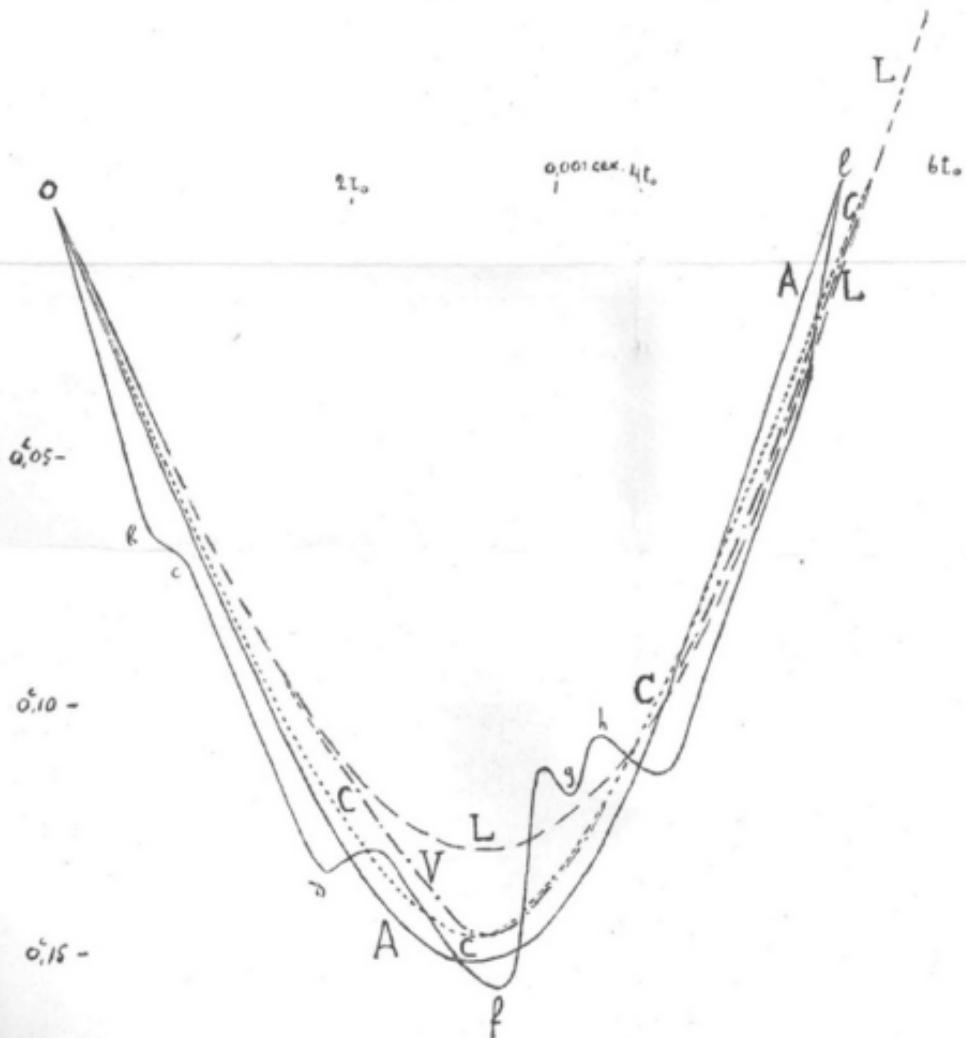


Рис. 15.

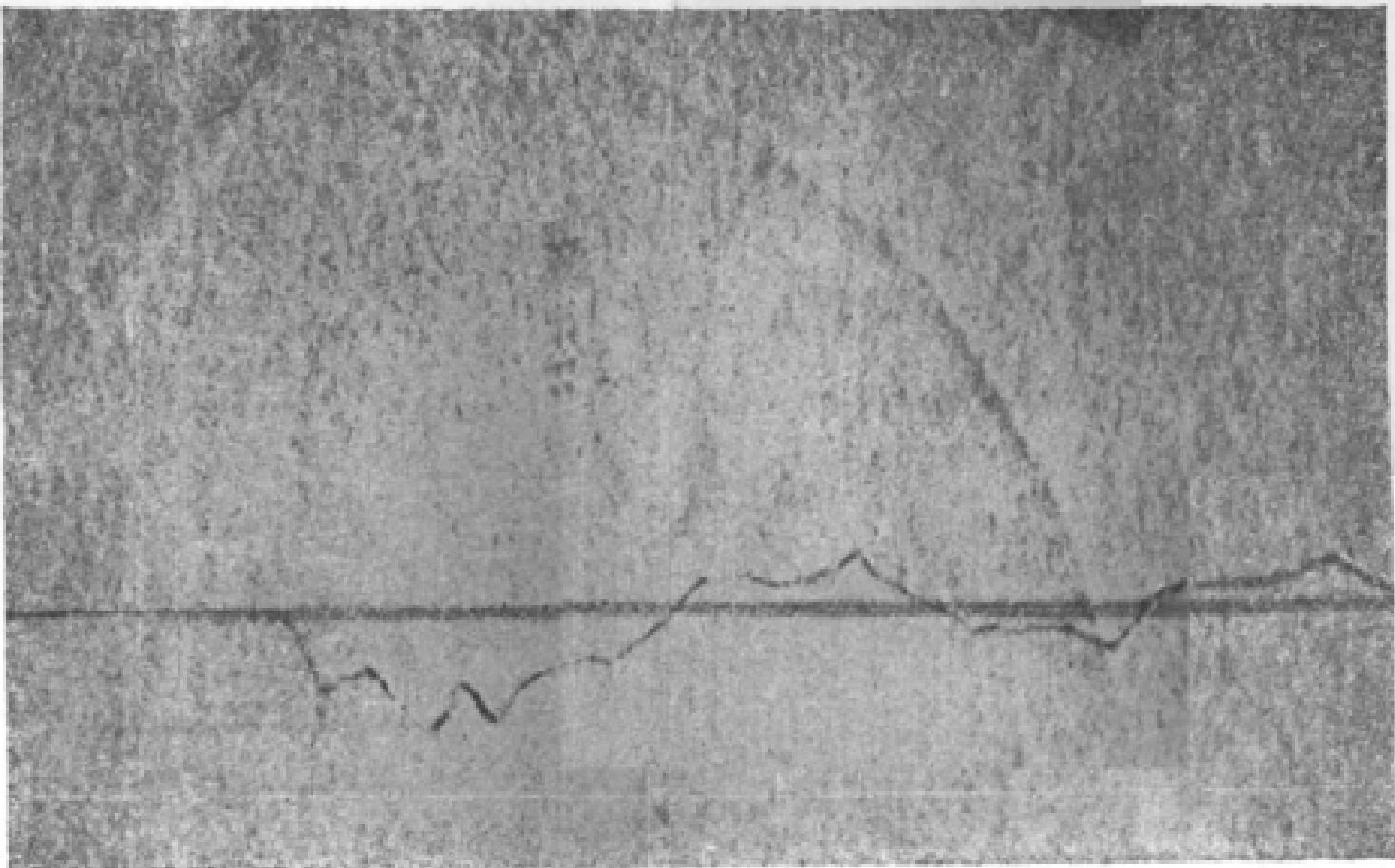


Рис. 16.

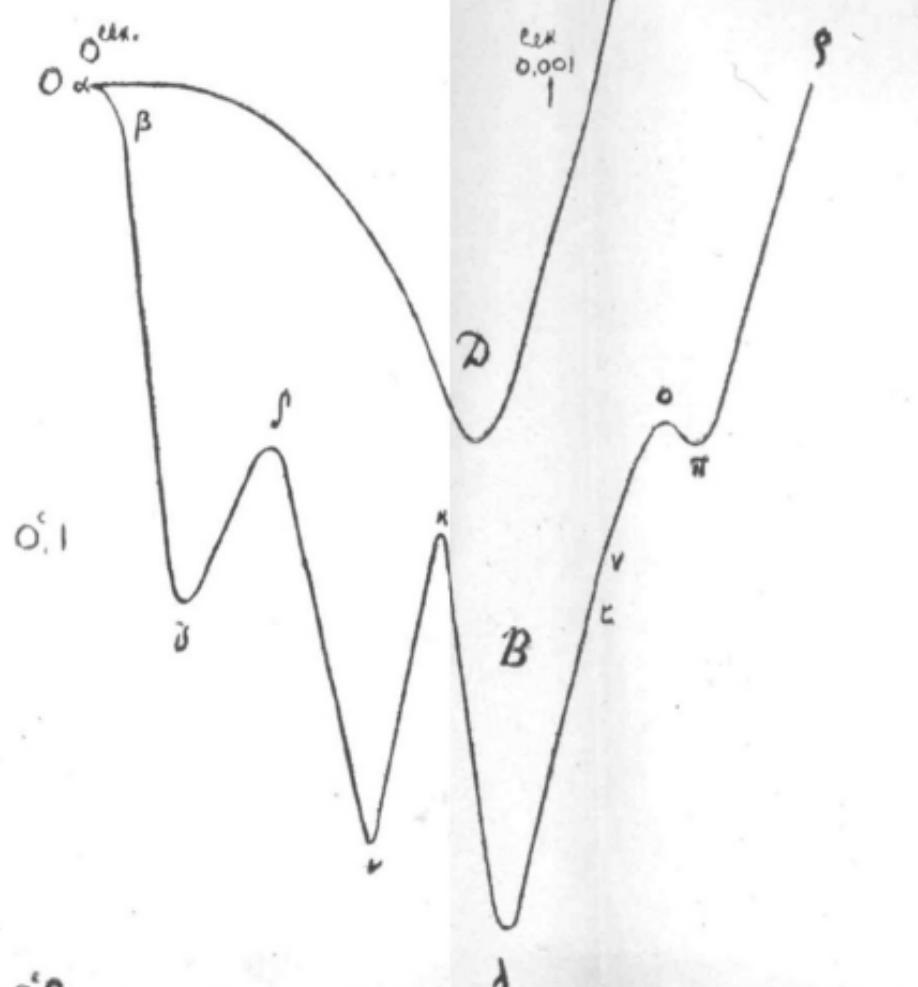


Рис. 17.

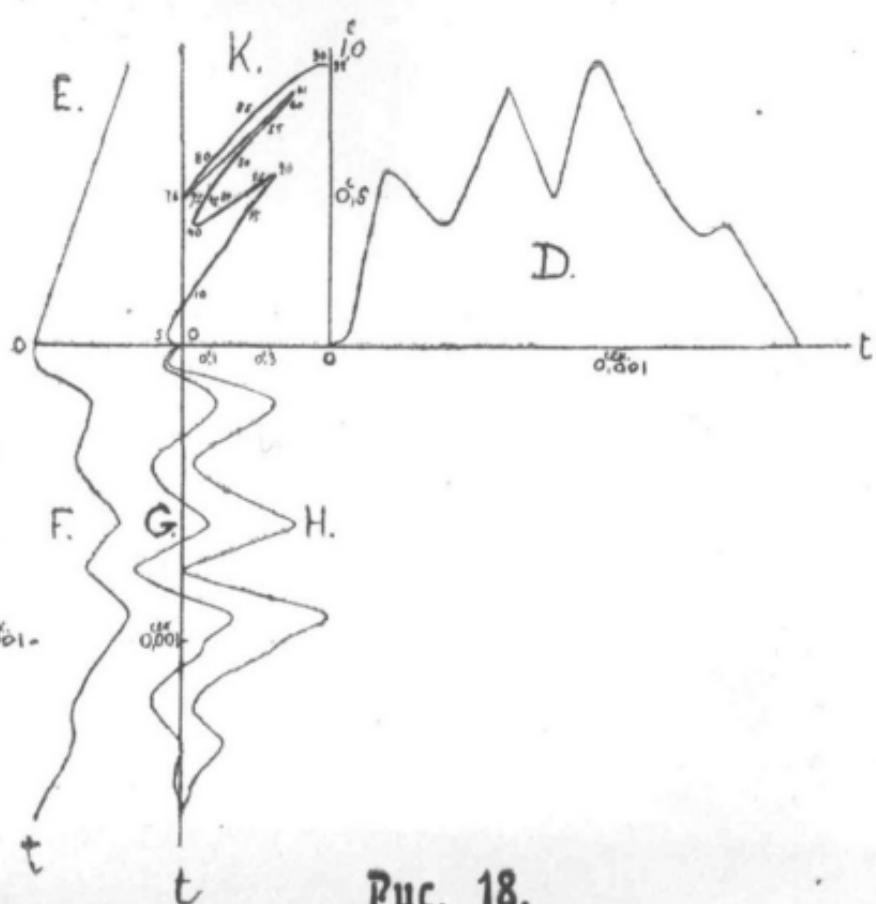
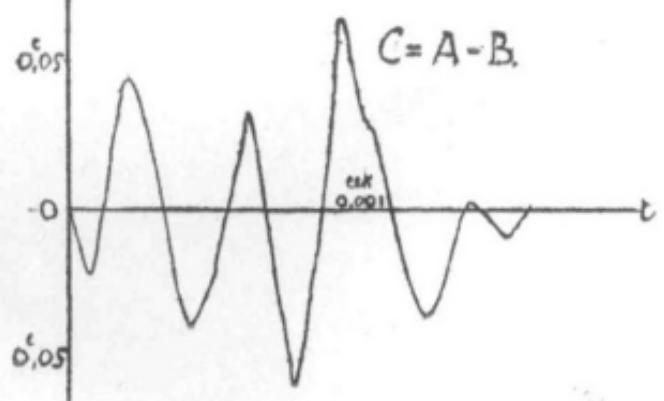
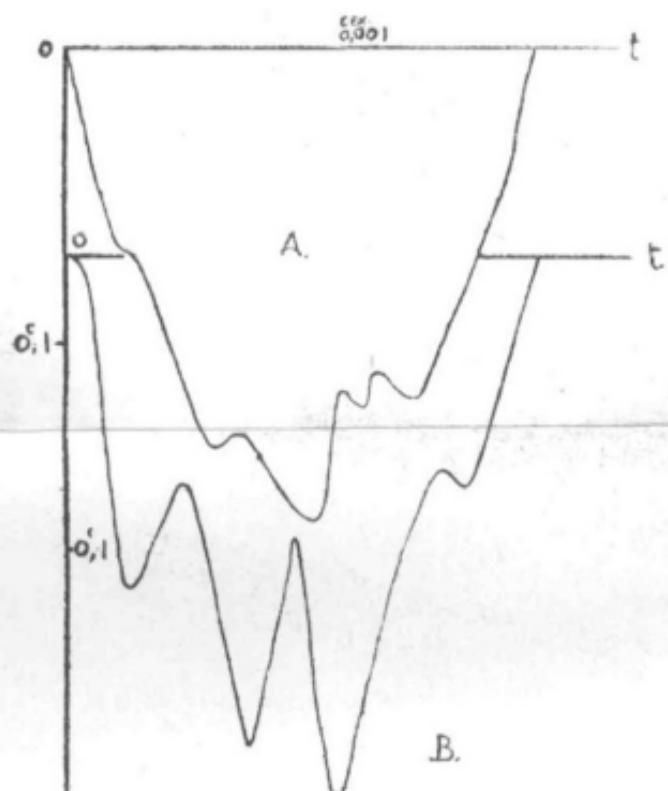


FIG. 18.

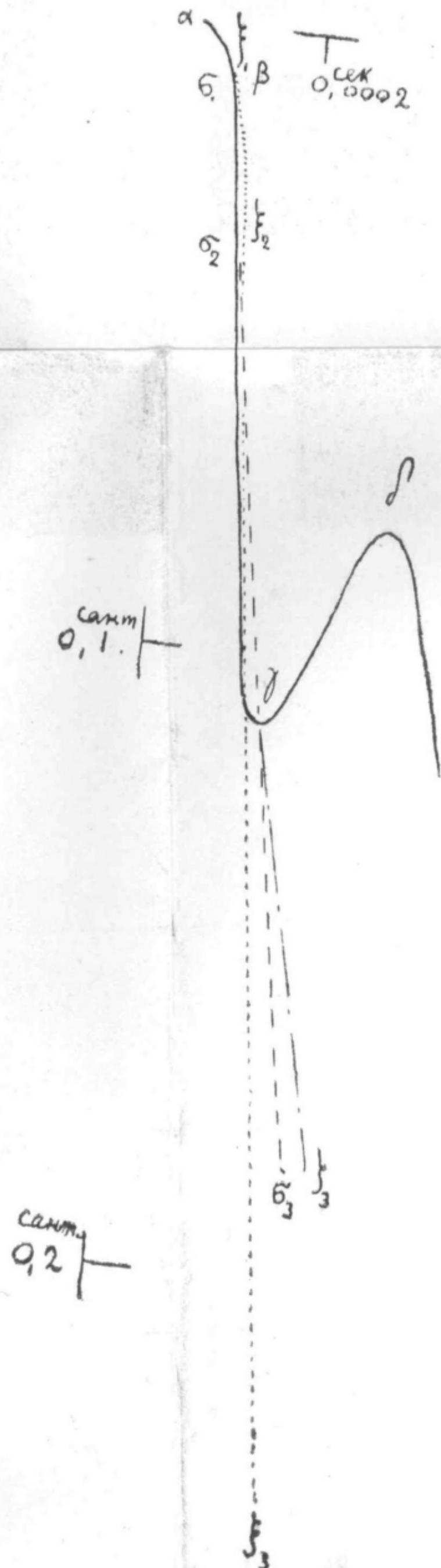


Рис. 19.

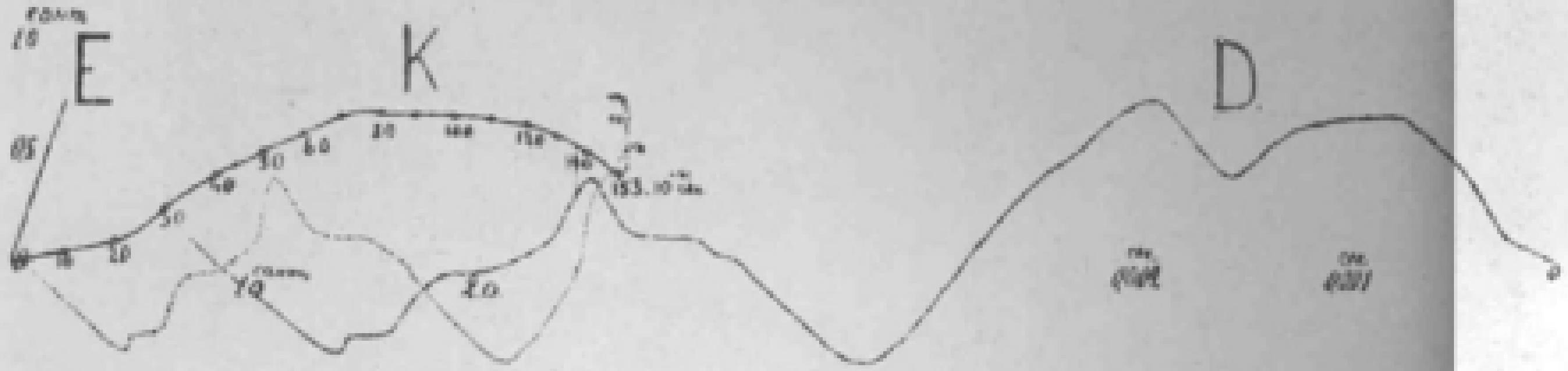


Рис. 20.

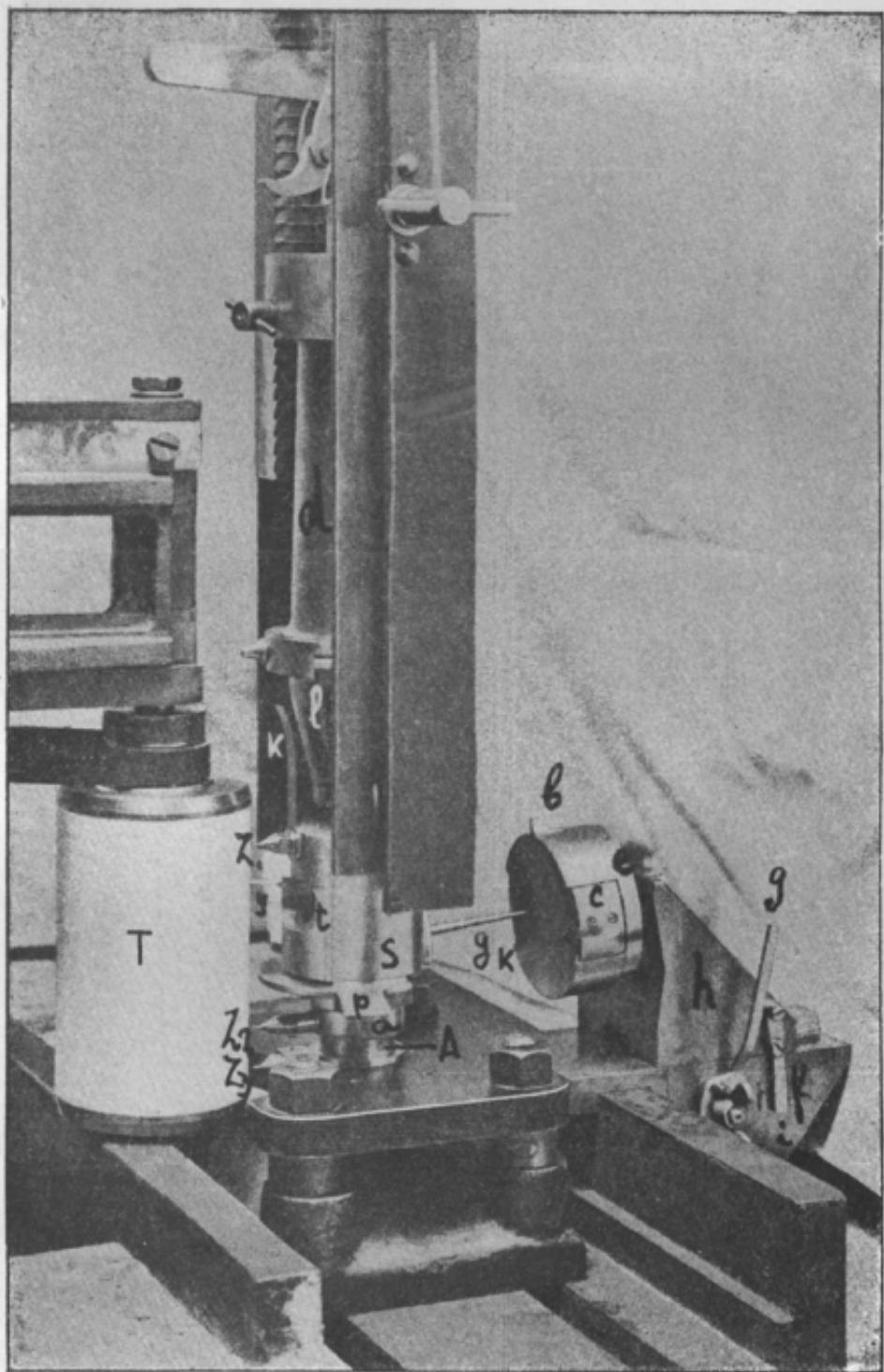


Рис. 21.

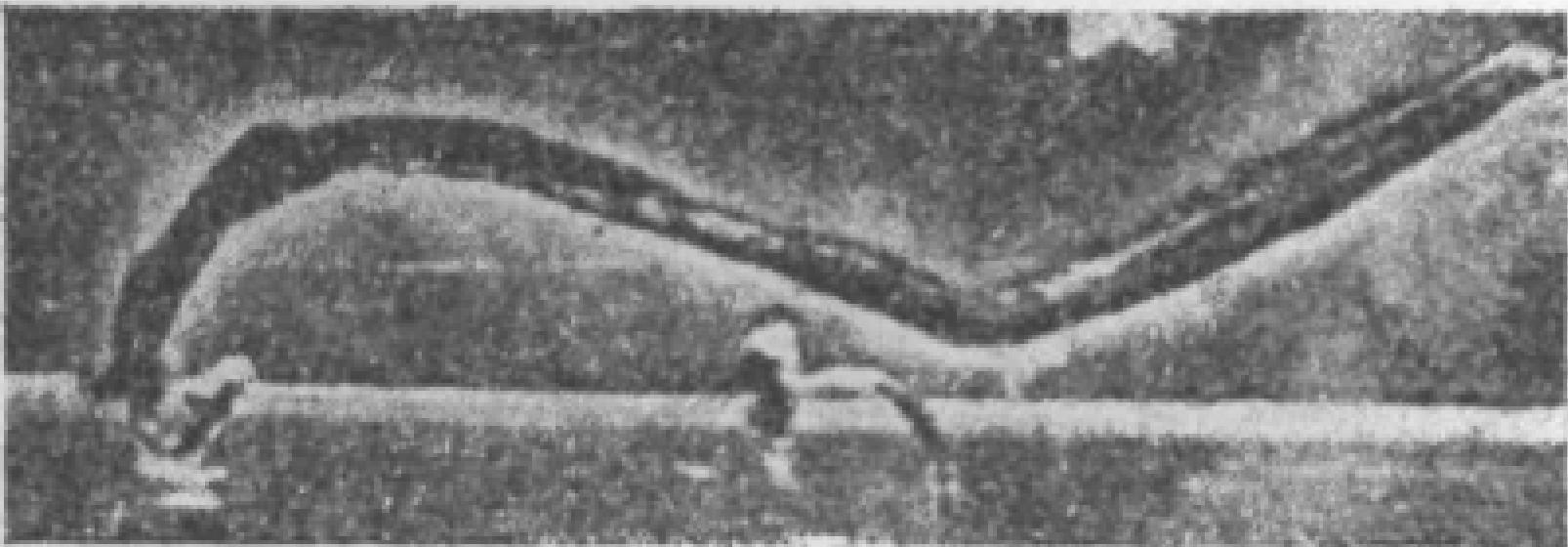


Рис. 22.

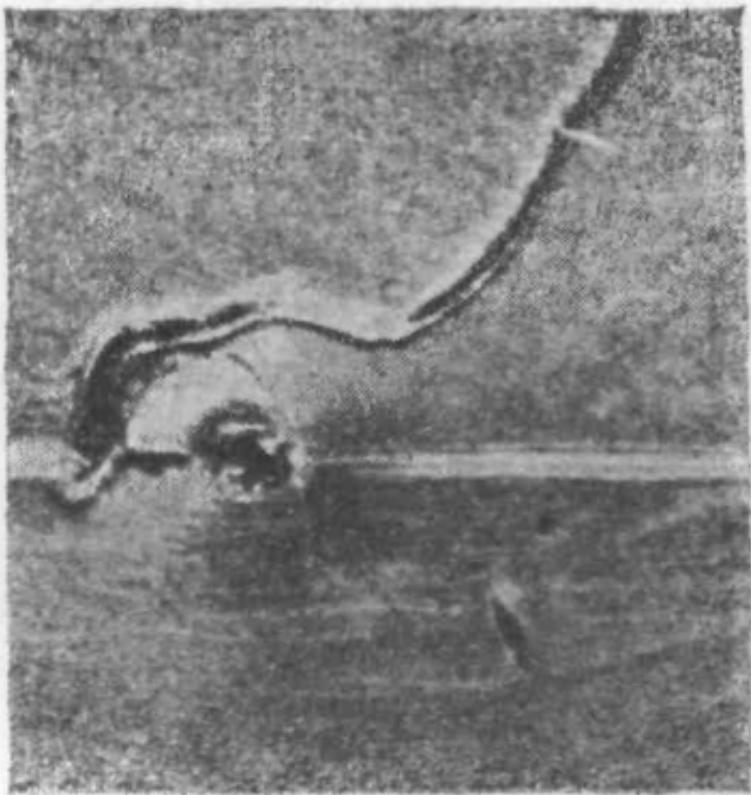


FIG. 23.

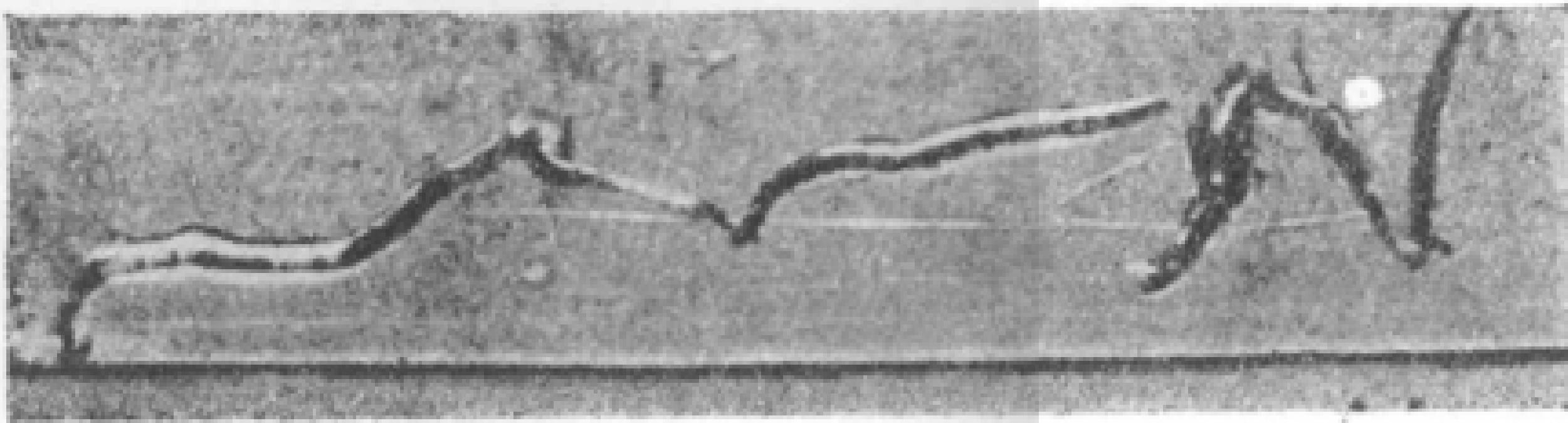
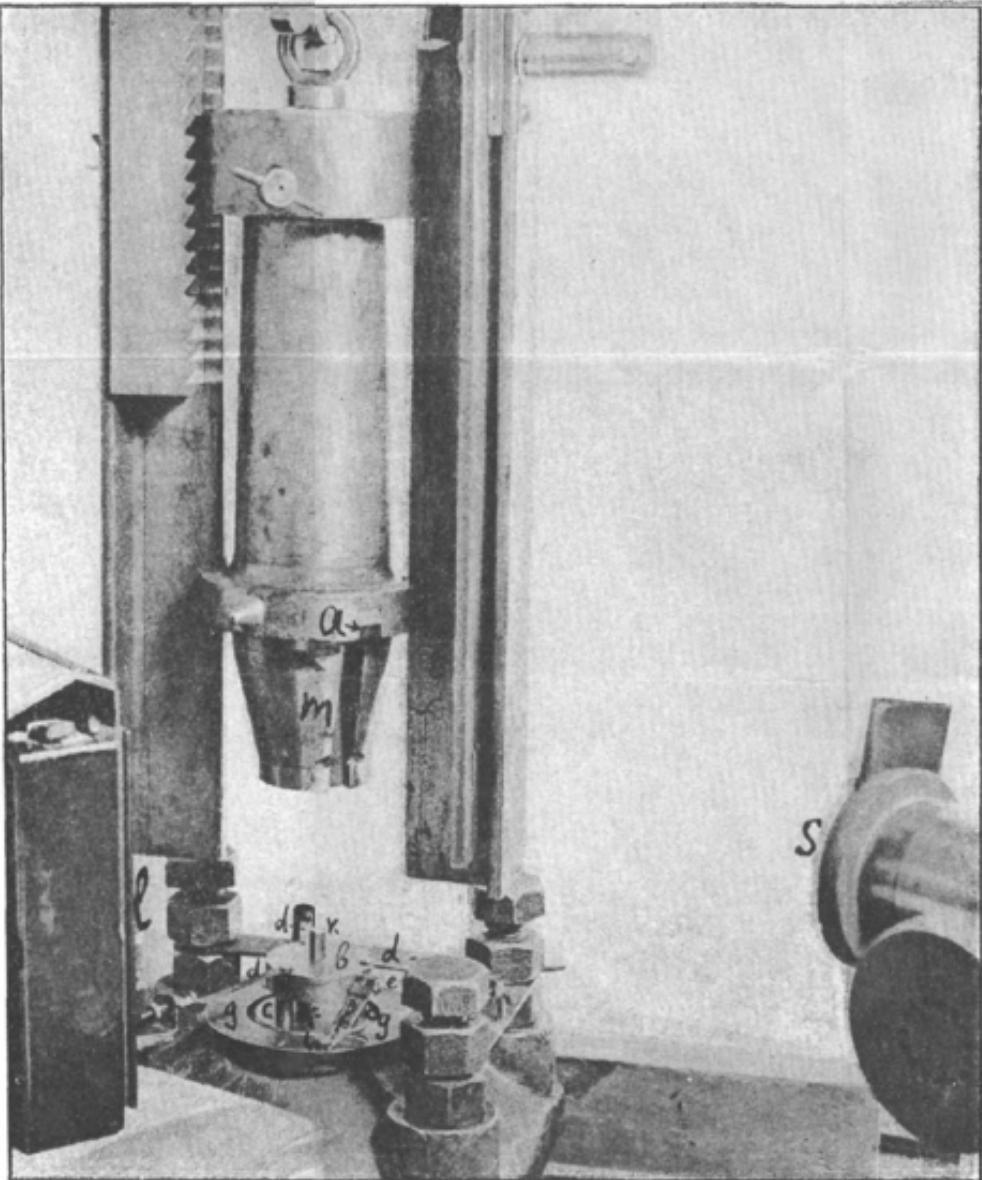


Рис. 24.



Puc. 25.

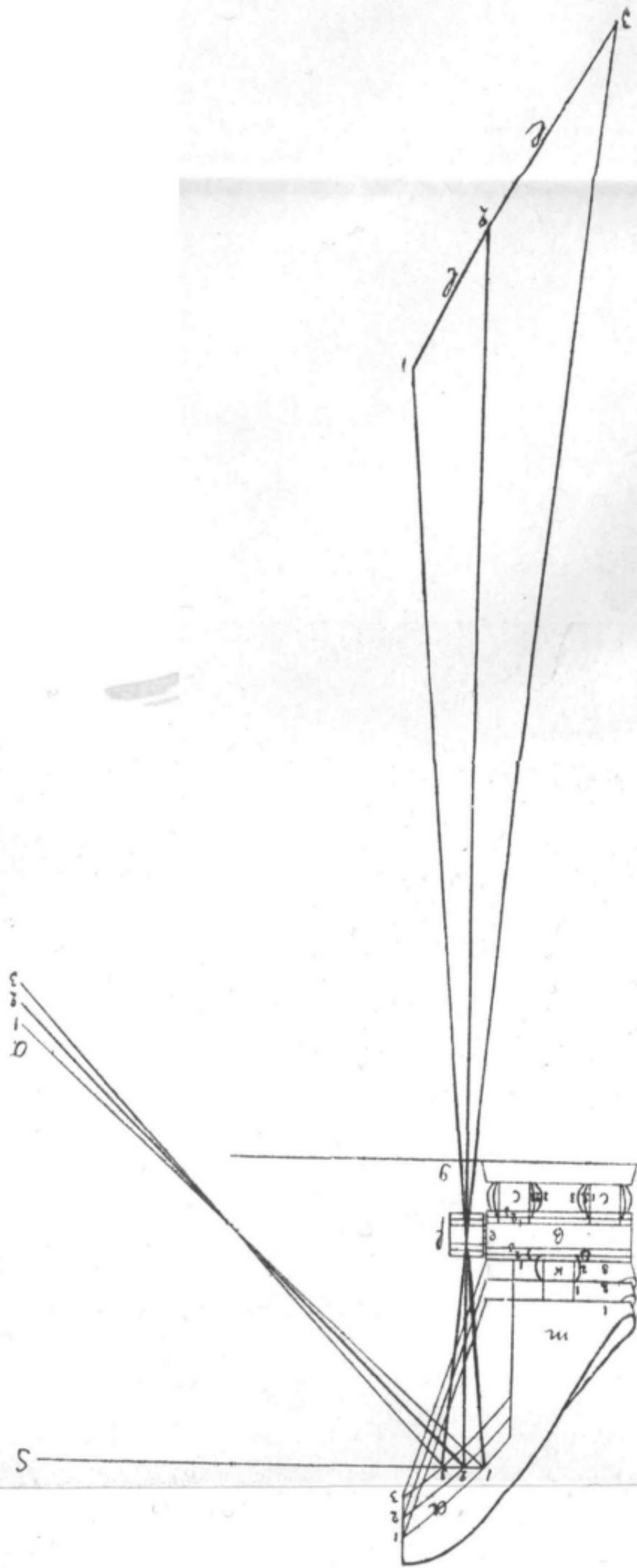


Рис. 26.

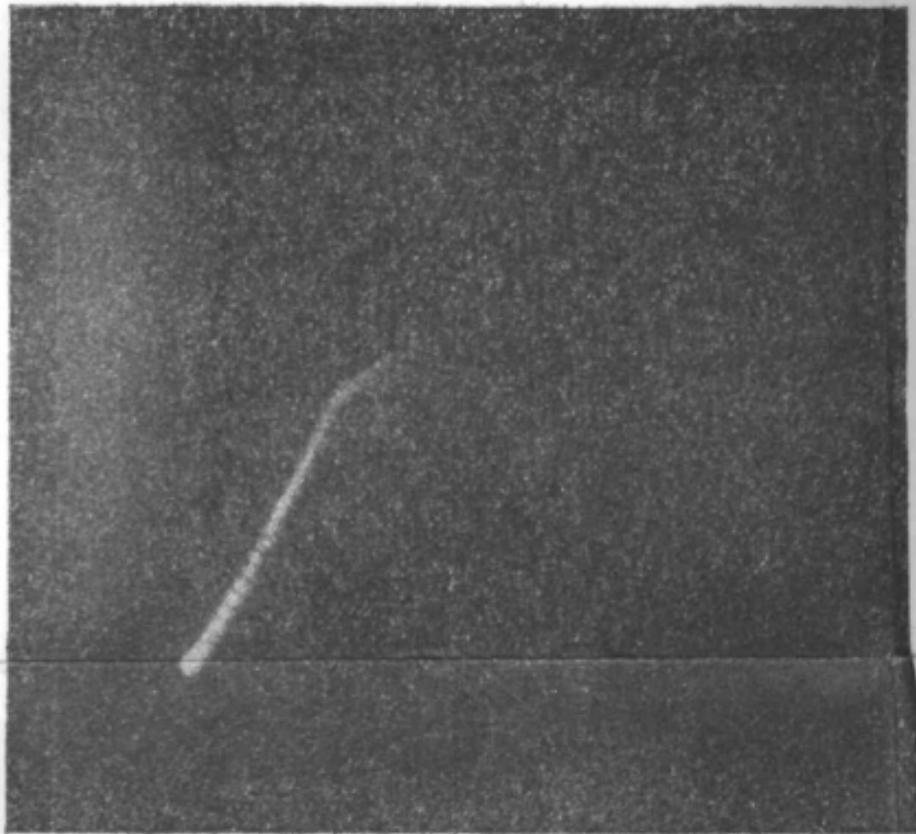


Fig. 27.