

Кудрицкий Г. А.

ТЕОРИЯ ЧИСЕЛ С НЕТРАДИЦИОННЫМИ
ПОДХОДАМИ
(Исследования о „близнецах„ и о распределении простых чисел)

\

монография

Санкт-Петербург
2019г

Предисловие

Прежде чем приступить к описанию метода нахождения составных и простых чисел совместно с определением простых чисел-близнецов в предлагаемой работе производится краткое описание результатов излагаемых в ранее проделанных работах.

В работе [1] введено понятие упорядка. Упорядок включает в себя все целые числа как отрицательные, так и положительные. Эти числа группируются по остаткам, которые получаются при делении целых чисел как отрицательных, так и положительных на положительное число B . ($1 \leq B < \infty$).

$-Bm+B$; . . . ;	$-2B$;	$-B$;	0	B	;	$2B$;	$3B$; . . . ;	Bm
$-Bm+(B-1)$; . . . ;	$-(2B+1)$;	$-(B+1)$;	-1	$B-1$;	$2B-1$;	$3B-1$; . . . ;	$Bm-1$
$-Bm+(B-2)$; . . . ;	$-(2B+2)$;	$-(B+2)$;	-2	$B-2$;	$2B-2$;	$3B-2$; . . . ;	$Bm-2$
$-Bm+(B-3)$; . . . ;	$-(2B+3)$;	$-(B+3)$;	-3	$B-3$;	$2B-3$;	$3B-3$; . . . ;	$Bm-3$
.....													
.....													
$-B+3$; . . . ;	$-(3B-3)$;	$-(2B-3)$;	$-(B-3)$	3	;	$(B+3)$;	$2B+3$; . . . ;	$Bm-(B-3)$
$-Bm+2$; . . . ;	$-(3B-2)$;	$-(2B-2)$;	$-(B-2)$	2	;	$(B+2)$;	$2B+2$; . . . ;	$Bm-(B-2)$
$-Bm+1$; . . . ;	$-(3B-1)$;	$-(2B-1)$;	$-(B-1)$	1	;	$(B+1)$;	$2B+1$; . . . ;	$Bm-(B-1)$
$-Bm$; . . . ;	$-3B$;	$-2B$;	$-B$	0	;	$(B+0)$;	$2B$; . . . ;	$Bm-B$

где: $1 \leq m < \infty$; и $0 \leq r_{k2} \leq B$ остатки для положительной числовой области.

$0 \geq -r_{k1} \geq -B$ остатки для отрицательной числовой области.

$$r_{k2} = \{0, 1, 2, \dots, B-3, B-2, B-1, B\}$$

$$-r_{k1} = \{0, -1, -2, -3, \dots, -(B-2), -(B-1), -B\}$$

Отрицательная числовая область отделяется от положительной числовой области вертикальной чертой.

При определении числовых последовательностей находящихся в отрицательной числовой области и остатка соответствующего каждой из этих последовательностей применяется следующий подход. [1].

Выписываются множество остатков, которые получаются при делении положительных целых чисел на положительное целое число B .

$$\underline{r}_{k2} = \{\underline{0}, \underline{1}, \underline{2}, \underline{3}, \dots, \underline{B-3}, \underline{B-2}, \underline{B-1}, \underline{B}\}$$

Эти остатки, являются первыми уменьшаемыми, при вычитании из каждого остатка числа B . После первого вычитания получим результаты:

$$\underline{r}_{k2} - B = \{-B, -(B-1), -(B-2), -(B-3), \dots -3, -2, -1, 0\} = -\underline{r}_{k1}$$

Таким образом, мы получили остатки, которые получатся при делении отрицательных чисел на положительное число $+B$. Из каждого полученного отрицательного остатка вычитается ещё раз число B и т. д.

Для получения множества целых положительных чисел к множеству отрицательных остатков к каждому прибавляется число B . К полученным суммам последовательно прибавляется число B и т. д.

В работе [1] приняты следующие обозначения:

$$\underline{s}_1(\mathbf{m}) = -\mathbf{m} \dots, -3, -2, -1, \underline{0}, 1, 2, 3, 4, \dots \underline{s}_1(\mathbf{m}) = \mathbf{m}$$

$$\underline{s}_1^1(\mathbf{m}) \dots, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, \dots \underline{s}_1^1(\mathbf{m})$$

где: $\underline{s}_1(\mathbf{m})$, $\underline{s}_1(\mathbf{m})$ обозначения действий вычитания и сложения (указывается стрелками), индекс 1 говорит о том, что уравнение первой степени.

m – количество операций сложения или вычитания ($1 \leq m < \infty$).

$\underline{0}$, - обозначение числа, которое является первым уменьшаемым (слагаемым).

$\underline{s}_1^1(\mathbf{m}) = \underline{s}_1^1(\mathbf{m}) = S_1^1(\mathbf{m})$ – постоянное число, которое складывается или вычитается с последовательно получаемыми результатами сложения (вычитания) В данном случае это число равно единице. ($B=1$).

Число B названо шагом упорядка, как и каждой из последовательностей, которая принадлежит рассматриваемому упорядку. ($1 \leq B < \infty$).

Наглядно всё сказанное можно увидеть в записи хорошо известной десятичной системы счисления: [1].

$-10m+10 \dots$	$;-20; -10; 0;$	$10; 20; 30; \dots 10m$
$-10m+9 \dots$	$;-21; -11; -1;$	$9; 19; 29; \dots 10m-1$
$-10m+8 \dots$	$;-22; -12; -2;$	$8; 18; 28; \dots 10m-2$
$-10m+7 \dots$	$;-23; -13; -3;$	$7; 17; 27; \dots 10m-3$
$-10m+6 \dots$	$;-24; -14; -4;$	$6; 16; 26; \dots 10m-4$
$-10m+5 \dots$	$;-25; -15; -5;$	$5; 15; 25; \dots 10m-5$
$-10m+4 \dots$	$;-26; -16; -6;$	$4; 14; 24; \dots 10m-6$
$-10m+3 \dots$	$;-27; -17; -7;$	$3; 13; 23; \dots 10m-7$
$-10m+2 \dots$	$;-28; -18; -8;$	$2; 12; 22; \dots 10m-8$
$-10m+1 \dots$	$;-29; -19; -9;$	$1; 11; 21; \dots 10m-9$
$-10m \dots$	$;-30; -20; -10;$	$0; 10; 20; \dots 10m-10$

где: $B = 10$. $1 \leq m < \infty$.

Отрицательные остатки называются начальными для получения множества положительных целых чисел, т. е. являются первыми слагаемыми.

Положительные остатки являются начальными для получения множества отрицательных чисел, т. е. являются первыми уменьшаемыми

Такие уравнения названы исходными. При значениях целочисленного аргумента $m=1$ они принимают значения равные остаткам.

В общем случае начальными числами называются числа, которые являются первыми уменьшаемыми или первыми слагаемыми. Эти числа подчеркиваются. [1.2.3].

В работе [2] сформулировано правило тождественных преобразований.

Правило тождественных преобразований рассмотрим на примере.

Пусть мы имеем числовую последовательность взятую из упорядка с шагом $B = 42$. $42m - 9$. Делителями коэффициента при целочисленном аргументе m являются числа. 2, 3, 6, 7, 14, 21. На основе этих делителей можно написать:

$$42m-9=2(21m-4)-1=3(14m-3)=7(6m-1)-2=6(7m-1)-3=14(3m)-9=21(2m)-9.$$

Эти уравнения означают, что все числа последовательности $42m-9$ входят и в последовательностях $2m^{\setminus} - 1$, $3m^{\setminus}$, $7m^{\setminus} - 2$, $6m^{\setminus} - 3$, $14m^{\setminus} - 9$, $21m^{\setminus} - 9$.

где: m^{\setminus} - обозначения уравнений выборок Это номера под которыми стоят числа последовательности $42m-9$ в последовательностях с шагами 2, 3, 7, 6, 14, 21 соответственно. В упоряде с $B=3$ числа исследуемой последовательности $42m-9$ остатка не имеют. [4].

Так для последовательности $2m^{\setminus} - 1$ уравнение выборки будет $m^{\setminus} = 21m - 4$.

Пользуясь уравнениями выборок можно выделять из последовательностей номера чисел, которые обладают определяемыми свойствами по делимости. Например: пусть нам задана последовательность $6m-5$.

$$6m-5 = \{1, 7, 13, 19, 25, 31, 37, 43, 49, 55, 61, 67, 73, 79, 85, 91, 97, \dots\}$$

Выделим из данной последовательности числа, которые делятся на 7.

Определим номер, под которым стоит число 7 в последовательности

$$6m-5. \quad 6m_1^{\setminus} - 5 = 7m_2^{\setminus} \quad m_1^{\setminus} = \frac{7m_2^{\setminus} + 5}{6} = 2, 9, \dots \quad m_2^{\setminus} = 6m - 5$$

Уравнение выборки будет:

$$m_1^{\setminus} = 7m - 5 = \{2, 9, 16, 23, 30, 37, 44, \dots\}$$

Разность между $7m$ при $m=1$ и свободным членом должна быть равна номеру, под которым находится число 7 в последовательности $6m-5$.

Подставим это уравнение выборки в числовое уравнение $6m-5$.

$$6(7m-5)-5 = 42m-35 = \{7, 49, 91, 133, 175, 217, \dots\}$$

Делителями числа 42 являются числа 2, 3, 6, 7, 14, 21, но только в последовательности $7m$ эти числа не имеют остатка, т. е. делятся нацело на 7.

$$42m-35 = 7(6m-5). \quad m^{\setminus} = 6m-5. \quad [4].$$

Из этого следует правило вывода числовых уравнений с заданными свойствами по делимости. (Для чисел находящихся в рассматриваемых последовательностях) Для примера выделим числа из последовательности $6m-5$, которые делятся на 19.

$$19(6m-5) = 114m - 95 = \{19, 133, 247, 361, 475, 589, 703, \dots\}$$

Определим уравнение выборки, определяющее номера чисел делящихся на 19 в последовательности $6m-5$.

$$114m-95 = 6(19m-15)-5. \quad m^{\setminus} = 19m-15 = \{4, 23, 42, 61, \dots\}$$

Уравнение выборки для исследуемого числа можно сразу написать после определения номера, под которым оно находится в числовой последовательности. Пусть исследуемое число 43.

$$6m-5=43 \quad m = \frac{43+5}{6} = 8 \quad \text{откуда:}$$

$$m^{\setminus} = 43m-35 = 8 \quad \text{при } m=1. \quad \text{Проверим:}$$

$$43(6m-5) = 258m-215 = 6(43m-35)-5$$

где: $1 \leq m < \infty$.

В [1] введено понятие взаимнообратимости. Для пояснения этого понятия проведем некоторые рассуждения Пусть мы имеем целое положительное число $Bm-r_{kl}$. ($0 \geq -r_{kl} \geq -B+1$). См. упоряд с шагом B .

Как принято в [1] из числа $Vm-r_{k1}$ будем последовательно вычитать шаг упорядка V .

$$\begin{array}{cccccccc} -r_{k1} & V-r_{k1} & 2V-r_{k1} & 3V-r_{k1} & \dots & (m-1)V-r_{k1} & \underline{Vm-r_{k1}} & = \underline{s_1(m)} \\ V & V & V & V & \dots & V & & \end{array}$$

Откуда $V-r_{k1}$ – положительный остаток, получаемый при $m=1$

$V-r_{k1} = +r_{k2}$ $-r_{k1}$ – отрицательный остаток, при значении целочисленного аргумента $m=0$. Относится к остаткам отрицательных чисел при делении на положительное число V .

$$\underline{s_1(m)} = \underline{-Vm+r_{k2}} \quad \underline{-(m-1)V+r_{k2}} \dots \underline{-3V+r_{k2}} \quad \underline{-2V+r_{k2}} \quad \underline{-V+r_{k2}} \quad \underline{+r_{k2}}.$$

$$\begin{array}{cccccc} V & V & V & V & V & \end{array}$$

где: $\underline{-Vm+r_{k2}}$ – отрицательное целое число, которое является первым слагаемым. После многократных сложений получаемых сумм с числом V получится результат равный отрицательному остатку $-V+r_{k2}$ ($m=1$). Положительный остаток получится, когда к отрицательному остатку прибавить число V . ($m=0$). Таким образом, каждая из последовательностей упорядка с шагом V описывается двумя уравнениями первой степени, так как в общем случае остатки для отрицательной и положительной числовых областей не равны между собой. В работе [1] это записано следующими формулами.

Такие пары уравнений (функций), когда:

$$\left. \begin{array}{l} \underline{s_1(0)} = \underline{s_1(1)} = -r_{k1} \\ \underline{s_1(0)} = \underline{s_1(1)} = +r_{k2} \end{array} \right\}$$

назовём взаимобратимыми.

При значениях m $-\infty < m < +\infty$ взаимобратимые уравнения описываются одним уравнением, включающим в себя как положительные, так и отрицательные числа. Это рассмотрим на примере двух взаимобратимых уравнений. $-10m + 8 \mid 10m - 2$ [1].

При движении из положительной числовой области в отрицательную числовую область получим числа последовательности $-10m + 8$ и наоборот.

$$\begin{array}{cccccccc} -10m + 8 \dots & -22, & -12, & -2, & \mid & 8, & 18, & 28, \dots & 10m - 2 \\ & & & & & 10, & 10, & 10, & 10, & 10, \end{array}$$

Противоположные числа равноудалены от концов упорядка. Например: $10m-1$ и $-10m + 1$, $10m - 9$ и $-10m + 9$ и т. д.

Если возникает необходимость определить общие числа двух последовательностей с разными шагами. Например: $9m - 7$ и $8m - 3$.

В этом случае надо решить следующее уравнение:

$$9m_1 - 7 = 8m_2 - 3$$

где: m_1 и m_2 соответствующие уравнения выборок. Откуда:

$$m_1 = \frac{8m_2 + 4}{9} \quad 8m_2 + 4 = \{12, 20, 28, 36, \dots, 108, \dots\} \quad \text{Откуда: } m_2 = 9m - 5$$

$$m_1 = \frac{8(9m - 5) + 4}{9} = \frac{72m - 36}{9} = 8m - 4 \quad \text{и следовательно:}$$

$$9(8m-4)-7 = 8(9m-5)-3 = 72m-43 = \{29, 101, 173, \dots\} \quad 1 \leq m < \infty$$

Рассмотрим это более подробно на примерах. Определим общие числа последовательностей $7m_1^{\setminus} - 3$ и $13m_2^{\setminus} - 7$,

$$7m-3= 4, 11, 18, 25, 32, 39, 46, 53, 60, 67, \\ 74, 81, 88, 95, 102, 109, 116, 123, 130, 137, \\ 144, 151, 158, 165, \dots\dots\dots$$

$$13m-7= 6, 19, 32, 45, 58, 71, 84, 97, 110, 123, \\ 136, 149, 162, 175, 188, 201, 214, 227, 240, 253, \\ 266, 279, 292, 305, 318, \dots\dots\dots$$

В этих числовых последовательностях найдём первые совпадающие числа. Это число 32. В последовательности $7m-3$ стоит на 5 месте. В последовательности $13m-7$ на 3 месте.

Определим вторые совпадающие числа в изучаемых последовательностях. Для этого достаточно к 5 номеру в последовательности $7m-3$ прибавить число 13 получим номер 18, которое соответствует числу 123.

Для определения номера соответствующего второму совпадающему числу в последовательности $13m-7$ надо прибавить к 3 номеру число 7 получим номер 10 соответствующий так же числу 123.

Таким образом, мы определили шаг уравнений выборок в изучаемых последовательностях.

Для последовательности $7m-3$ шаг уравнения выборки будет:

$$18-5=13 \text{ откуда: } m_1^{\setminus} = 13m - 8 \text{ при } m=1 \text{ равняется 5 номеру.}$$

Для последовательности $13m-7$ шаг уравнения выборки будет:

$$10-3=7 \text{ откуда: } m_2^{\setminus} = 7m - 4 \text{ при } m=1 \text{ равняется 3 номеру.}$$

На основании проведённых исследований можно написать числовое уравнение:

$$7(13m-8)-3=13(7m-4)-7=91m-59= 32, 123, 214, 305, 396, 487, \dots\dots\dots$$

$$\text{где: } 1 \leq m < \infty.$$

Но если вспомнить правило тождественных преобразований [2], то указанный только что метод можно применять только для определения свободных членов в уравнениях выборок. Можно написать:

$$7(13m-x)-3=13(7m-y)-7$$

где: x и y целочисленные числа свободных членов в уравнениях выборок. Имеем:

$$7x+3=13y+7$$

$$x = \frac{13y+4}{7} = 8 \text{ при } y=4 \text{ Имеем:}$$

$$m_1^{\setminus} = 13m - 8 \quad m_2^{\setminus} = 7m - 4$$

Как видим, результаты совпадают.

1. Постановка задачи и теоретические предпосылки

В настоящей работе поставлена задача нахождения оптимального подхода нахождения пар простых чисел отличающихся на две единицы. Для нахождения таких чисел необходимо определять и сами простые числа, что и будет производиться в данной работе. А если число не простое, то оно является составным, что так же будет отмечаться.

Для этой цели рассмотрим упоряд с $V=6$. Сам упоряд в принятых обозначениях в работах [1,2,3] приведён жирным шрифтом. Обычным шрифтом приведены дополнительные последовательности, которые необходимы для выполнения поставленной задачи.

$$\begin{array}{l}
 -6m + 7 \dots; -11; -5; 1 \quad 7; 13; 19; \dots 6m + 1 \\
 \mathbf{-6m + 6 \dots; -12; -6; 0} \quad \mathbf{6; 12; 18; \dots 6m} \\
 -6m + 5 \dots; -13; -7; -1 \quad 5; 11; 17; \dots 6m - 1 \\
 -6m + 4 \dots; -14; -8; -2 \quad 4; 10; 16; \dots 6m - 2 \\
 -6m + 3 \dots; -15; -9; -3 \quad 3; 9; 15; \dots 6m - 3 \\
 -6m + 2 \dots; -16; -10; -4 \quad 2; 8; 14; \dots 6m - 4 \\
 -6m + 1 \dots; -17; -11; -5 \quad 1; 7; 13; \dots 6m - 5 \\
 \mathbf{-6m \quad \dots; -18; -12; -6} \quad \mathbf{0; 6; 12; \dots 6m - 6} \\
 -6m - 1 \dots; -19; -13; -7 \quad -1; 5; 11; \dots 6m - 7 \\
 \text{где: } 1 \leq m < \infty
 \end{array}$$

Из дополненного числовыми последовательностями упоряда выпишем две пары противоположных числовых уравнений.

$6m + 1$ и $-6m - 1$ начальными числами являются 1 и -1 соответственно.

$-6m + 1$ и $6m - 1$ начальными числами являются 1 и -1 соответственно.

Таблица 1.1

	$-6m - 1$	$-6m$	$-6m + 1$
...
6	-37	-36	-35
5	-31	-30	-29
4	-25	-24	-23
3	-19	-18	-17
2	-13	-12	-11
1	-7	-6	-5
0	-1	0	+1
1	5	6	7
2	11	12	13
3	17	18	19
4	23	24	25
5	29	30	31
.....
m	$6m - 1$	$6m$	$6m + 1$

где: $1 \leq m < \infty$. $\underline{-1}$, $\underline{0}$, $\underline{+1}$ - начальные числа как в сторону вычитания, так и в сторону сложения.

Сверху вниз – сложение.

Снизу вверх – вычитание.

Эти последовательности образованы от одних и тех же начальных чисел $\underline{1}$ и $\underline{-1}$ и это не нарушает свойство взаимнообратимости, заключающееся в том, что при снятии ограничения изменения целочисленного аргумента m от ± 1 до $+\infty$ и переходу изменения аргумента m к диапазону от $-\infty$ до $+\infty$ каждая из последовательностей опишет значения чисел парной с ней.

Последовательность $6m+1$ при отрицательных значениях m будет принимать числовые значения последовательности $-6m+1$ и наоборот.

Последовательность $-6m-1$ при отрицательных значениях m будет принимать числовые значения последовательности $6m-1$ и наоборот.

При этом последовательности $6m-1$ и $-6m+1$ являются противоположными так как $|-6m+1| = 6m-1$ по абсолютной величине при одних и тех же значениях целочисленного аргумента m .

Последовательности $-6m-1$ и $6m+1$ так же являются противоположными и $|-6m-1| = 6m+1$, т. е. абсолютная величина чисел последовательности $-6m-1$ при одних и тех же значениях m равны числам последовательности $6m+1$. (см. табл. 1.1).

Рассмотрим пары взаимнообратимых уравнений $6m+1$ и $-6m+1$.

Выпишем несколько значений при движении чисел последовательности $-6m+1$ в сторону сложения.

$-6m+1$	-17	-11	-5	$\underline{+1}$	7	13	19
m	3	2	1	$\underline{0}$	-1	-2	-3

где: $-\infty < m < +\infty$

Сравним со значениями чисел при движении в сторону вычитания последовательности $6m+1$.

.....	-17	-11	-5	$\underline{+1}$	7	13	19	$6m+1$
.....	-3	-2	-1	$\underline{0}$	1	2	3	m

где: $+\infty > m > -\infty$

Следующую пару взаимнообратимых уравнений $-6m-1$ и $6m-1$ рассмотрим как и предыдущую.

$-6m-1$	-19	-13	-7	$\underline{-1}$	5	11	17
m	3	2	1	$\underline{0}$	-1	-2	-3

где: $-\infty < m < +\infty$

.....	-19	-13	-7	$\underline{-1}$	5	11	17	$6m-1$
.....	-3	-2	-1	$\underline{0}$	1	2	3	m

где: $+\infty > m > -\infty$

Как видим, условия взаимнообратимости не нарушаются.

Для облегчения понимания следующего материала приведём следующую таблицу, по которой будем сверять результаты.

Таблица 1.2.

m	$6m - 1$	$6m$	$6m + 1$
1	5	6	7
2	11	12	13
3	17	18	19
4	23	24	$25 = 5^2$
5	29	30	31
6	$35 = 5 \times 7$	36	37
7	41	42	43
8	47	48	$49 = 7^2$
9	53	54	$55 = 5 \times 11$
10	59	60	61
11	$65 = 5 \times 13$	66	67
12	71	72	73
13	$77 = 7 \times 11$	78	79
14	83	84	$85 = 5 \times 17$
15	89	90	$91 = 7 \times 13$
16	$95 = 5 \times 19$	96	97
17	101	102	103
18	107	108	109
19	113	114	$115 = 5 \times 23$
20	$119 = 7 \times 17$	120	$121 = 11^2$
21	$125 = 5^3$	126	127
22	131	132	$133 = 7 \times 19$
23	137	138	139
24	$143 = 11 \times 13$	144	145
25	149	150	151
26	$155 = 5 \times 31$	156	157
27	$161 = 7 \times 23$	162	163
28	167	168	$169 = 13^2$
29	173	174	$175 = 5^2 \times 7$
30	179	180	181
31	$185 = 5 \times 37$	186	$187 = 11 \times 17$
32	191	192	193
33	197	198	199
34	$203 = 7 \times 29$	204	$205 = 5 \times 41$
35	$209 = 11 \times 19$	210	211
36	$215 = 5 \times 43$	216	$217 = 7 \times 31$
37	$221 = 13 \times 17$	222	223
38	227	228	229
39	233	234	$235 = 5 \times 47$

40	239	240	241
41	$245 = 5 \times 49$	246	$247 = 13 \times 19$
42	251	252	$253 = 11 \times 23$
43	257	258	$259 = 7 \times 37$
44	263	264	$265 = 5 \times 53$
45	269	270	271
46	$275 = 5^2 \times 11$	276	277
47	281	282	283
48	$287 = 7 \times 41$	288	$289 = 17^2$
49	293	294	$295 = 5 \times 59$
50	$299 = 13 \times 23$	300	$301 = 7 \times 43$
51	$305 = 5 \times 61$	306	307
52	311	312	313
53	317	318	$319 = 11 \times 29$
54	$323 = 17 \times 19$	324	$325 = 5^2 \times 13$
55	$329 = 7 \times 47$	330	331
56	$335 = 5 \times 67$	336	337
57	$341 = 11 \times 31$	342	$343 = 7^3$
58	347	348	349
59	353	354	$355 = 5 \times 71$
60	359	360	$361 = 19^2$
61	$365 = 5 \times 73$	366	367
62	$371 = 7 \times 53$	372	373
63	$377 = 13 \times 29$	378	379
64	383	384	$385 = 5 \times 7 \times 11$
65	389	390	$391 = 17 \times 23$
66	$395 = 5 \times 79$	396	397
67	401	402	$403 = 13 \times 31$
68	$407 = 11 \times 37$	408	409
69	$413 = 7 \times 59$	414	$415 = 5 \times 83$
70	419	420	421
71	$425 = 5^2 \times 17$	426	$427 = 7 \times 61$
72	431	432	433
73	$437 = 19 \times 23$	438	439
74	443	444	$445 = 5 \times 89$
75	449	450	$451 = 11 \times 41$
76	$455 = 5 \times 7 \times 13$	456	457
77	461	462	463
78	467	468	$469 = 7 \times 67$
79	$473 = 11 \times 43$	474	$475 = 5^2 \times 19$
80	479	480	$481 = 13 \times 37$

81	$485 = 5 \times 97$	486	487
82	491	492	$493 = 17 \times 29$
83	$497 = 7 \times 71$	498	499
84	503	504	$505 = 5 \times 101$
85	509	510	$511 = 7 \times 73$
86	$515 = 5 \times 103$	516	$517 = 11 \times 47$
87	521	522	523
88	$527 = 17 \times 31$	528	$529 = 23^2$
89	$533 = 13 \times 41$	534	$535 = 5 \times 107$
90	$539 = 7^2 \times 11$	540	541
91	$545 = 5 \times 109$	546	547
92	$551 = 19 \times 29$	552	$553 = 7 \times 79$
93	557	556	$559 = 13 \times 43$
94	563	564	$565 = 5 \times 113$
95	569	570	571
96	$575 = 5^2 \times 23$	576	577
97	$581 = 7 \times 83$	582	$583 = 11 \times 53$
98	587	588	$589 = 19 \times 31$
99	593	594	$595 = 5 \times 7 \times 17$
100	599	600	601
101	$605 = 5 \times 11^2$	606	607
102	$611 = 13 \times 47$	612	613
103	617	618	619
104	$623 = 7 \times 89$	624	$625 = 5^4$
105	$629 = 17 \times 37$	630	631
106	$635 = 5 \times 127$	636	$637 = 7^2 \times 13$
107	641	642	643
108	647	648	$649 = 11 \times 59$
109	653	654	$655 = 5 \times 131$
110	659	660	661
111	$665 = 5 \times 7 \times 19$	666	$667 = 23 \times 29$
112	$671 = 11 \times 61$	672	673
113	677	678	$679 = 7 \times 97$
114	683	684	$685 = 5 \times 137$
115	$689 = 13 \times 53$	690	691
116	$695 = 5 \times 139$	696	$697 = 17 \times 41$
117	701	702	$703 = 19 \times 37$
118	$707 = 7 \times 101$	708	709
119	$713 = 23 \times 31$	714	$715 = 5 \times 11 \times 13$
120	719	720	$721 = 7 \times 103$

121	$725 = 5^2 \times 29$	726	727
122	$731 = 17 \times 43$	732	733
123	$737 = 11 \times 67$	738	739
124	743	744	$745 = 5 \times 149$
125	$749 = 7 \times 107$	750	751
126	$755 = 5 \times 151$	756	757
127	761	762	$763 = 7 \times 109$
128	$767 = 13 \times 59$	768	769
129	773	774	$775 = 5^2 \times 31$
130	$779 = 19 \times 41$	780	$781 = 11 \times 71$
131	$785 = 5 \times 157$	786	787
132	$791 = 7 \times 113$	792	$793 = 13 \times 61$
133	797	798	$799 = 17 \times 47$
134	$803 = 11 \times 73$	804	$805 = 5 \times 7 \times 23$
135	809	810	811
136	$815 = 5 \times 163$	816	$817 = 19 \times 43$
137	821	822	823
138	827	828	829
139	$833 = 7^2 \times 17$	834	$835 = 5 \times 167$
140	839	840	$841 = 29^2$
141	$845 = 5 \times 13^2$	846	$847 = 7 \times 11^2$
142	$851 = 23 \times 37$	852	853
143	857	858	859
144	863	864	$865 = 5 \times 173$
145	$869 = 11 \times 79$	870	$871 = 13 \times 67$
146	$875 = 5^3 \times 7$	876	877
147	881	882	883
148	887	888	$889 = 7 \times 127$
149	$893 = 19 \times 47$	894	$895 = 5 \times 179$
150	$899 = 29 \times 31$	900	$901 = 17 \times 53$
151	$905 = 5 \times 181$	906	907
152	911	912	$913 = 11 \times 83$
153	$917 = 7 \times 131$	918	919
154	$923 = 13 \times 71$	924	$925 = 5^2 \times 37$
155	929	930	$931 = 7^2 \times 19$
156	$935 = 5 \times 11 \times 17$	936	937
157	941	942	$943 = 23 \times 41$
158	947	948	$949 = 13 \times 73$
159	953	954	$955 = 5 \times 191$
160	$959 = 7 \times 137$	960	$961 = 31^2$
161	$965 = 5 \times 193$	966	967

162	971	972	973 = 7x139
163	977	978	979 = 11x89
164	983	984	985 = 5x197
165	989 = 23x43	990	991
166	995 = 5x199	996	997
167	1001 = 7x11x13	1002	1003 = 17x59
168	1007 = 19x53	1008	1009
169	1013	1014	1015 = 5x7x29
170	1019	1020	1021
171	1025 = 5 ² x41	1026	1027 = 13x79
172	1031	1032	1033
173	1037 = 17x61	1038	1039
174	1043 = 7x149	1044	1045 = 5x11x19
175	1049	1050	1051
176	1055 = 5x211	1056	1057 = 7x151
177	1061	1062	1063
178	1067 = 11x97	1068	1069
179	1073 = 29x37	1074	1075 = 5 ² x43
180	1079 = 13x83	1080	1081 = 23x47
181	1085 = 5x7x31	1086	1087
182	1091	1092	1093
183	1097	1098	1099 = 7x157
184	1103	1104	1105 = 5x13x17
185	1109	1110	1111 = 11x101
186	1115 = 5x223	1116	1117
187	1121 = 19x59	1122	1123
188	1127 = 7 ² x23	1128	1129
189	1133 = 11x103	1134	1135 = 5x227
190	1139 = 17x67	1140	1141 = 7x163
191	1145 = 5x229	1146	1147 = 31x37
192	1151	1152	1153
193	1157 = 13x89	1158	1159 = 19x61
194	1163	1164	1165 = 5x233
195	1169 = 7x167	1170	1171
196	1175 = 5 ² x47	1176	1177 = 11x107
197	1181	1182	1183 = 7x13 ²
198	1187	1188	1189 = 29x41
199	1193	1194	1195 = 5x239
200	1199 = 11x109	1200	1201
201	1205 = 5x241	1206	1207 = 17x71
202	1211 = 7x137	1212	1213
203	1217	1218	1219 = 23x53

204	1223	1224	$1225 = 5^2 \times 7^2$
205	1229	1230	1231
206	$1235 = 5 \times 13 \times 19$	1236	1237
207	$1241 = 17 \times 73$	1242	$1243 = 11 \times 113$
208	$1247 = 29 \times 43$	1248	1249
209	$1253 = 7 \times 179$	1254	$1255 = 5 \times 251$
210	1259	1260	$1261 = 13 \times 97$
211	$1265 = 5 \times 11 \times 23$	1266	$1267 = 7 \times 181$
212	$1271 = 31 \times 41$	1272	$1273 = 19 \times 67$
213	1277	1278	1279
214	1283	1284	$1285 = 5 \times 257$
215	1289	1290	1291
216	$1295 = 5 \times 7 \times 37$	1296	1297
217	1301	1302	1303
218	1307	1308	$1309 = 7 \times 11 \times 17$
219	$1313 = 13 \times 101$	1314	$1315 = 5 \times 263$
220	1319	1320	1321
221	$1325 = 5^2 \times 53$	1326	1327
222	$1331 = 11^3$	1332	$1333 = 31 \times 43$
223	$1337 = 7 \times 191$	1338	$1339 = 13 \times 103$
224	$1343 = 17 \times 79$	1344	$1345 = 5 \times 269$
225	$1349 = 19 \times 71$	1350	$1351 = 7 \times 193$
226	$1355 = 5 \times 271$	1356	$1357 = 23 \times 59$
227	1361	1362	$1363 = 29 \times 47$
228	1367	1368	$1369 = 37^2$
229	1373	1374	$1375 = 5^3 \times 11$
230	$1379 = 7 \times 197$	1380	1381
231	$1385 = 5 \times 227$	1386	$1387 = 19 \times 73$
232	$1391 = 13 \times 107$	1392	$1393 = 7 \times 199$
233	$1397 = 11 \times 127$	1398	1399
234	$1403 = 23 \times 61$	1404	$1405 = 5 \times 281$
235	1409	1410	$1411 = 17 \times 83$
236	$1415 = 5 \times 283$	1416	$1417 = 13 \times 109$
237	$1421 = 7^2 \times 29$	1422	1423
238	1427	1428	1429
239	1433	1434	$1435 = 5 \times 7 \times 41$
240	1439	1440	$1441 = 11 \times 131$
241	$1445 = 5 \times 17^2$	1446	1447
242	1451	1452	1453
243	$1457 = 31 \times 47$	1458	1459

.....
.....

На основании свойства взаимнообратимости и материала изложенного в начале этой главы можно написать числовые уравнения:

$$\left. \begin{array}{l} | -6m-1 | = 6m+1 \\ | -6m+1 | = 6m-1 \end{array} \right\} \quad (1.1)$$

где: $1 \leq m < \infty$

Поэтому в таблице 1.2 не приведены отрицательные последовательности. (см. табл. 1.1)

Напомним результаты, полученные в работах [1,2,3].

В последовательности $6m-1$ составные числа, это числа произведений последовательности $6m-5$ на числа последовательности $6m-1$.

В последовательности $6m+1$ составные числа, это числа произведений последовательностей $6m-5$ на $6m-5$ и произведения чисел последовательности $6m-1$ на $6m-1$. Поэтому квадраты чисел последовательностей $6m-1$ и $6m+1$ находятся в последовательности $6m+1$. [1,2,3].

Эти результаты надо иметь в виду при пользовании уравнениями (1.1).

При нахождении уравнений выборки для составных чисел в последовательностях $6m-1$ и $6m+1$ в данной работе будем пользоваться следующими подходами, которые рассмотрим на примерах.

Число 5 в последовательности $6m-1$ стоит на первом номере. От этого номера будем вычитать последовательность $5m$.

$1-5m = \{-4, -9, -14, -19, \dots\}$ Под этими номерами в последовательности $6m-1$ находятся числа $-25, -55, -85$, и т. д. при изменении m от $+\infty$ до $-\infty$.

Этим числам соответствуют положительные номера в последовательности $-6m-1$. При $1 \leq m < \infty$. Но последовательность $-6m-1$ противоположна последовательности $6m+1$, поэтому можно написать:

$$m^{\setminus} = | -5m+1 | = 5m-1, \text{ это следует так же из уравнений (1.1)}$$

Подставим полученное уравнение выборки в последовательность $6m+1$.

$$6(5m-1)+1=30m-5=\{25, 55, 85, 115, \dots\} \quad 1 \leq m < \infty.$$

Определим составные числа в последовательности $6m-1$.

С учетом уравнения $| -6m+1 | = 6m-1$ получаем: (см. табл. 1.1)

$m^{\setminus} = | -7m+1 | = 7m-1 = \{6, 13, 20, 27, 34, \dots\}$ – уравнение выборки в числовом уравнении $6m^{\setminus}-1$

$$6(7m-1)-1=42m-7=\{35, 77, 119, 161, 203, 245, \dots\} \quad (\text{см. табл. 1.1 и 1.2})$$

Для числа 11 найдем уравнение выборки для составных чисел в последовательности $6m+1$.

Число 11 находится в последовательности $6m-1$ при $m=2$. В сторону вычитания можно написать:

$$m^{\setminus} = 2-11m=\{-9, -20, -31, -42, -53, \dots\} \quad \text{Но как известно см. ур-е (1.1).}$$

$m^{\setminus} = | -11m+2 | = 11m-2=\{9, 20, 31, 42, \dots\}$ – уравнение выборки для составных чисел в последовательности $6m+1$, делящихся на 11.

$$6(11m-2)+1=66m-11=\{55, 121, 187, 253, 319, 385, 451, \dots\}$$

Определим числа в последовательности $6m-1$ делящиеся на 11

Число 11 находится в последовательности $6m-1$ под вторым номером. Напишем уравнение выборки от второго номера в сторону сложения для числа 11.

$$m^{\setminus} = 11m+2 = \{13, 24, 35, 46, 57, \dots\}$$

Подставим это уравнение выборки в соответствующее числовое уравнение.

$$6(11m+2)-1 = 66m+11 = \{77, 143, 209, 275, 341, 407, \dots\}$$

Составные числа в последовательности $6m-1$ состоят из произведений чисел последовательностей $6m+1$ на числа последовательности $6m-1$. [2]. Но следует заметить, что указанные способы нахождения составных чисел пропускают произведения чисел на единицу, а как известно такие произведения могут соответствовать и простым числам. Поэтому в данной работе будем применять подход, описываемый в предисловии. Число 5 в последовательности $6m-1$ стоит на первом номере ($m=1$). В этом случае свободный член выбирается таким, чтобы разность между коэффициентом при целочисленном аргументе m и свободным членом была равна номеру, на котором находится исследуемое число. Это относится к любому числу не только к 5.

$m^{\setminus} = 5m-4 = \{1, 6, 11, 16, 21, 26, 31, \dots\}$ После подстановки этого уравнения выборки в числовое уравнение, получим:

$$6(5m-4)-1 = 30m-25 = \{5, 35, 65, 95, 125, 155, \dots\}$$

Такие же вычисления сделаем для числа 11.

$$m^{\setminus} = 11m-9 = \{2, 13, 24, 35, 46, 57, \dots\}$$

$$6(11m-9)-1 = 66m-55 = \{11, 77, 143, 209, 275, 341, 407, \dots\}$$

где: $1 \leq m < \infty$

Такой же подход применяется для чисел последовательности $6m+1$ в сторону сложения. Рассмотрим этот подход для двух чисел 7 и 13.

$$m^{\setminus} = 7m-6 = \{1, 8, 15, 22, 29, 36, \dots\}$$

$$6(7m-6)+1 = 42m-35 = \{7, 49, 97, 133, 175, 217, 259, \dots\}$$

Найдём уравнение выборки и числовое уравнение для числа 13.

$$m^{\setminus} = 13m-11 = \{2, 15, 28, 41, 54, 67, 80, \dots\}$$

$$6(13m-11)+1 = 78m-65 = \{13, 91, 169, 247, 325, 403, \dots\}$$

Оба описанные подхода будут применяться в данной работе.

1.1 Определение уравнений выборок для составных чисел в последовательности $6m+1$.

Последовательность $6m+1$ содержит числа имеющие остаток единица при делении положительных целых чисел на шесть. Поэтому числа этой последовательности при возведении в любую степень и при перемножении между собой остаются в этой же последовательности $6m+1$,

Так же следует учитывать, что умножение любого числа последовательности $6m+1$ на любое число, какой либо последовательности этого же упорядка имеющее остаток не равный единице даёт в произведении число, имеющее остаток этого перемножаемого числа не равного единице.

Составные числа последовательности $6m+1$ и соответствующие им

уравнения выборок в упорядке с $V=6$ состоят из произведений чисел последовательностей $6m+1$ и $6m-1$.

Приведём таблицу уравнений выборок соответствующую числам состоящую из произведений чисел последовательности $6m+1$.

Таблица 1.1.1.

$$\begin{array}{l}
 \underline{6m+1} = \{ 7, 13, 19, 25, 31, 37, 43, 49, 55, 61, 67, 73, 79, \dots \} \\
 7m+1 = \{ \mathbf{8}, 15, 22, 29, 36, 43, 50, 57, 64, 71, 78, 85, 92, \dots \} \\
 13m+2 = \{ 15, \mathbf{28}, 41, 54, 67, 80, 93, 106, 119, 132, 145, 158, \dots \} \\
 19m+3 = \{ 22, 41, \mathbf{60}, 79, 98, 117, 136, 155, 174, 193, 212, 231, \dots \} \\
 25m+4 = \{ 29, 54, 79, \mathbf{104}, 129, 154, 179, 204, 229, 254, 279, 304, \dots \} \\
 31m+5 = \{ 36, 67, 98, 129, \mathbf{160}, 191, 222, 253, 284, 315, 346, 377, \dots \} \\
 37m+6 = \{ 43, 80, 117, 154, 191, \mathbf{228}, 265, 302, 339, 376, 413, 450, \dots \} \\
 43m+7 = \{ 50, 93, 136, 179, 222, 265, \mathbf{308}, 351, 394, 437, 480, 523, \dots \} \\
 49m+8 = \{ 57, 106, 155, 204, 253, 302, 351, \mathbf{400}, 449, 498, 547, 596, \dots \} \\
 55m+9 = \{ 64, 119, 174, 229, 284, 339, 394, 449, \mathbf{504}, 559, 614, 669, \dots \} \\
 61m+10 = \{ 71, 132, 193, 254, 315, 376, 437, 498, 559, \mathbf{620}, 681, 742, \dots \} \\
 67m+11 = \{ 78, 145, 212, 279, 346, 413, 480, 547, 614, 681, \mathbf{748}, 815, \dots \} \\
 73m+12 = \{ 85, 158, 231, 304, 377, 450, 523, 596, 669, 742, 815, \mathbf{888}, \dots \} \\
 79m+13 = \{ 92, 171, 250, 329, 408, 487, 566, 645, 724, 803, 882, 961, \dots \} \\
 85m+14 = \{ 99, 184, 269, 354, 439, 524, 609, 694, 779, 864, 949, 1034, \dots \} \\
 91m+15 = \{ 106, 197, 288, 379, 470, 561, 652, 743, 834, 925, 1016, \dots \} \\
 97m+16 = \{ 113, 210, 307, 404, 501, 598, 695, 792, 889, 986, 1083, \dots \} \\
 103m+17 = \{ 120, 223, 326, 429, 532, 635, 738, 841, 944, 1047, 1150, \dots \} \\
 109m+18 = \{ 127, 236, 345, 454, 563, 672, 781, 890, 999, 1108, 1217, \dots \} \\
 115m+19 = \{ 134, 249, 364, 479, 594, 709, 824, 939, 1054, 1169, 1284, \dots \} \\
 121m+20 = \{ 141, 262, 383, 504, 625, 746, 867, 988, 1109, 1230, 1351, \dots \} \\
 127m+21 = \{ 148, 275, 402, 529, 656, 783, 910, 1037, 1164, 1291, 1418, \dots \} \\
 133m+22 = \{ 155, 288, 421, 554, 687, 820, 953, 1086, 1219, 1352, 1485, \dots \} \\
 139m+23 = \{ 162, 301, 440, 579, 718, 857, 996, 1135, 1274, 1413, 1552, \dots \} \\
 145m+24 = \{ 169, 314, 459, 604, 749, 894, 1039, 1184, 1329, 1474, 1619, \dots \} \\
 151m+25 = \{ 176, 327, 478, 629, 780, 931, 1082, 1233, 1384, 1535, 1686, \dots \} \\
 157m+26 = \{ 183, 340, 497, 654, 811, 968, 1125, 1282, 1439, 1596, 1753, \dots \} \\
 163m+27 = \{ 190, 353, 516, 679, 842, 1005, 1168, 1331, 1494, 1657, \dots \} \\
 \dots \\
 \dots \\
 \dots \\
 (6k+1)m+k = \{ \dots \} \qquad (1.1.1)
 \end{array}$$

где: $1 \leq k < \infty$. $1 \leq m < \infty$.

Приведём таблицу уравнений выборок соответствующих составным числам последовательности $6m+1$ состоящих из произведений чисел последовательности $6m-1$.

Таблица 1.1.2.

$6m-1 = \{5, 11, 17, 23, 29, 35, 41, 47, 53, 59, 65, 71, \dots\}$	
$5m-1 = \{4, 9, 14, 19, 24, 29, 34, 39, 44, 49, 54, 59, \dots\}$	
$11m-2 = \{9, 20, 31, 42, 53, 64, 75, 86, 97, 108, 119, 130, \dots\}$	
$17m-3 = \{14, 31, 48, 65, 82, 99, 116, 133, 150, 167, 184, 201, \dots\}$	
$23m-4 = \{19, 42, 65, 88, 111, 134, 157, 180, 203, 226, 249, 272, \dots\}$	
$29m-5 = \{24, 53, 82, 111, 140, 169, 198, 227, 256, 285, 314, 343, \dots\}$	
$35m-6 = \{29, 64, 99, 134, 169, 204, 239, 274, 309, 344, 379, 414, \dots\}$	
$41m-7 = \{34, 75, 116, 157, 198, 239, 280, 321, 362, 403, 444, 485, \dots\}$	
$47m-8 = \{39, 86, 133, 180, 227, 274, 321, 368, 415, 462, 509, 556, \dots\}$	
$53m-9 = \{44, 97, 150, 203, 256, 309, 362, 415, 468, 521, 574, 627, \dots\}$	
$59m-10 = \{49, 108, 167, 226, 285, 344, 403, 462, 521, 580, 639, 698, \dots\}$	
$65m-11 = \{54, 119, 184, 249, 314, 379, 444, 509, 574, 639, 704, 769, \dots\}$	
$71m-12 = \{59, 130, 201, 272, 343, 414, 485, 556, 627, 698, 769, 840, \dots\}$	
$77m-13 = \{64, 141, 218, 295, 372, 449, 526, 603, 680, 757, 834, 911, \dots\}$	
$83m-14 = \{69, 152, 235, 318, 401, 484, 567, 650, 733, 816, 899, 982, \dots\}$	
$89m-15 = \{74, 163, 252, 341, 430, 519, 608, 697, 785, 875, 964, 1053, \dots\}$	
.....	
.....	
.....	
$m^k = (6k-1)m-k = \{ \dots \}$	(1.1.2)

где: $1 \leq k < \infty, 1 \leq m < \infty$

Определим уравнения выборок для номеров определяющих квадраты чисел последовательности $6m+1$. В последовательности $6m+1$ находятся все числа и произведения чисел, имеющих остаток при делении на 6 равный единице, а так же четные степени и четные количества произведений чисел последовательности $6m-1$. [1]. С учетом понятия взаимнообратимости [1] и материала изложенного в данной работе (глава 1) и с помощью статического дифференцирования и интегрирования [5] получим уравнения квадратов чисел находящихся в последовательности $6m+1$.

$$\begin{array}{cccccccccccc}
 \underline{S}_2(m) \dots 529, & 289, & 121, & 25, & 1, & 49, & 169, & 361, & 625, & \dots & \underline{S}_2(m) \\
 \underline{S}_2^{\setminus}(m) \dots -240, & -168, & -96, & -24, & 48, & 120, & 192, & 264, & \dots & \underline{S}_2^{\setminus}(m) \\
 & 72, & 72, & 72, & 72, & 72, & 72, & 72, & \dots & d
 \end{array}$$

$$\left. \begin{array}{l}
 \underline{S}_2(m) = 25 - (-96)(m-1) + 72 \frac{(m-1)(m-2)}{2} = 36m^2 - 12m + 1 \\
 \underline{S}_2(m) = 49 + 120(m-1) + 72 \frac{(m-1)(m-2)}{2} = 36m^2 + 12m + 1
 \end{array} \right\} \quad (1.1.3)$$

где: $\underline{S}_2(m)$ и $\underline{S}_2^{\setminus}(m)$ - числовые уравнения в сторону вычитания и в сторону сложения соответственно. $1 \leq m < \infty, (1,1,3)$

Мы получили числовые уравнения квадратов чисел находящихся в последовательности $6m+1$.

Числовые уравнения (1.1.3) по правилу тождественных преобразований изложенных в работе [2] и применяемых для уравнений первой степени для числовых уравнений высших степеней работать не будет. В нашем уравнении коэффициент при m^2 имеет делителем число 9, но числа уравнения (1.1.3) будут находиться в разных последовательностях упорядка с $V=9$, что легко проверить делением на 9 чисел определяемых уравнением (1.1.3).

Для определения других последовательностей, в которых находятся все числа изучаемой числовой последовательности необходимо находить общие делители всех коэффициентов при целочисленном аргументе m . Свободный член так же делится на общие делители с определением остатка.

Для уравнений выборки правило тождественных преобразований не применяется. Исследуем уравнение (1.1.3).

Делители коэффициента 36 будут 2, 2, 3, 3

Для коэффициента 12 делителями являются 2, 2, 3. Откуда общие простые делители будут 2, 2, 3. Свободный член меньше любого из общих делителей, поэтому ни на один из них не делится. Имеем:

$$2(18m^2 \pm 6m) + 1, \quad 3(12m^2 \pm 4m) + 1, \quad 4(9m^2 \pm 3m) + 1, \quad 6(6m^2 \pm 2m) + 1, \\ 12(3m \pm m) + 1.$$

где: $1 \leq m < \infty$ Знак + в сторону сложения. Знак минус в сторону вычитания. [1].

$$\mathcal{S}_2(m) = 36m^2 \pm 12m + 1 = 6(6m^2 \pm 2m) + 1 \quad (1.1.4)$$

где: $m^2 = 6m^2 \pm 2m$ – уравнение выборки второй степени. $1 \leq m < \infty$.

Знак минус для номеров соответствующих квадратам чисел последовательности $6m-1$.

Уравнения (1.2.3) объединяют таблицы (1.1.1) и (1.1.2)

Уравнение выборки второй степени из (1.1.4) представим в виде:

$$m^2 = 6m^2 \pm 2m = (6m \pm 1)m \pm m \quad (1.1.5)$$

где: $1 \leq m < \infty$ знак плюс для квадратов уравнений с остатком единица, знак минус для квадратов чисел с остатком пять при делении на шесть.

В таблицах (1.1.1) и (1.1.2) верхняя строчка подчеркнута. Подчеркнутыми являются числовые уравнения $6m+1$ и $6m-1$ соответственно. Числа этих числовых уравнений являются делителями для чисел, определяемых уравнениями выборки, которые записываются под чертой при тех же значениях целочисленного аргумента m . Например, будем подставлять уравнения выборки в числовое уравнение $6m+1$ и делить на соответствующие числовые уравнения $6m+1$ и $6m-1$.

Для таблицы 1.1.1.

$$\frac{6(7m+1)+1}{6m+1} = \frac{42m+7}{6m+1} = 7 \quad 42m+7=7(6m+1)$$

$$\frac{6(13m+2)+1}{6m+1} = \frac{78m+13}{6m+1} = 13 \quad 78m+13=13(6m+1)$$

.....

.....

$$\frac{6[(6k+1)m+k]+1}{6m+1} = \frac{6(6k+1)m+(6k+1)}{6m+1} = 6k+1 \quad (1.1.6)$$

где: $(36k+6)m+(6k+1)$ - числовое уравнение
 $1 \leq k < \infty. \quad 1 \leq m < \infty.$

Для таблицы 1.1.2.

$$\frac{6(5m-1)+1}{6m-1} = \frac{30m-5}{6m-1} = 5 \quad 30m-5=5(6m-1)$$

$$\frac{6(11m-2)+1}{6m-1} = \frac{66m-11}{6m-1} = 11 \quad 66m-11=11(6m-1)$$

.....

.....

$$\frac{6[(6k-1)m-k]+1}{6m-1} = \frac{6(6k-1)m-(6k-1)}{6m-1} = 6k-1 \quad (1.1.7)$$

где: $(36k-6)m-(6k-1)$ - числовое уравнение
 $1 \leq k < \infty. \quad 1 \leq m < \infty.$

Если надо определить составное число или простое, которое находится в последовательности $6m+1$. Первым делом находится квадратный корень из этого числа. Таким образом, определяется возможный минимальный делитель изучаемого числа. (С помощью таблиц 1.1.1 и 1.1.2.) Если минимальный делитель не определяется, то исследуемое число простое.

Например, имеем число 1633, которое надо исследовать.

$\sqrt{1633} = 40,41039$ мы не знаем, по какой таблице искать минимальный делитель. По таблице 1.1.1. минимальным делителем может быть любое из чисел: 7, 13, 19, 31, 37, 43.

По таблице 1.1.2. минимальным делителем может быть любое из чисел: 11, 17, 23, 29, 41.

Из этих чисел число 1633 делится на 23. $1633 : 23 = 71$

По формуле 1.1.2 находим $6k-1=23$ откуда: $k=4$ и можем написать формулу уравнения выборки: $m^{\setminus} = 23m-4$.

Число 1633 в последовательности $6m+1$ находится под номером $m=(1633-1) : 6 = 272$. Этот номер находится в уравнении выборки.

$23m-4=272$. $m=(272+4) : 23 = 12$. Под номером 12 находится число 71 в последовательности $6m-1$. $6 \times 12-1=71$

Если исследуемое число не делилось бы ни на одно из чисел приведенных ниже, то это бы означало что это число простое.

1.2 Определение уравнений выборок для составных чисел в последовательности бm-1.

В последовательности бm-1 составные числа образованы произведениями чисел последовательности бm+1 на бm-1 [1,2].

Образование составных чисел в последовательности бm-1 можно описать двумя способами, что и показано в работах [1,2]. Это отражается двумя таблицами, в которых строчки с номерами выборок одной становятся столбцами этих же выборок в другой. В данной работе приводятся обе таблицы.

Таблица 1.2.1.

$6m+1 =$	7,	13,	19,	25,	31,	37,	43,	49,	55,	61,...
$5m+1 =$	6,	11,	16,	21,	26,	31,	36,	41,	46,	51,...
$11m+2 =$	13,	24,	35,	46,	57,	68,	79,	90,	101,	112,...
$17m+3 =$	20,	37,	54,	71,	88,	105,	122,	139,	156,	173,...
$23m+4 =$	27,	50,	73,	96,	119,	142,	165,	188,	211,	234,...
$29m+5 =$	34,	63,	92,	121,	150,	179,	208,	237,	266,	295,...
$35m+6 =$	41,	76,	111,	146,	181,	216,	251,	286,	321,	356,...
$41m+7 =$	48,	89,	130,	171,	212,	253,	294,	335,	376,	417,...
$47m+8 =$	55,	102,	149,	196,	243,	290,	337,	384,	431,	478,...
$53m+9 =$	62,	115,	168,	221,	274,	327,	380,	433,	486,	539,...
$59m+10 =$	69,	128,	187,	246,	305,	364,	423,	482,	541,	600,...
$65m+11 =$	76,	141,	206,	271,	336,	401,	466,	531,	596,	661,...
$71m+12 =$	83,	154,	225,	296,	367,	438,	509,	580,	651,	722,...
$77m+13 =$	90,	167,	244,	321,	398,	475,	552,	629,	706,	783,...
$83m+14 =$	97,	180,	263,	346,	429,	512,	595,	678,	761,	844,...
$89m+15 =$	104,	193,	282,	371,	460,	549,	638,	727,	816,	905,...
$95m+16 =$	111,	206,	301,	396,	491,	586,	681,	776,	871,	966,...
.....										
.....										
.....										
$(6k-1)m+k = \{ \dots \}$										
(1.2.1)										
где: $1 \leq k < \infty. \quad 1 \leq m < \infty.$										

Таблица 1.2.2.

$6m-1 =$	5,	11,	17,	23,	29,	35,	41,	47,	53,	59,...
$7m-1 =$	6,	13,	20,	27,	34,	41,	48,	55,	62,	69,...
$13m-2 =$	11,	24,	37,	50,	63,	76,	89,	102,	115,	128,...
$19m-3 =$	16,	35,	54,	73,	92,	111,	130,	149,	168,	187,...
$25m-4 =$	21,	46,	71,	96,	121,	146,	171,	196,	221,	246,...
$31m-5 =$	26,	57,	88,	119,	150,	181,	212,	243,	274,	305,...
$37m-6 =$	31,	68,	105,	142,	179,	216,	253,	290,	327,	364,...
$43m-7 =$	36,	79,	122,	165,	208,	251,	294,	337,	380,	423,...
$49m-8 =$	41,	90,	139,	188,	237,	286,	335,	384,	433,	482,...
$55m-9 =$	46,	101,	156,	211,	266,	321,	376,	431,	486,	541,...
$61m-10 =$	51,	112,	173,	234,	295,	356,	417,	478,	539,	600,...

67m-11=56, 123, 190, 257, 324, 391, 458, 525, 592, 659, 726, ...
 73m-12=61, 134, 207, 280, 353, 426, 499, 572, 645, 718, 791, ...
 79m-13=66, 145, 224, 303, 382, 461, 540, 619, 698, 777, 856, ...
 85m-14=71, 156, 241, 326, 411, 496, 581, 666, 751, 836, 921, ...

$$(6k+1)m-k = \{ \dots \} \quad (1.2.2)$$

где: $1 \leq k < \infty$. $1 \leq m < \infty$.

Определение уравнений выборок можно определять по любой из приводимых таблиц 1.2.1 или 1.2.2.

Уравнения выборок таблицы 1.2.2 получены следующим образом [1]:

$$7(6m-1)=42m-7 = 6(7m-1)-1 \quad m^{\setminus} = 7m-1$$

$$13(6m-1)=78m-13=6(13m-2)-1 \quad m^{\setminus} = 13m-2$$

.....

$$(6k+1)(6m-1)=6(6k+1)m-(6k+1)=6[(6k+1)m-k]-1 \quad m^{\setminus} = (6k+1)m-k$$

$6[(6k+1)m-k]-1$ - числовое уравнение

где: $1 \leq m < \infty$. $1 \leq k < \infty$.

Уравнения выборок таблицы 1.2.1 получены наоборот умножением чисел последовательности $6m-1$ на последовательность $6m+1$.

$$5(6m+1)=30m+5=6(5m+1)-1 \quad m^{\setminus} = 5m+1$$

$$11(6m+1)=66m+11=6(11m+2)-1 \quad m^{\setminus} = 11m+2$$

.....

$$(6k-1)(6m+1)=6(6k-1)m+(6k-1)=6[(6k-1)m+k]-1 \quad m^{\setminus} = (6k-1)m+k$$

$6[(6k-1)m+k]-1$ - числовое уравнение

где: $1 \leq k < \infty$. $1 \leq m < \infty$.

Из таблиц 1.2.1. и 1.2.2 видно, что уравнений выборок квадратов чисел последовательностей $6m+1$ и $6m-1$ в этих таблицах нет. Но и в этих случаях для определения минимального числа надо извлечь квадратный корень из изучаемого числа. После извлечения корня выбирается число близкое по значению найденного квадратного корня по любой из таблиц. (1.2.1 или 1.2.2). При этом надо учитывать, что минимальное число может находиться как в последовательности $6m+1$ так и в $6m-1$.

Например, надо исследовать число 2093.

$$\sqrt{2093} = 45,7493..... \quad \text{Выбираем значение корня равное } 49.$$

Для последовательности $6m+1$ это числа: 7, 13, 19, 31, 37, 43, 49.

Для последовательности $6m-1$ это числа: 11, 17, 23, 29, 41, 47.

Число 2093 делится на 7 $2093 : 7 = 299$.

$$\sqrt{299} = 17,2916..... \quad \text{Выбираем значение корня равное } 19$$

$299 : 13 = 23$ 23- число простое. Имеем разложение числа 2093.

$$2093 = 7 \times 13 \times 23.$$

Если исследуемое число не делится на приведенные ниже числа после извлечения корня, то это число простое.

По таблице 1.2.1 уравнения выборок подставим в числовое уравнение $6m-1$, и полученный результат разделим на числовое уравнение $6m+1$.

$$\frac{6(11m+2)-1}{6m+1} = \frac{66m+11}{6m+1} = 11 \qquad 66m+11=11(6m+1)$$

$$\frac{6(17m+3)-1}{6m+1} = \frac{102m+17}{6m+1} = 17 \qquad 102m+17=17(6m+1)$$

.....

.....

$$\frac{6[(6k-1)m+k]-1}{6m+1} = \frac{6(6k-1)m+6k-1}{6m+1} = 6k-1 \qquad (36k-6)m+6k-1=(6k-1)(6m+1)$$

где: $(36k-6)m+(6k-1)$ - числовое уравнение
 $1 \leq k < \infty. \quad 1 \leq m < \infty.$

По таблице 1.2.2 уравнения выборок подставим в числовое уравнение $6m-1$, и полученный результат разделим на числовое уравнение $6m-1$.

$$\frac{6(7m-1)-1}{6m-1} = \frac{42m-7}{6m-1} = 7 \qquad 42m-7=7(6m-1)$$

$$\frac{6(13m-2)-1}{6m-1} = \frac{78m-13}{6m-1} = 13 \qquad 78m-13=13(6m-1)$$

.....

.....

$$\frac{6[(6k+1)m-k]-1}{6m-1} = \frac{6(6k+1)m-(6k+1)}{6m-1} = 6k+1 \qquad (36k+6)m-(6k+1)=(6k+1)(6m-1)$$

где: $(36k+6)m-(6k+1)$ - числовое уравнение
 $1 \leq k < \infty. \quad 1 \leq m < \infty.$

1.3 Определение близнецов

В уравнениях выборок описываемых уравнениями первой степени коэффициент при целочисленном аргументе m показывает, на какое число делится соответствующее число, описываемое числовым уравнением.

При этом надо отметить свойство уравнений выборок, заключающееся в том, что уравнение выборки, определяющее определенные свойства в числовом уравнении одной последовательности можно подставить в числовое уравнение другой последовательности, в которой никаких свойств чисел это уравнение не определяет. Это свойство применяется при определении близнецов, так как выявляет номера простых чисел, которым нет пары. [6].

Благодаря такому подходу близнецы в рассматриваемых последовательностях стоят под одними номерами. Номеру соответствующему простому числу в одной последовательности под этим же номером в другой последовательности находится так же простое число. [6].

Таблица 1.3.

10m- 9	10m- 8	10m- 7	10m- 6	10m- 5	10m- 4	10m- 3	10m- 2	10m- 1	10m 0
1,	2,	3,		5,		7,			10
	12.					17,	18,		
		23,		25,					30
	32,	33,					38,		40
				45,		47,			
	52,						58,		
									70
	72,					77,			
						87,			
				95,					100
		103,				107,			110
				135,		137,	138,		
		143,				147,			
									170
	172,			175,		177,			
	182,								
	192,								
				205,					
		213,		215,		217,			220
	242,					247,	238,		
							248,		
							268,		270
							278,		
		283,				287,			
							298,		
	312,	313,							
	322,			325,					
		333,							
							338,		
						347,	348,		
	352,			355,		357,			
		373,						378,	
				385,					390
						397,			

425,
 432,
 443,
 448,
 452,
 455,
 465,
 467,

В таблице 1.3 пробелы, которые исключают из рассмотрения уравнения выборок, соответствующие номерам составных чисел, а так же исключают из рассмотрения простые числа, которым нет другого простого отличающегося на две единицы. Поэтому, приведённые номера соответствуют так называемым близнецам.

Эту таблицу можно составить следующим образом. Используем свойство взаимнообратимости [1] и материал, изложенный в данной работе (см. уравнение 1.1). Сравнивая результаты по таблице 1.2. Число 5 находится в последовательности $6m-1$ и стоит на первом номере. На этом основании можно написать два уравнения выборок.

$1+5m$ (описывает номера в $6m-1$)
 6, 11, 16, 21, и т. д.
 $|1-5m|$ (описывает номера в $6m+1$)
 4, 9, 14, 19, и т. д.

Число 7 находится в последовательности $6m+1$ на первом номере.

$|1-7m|$ (описывает номера в $6m-1$)
 6, 13, 20, 27, и т. д.
 $1+7m$ (описывает номера в $6m+1$)
 8, 15, 22, 29, и т. д.

Из сопоставления приведенных уравнений выборок делаем выводы:

В последовательности $6m-1$ на номерах 1, 2, 3, 4, 5 стоят простые числа.

В последовательности $6m+1$ на номерах 1, 2, 3 стоят простые числа.

Число 11 находится в последовательности $6m-1$ на втором номере.

$2+11m$ (описывает номера в $6m-1$)
 13, 24, 35, 46, и т. д.
 $|2-11m|$ (описывает номера в $6m+1$)
 9, 20, 31, 42, и т. д.

Из приведенных номеров следует:

В последовательности $6m-1$ на номерах 7, 8, 9, 10 стоят простые числа.

В последовательности $6m+1$ на номерах 5, 6, 7 стоят простые числа.

Но этот метод не эффективный. Можно все уравнения выборок, принадлежащие числовым уравнениям $6m-1$ и $6m+1$ подставить в одно числовое уравнение, и не важно в какое уравнение $6m-1$ или $6m+1$. (см. начало главы)

В настоящей работе уравнения выборок, определяемые таблицами 1.1.1, и 1.1.2 и одна из таблиц выборок определяемых таблицами 1.2.1 или 1.2.2 подставляются в любое из числовых уравнений $6m-1$ или $6m+1$. Таким образом, определяются в настоящей работе простые числа близнецы. Приведём пример:

$11m+2$ - уравнение выборки - определяет составные числа в последовательности $6m-1$. Подставим это уравнение выборки в числовое уравнение $6m+1$. Получим:

$$6(11m+2)+1=66m+13=79, 145, 211, 277, 343, \dots$$

Полученная таким образом последовательность содержит простые числа, которым нет соответствующих близнецов.

2. Определение делителей чисел натурального ряда.

Для определения делителей нам необходимо использовать положительную часть десятичной системы счисления, которая включает последовательности в своей совокупности включающей и описывающей все положительные целые числа. Последовательности группируются по остаткам, получаемым при делении целых положительных чисел на 10. [1].

$$10m-(10-r) \quad (1 \leq r \leq 10)$$

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
10m-9	10m-8	10m-7	10m-6	10m-5	10m-4	10m-3	10m-2	10m-1	10m
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
...

где: $1 \leq m < \infty$.

Симметрично-взаимобратимые последовательности совместно с номерами, которые изменяются от единицы и до бесконечности и таким образом выявляют произведение шага симметрично-взаимобратимой последовательности на порядковый номер. [1]. Используются положительные части симметрично-взаимобратимых последовательностей для нечётных чисел $2m-1$, которые и служат шагом.

$$3(10m-(10-r)) \quad 1 \leq r \leq 10$$

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
30m-27	30m-24	30m-21	30m-18	30m-15	30m-12	30m-9	30m-6	30m-3	30m
3	6	9	12	15	18	21	24	27	30
33	36	39	42	45	48	51	54	57	60
...

где: $1 \leq m < \infty$. r - остаток от деления положительных чисел на 10.

Как видим, положительная часть десятичной системы и числовая последовательность $3m$ (положительная часть симметрично-взаимобратимой последовательности с шагом 3) разделены на 10 столбцов. Эти столбцы связаны между собой свойствами по делимости. Рассмотрим эти свойства на примерах. Надо так же учитывать, что все числа последовательности $3m$ делятся на числа последовательности десятичной системы счисления в совпадающих по номерам колонок при одних и тех же номерах m .

$$\frac{30m-27}{10m-9} = 3 \quad \text{откуда} \quad 3(10m-9)=30m-27$$

$$\frac{30m-24}{10m-8} = 3 \quad \text{откуда} \quad 3(10m-8)=30m-24$$

.....

$$\frac{30m-3}{10m-1} = 3 \quad \text{откуда} \quad 3(10m-1)=30m-3$$

$$\frac{30m}{10m} = 3 \quad \text{откуда} \quad 3(10m)=30m$$

Для примера найдём делители числа 171. Числа с окончанием на единицу располагаются в 7 колонке последовательности чисел делящихся на 3.

Определим номер, под которым находится число 171.

$$30m-9=171. \quad 30m=180. \quad m=6$$

Под шестым номером в колонке 7 десятичной системы счисления находится число $10 \times 6 - 3 = 3(10 \times 2 - 1) = 3 \times 19 = 57$ 57 находится в последовательности $10m-3$ под 6 номером и является делителем числа 171. Итак, имеем разложение числа 171 на множители.

$$171 = 3 \times 19 \times 3 = 3^2 \times 19$$

Приведенный пример - это конечно выдуманный пример. В действительности всё сложнее. Мы рассмотрели только одну последовательность чисел делящихся на 3. Чисел много и для каждого числа составить таблицу подобную таблице, для чисел, делящихся на 3 задача громоздкая. В данной работе мы будем объединять числа с учетом их остатков, т. е. чтобы остатки совпадали в каждой из десяти колонок. Для этого надо составлять таблицы для чисел каждой последовательности десятичной системы счисления, что и будет гарантией совпадения остатков для таблиц определяющих числа, делящиеся на определенное число. [1,2,3]. Следующее число в десятичной системе счисления с окончанием 3 есть число 13. Составим таблицу для чисел делящихся на 13.

$$13(10m-(10-r)) \quad 1 \leq r \leq 10$$

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
$130m-117$	$130m-104$	$130m-91$	$130m-78$	$130m-65$	$130m-52$	$130m-39$	$130m-26$	$130m-13$	$130m$
13	26	39	52	65	78	91	104	117	130
143	156	169	182	195	208	221	234	247	260
...

где: r – остаток от деления положительных чисел на 10.

Как видим, остатки во всех колонках для $3m$ и $13m$ одни и те же. Такие же будут и для всех чисел последовательности $10m-7$. Поэтому можно вывести формулы для каждой из колонок определяемых $3m$, $13m$, $23m$, ...

Для первой колонки

$$30m-27, \quad 130m-117, \quad 230m-207, \dots$$

$$100m-90, \quad 100m-90, \dots$$

Методом статического дифференцирования и интегрирования выведем общую формулу для первой колонки. [5].

$$\begin{array}{l} 30, \quad 130, \quad 230, \dots \quad (100k-70)m \\ 100, \quad 100, \quad 100, \dots \end{array}$$

Математическое выражение для свободного члена:

$$\begin{array}{l} 27, \quad 117, \quad 207, \dots \quad 90k-63 \\ 90, \quad 90, \quad 90, \dots \end{array}$$

Таким образом, вывели общую формулу для первой колонки.

$$1. (100k-70)m - (90k-63) \quad \text{остаток } 3$$

где: $1 \leq k < \infty$. $1 \leq m < \infty$.

2 колонка

$$\begin{array}{l} 30m-24, \quad 130m-104, \quad 230m-184, \dots \\ 100m-80, \quad 100m-80, \quad 100m-80, \dots \end{array}$$

Все коэффициенты для целочисленного аргумента m совпадают, так как выражаются одними и теми же числами во всех колонках. Поэтому будем вычислять только свободные члены.

$$\begin{array}{l} 24, \quad 104, \quad 184, \dots \quad 80k-56 \\ 80, \quad 80, \quad 80, \dots \end{array}$$

Общая формула для второй колонки будет:

$$2. (100k-70)m - (80k-56) \quad \text{остаток } 6$$

3 колонка

$$\begin{array}{l} \text{свободный член } 21, \quad 91, \quad 161, \dots \quad 70k-49 \\ 70, \quad 70, \quad 70, \dots \end{array}$$

$$3. (100k-70)m - (70k-49) \quad \text{остаток } 9$$

4 колонка

$$\begin{array}{l} \text{свободный член } 18, \quad 78, \quad 138, \dots \quad 60k-42 \\ 60, \quad 60, \quad 60, \dots \end{array}$$

$$4. (100k-70)m - (60k-42) \quad \text{остаток } 2$$

5 колонка

$$\begin{array}{l} \text{свободный член } 15, \quad 65, \quad 115, \dots \quad 50k-35 \\ 50, \quad 50, \quad 50, \dots \end{array}$$

$$5. (100k-70)m - (50k-35) \quad \text{остаток } 5$$

6 колонка

$$\begin{array}{l} \text{свободный член } 12, \quad 52, \quad 92, \dots \quad 40k-28 \\ 40, \quad 40, \quad 40, \dots \end{array}$$

$$6. (100k-70)m - (40k-28) \quad \text{остаток } 8$$

7 колонка

$$\begin{array}{l} \text{свободный член } 9, \quad 39, \quad 69, \dots \quad 30k-21 \\ 30, \quad 30, \quad 30, \dots \end{array}$$

$$7. (100k-70)m - (30k-21) \quad \text{остаток } 1$$

8 колонка				
свободный член	6,	26,	46, ...	20k-14
		20,	20, 20, ...	
8	(100k-70)m-(20k-14)		остаток 4	
9 колонка				
свободный член	3,	13,	23, ...	10k-7
		10,	10, 10, ...	
9	(100k-70)m-(10k-7)		остаток 7	
10 колонка				
свободного члена нет				
10	(100k-70)m		остаток 0	

Во всех колонках $1 \leq k < \infty$. $1 \leq m < \infty$.

На практике для большей ясности и практического применения материала можно опустить выводы формул, а сразу написать формулы без их вывода с указанием остатка. Числа 3, 13, 23, ... относятся к последовательности десятичной системы счисления $10m-7=3, 13, 23, 33, 43, \dots$

N	Формулы	остатки
1	(100k-70)m-(90k-63)	3
2	(100k-70)m-(80k-56)	6
3	(100k-70)m-(70k-49)	9
4	(100k-70)m-(60k-42)	2
5	(100k-70)m-(50k-35)	5
6	(100k-70)m-(40k-28)	8
7	(100k-70)m-(30k-21)	1
8	(100k-70)m-(20k-14)	4
9	(100k-70)m-(10k-7)	7
10	(100k-70)m	0

Таблица для $10m-9=1, 11, 21, 31, 41, \dots$

N	Формулы	остатки
1	(100k-90)m-(90k-81)	1
2	(100k-90)m-(80k-72)	2
3	(100k-90)m-(70k-63)	3
4	(100k-90)m-(60k-54)	4
5	(100k-90)m-(50k-45)	5
6	(100k-90)m-(40k-36)	6
7	(100k-90)m-(30k-27)	7
8	(100k-90)m-(20k-18)	8
9	(100k-90)m-(10k-9)	9
10	(100k-90)m	0

где: N -номера столбцов. $1 \leq k < \infty$. $1 \leq m < \infty$.

При $k=1$ формулы описывают десятичную систему счисления.

Таблица для $10m-5= 5, 15, 25, 35, \dots$

N	Формулы	остатки
1	$(100k-50)m-(90k-45)$	5
2	$(100k-50)m-(80k-40)$	0
3	$(100k-50)m-(70k-35)$	5
4	$(100k-50)m-(60k-30)$	0
5	$(100k-50)m-(50k-25)$	5
6	$(100k-50)m-(40k-20)$	0
7	$(100k-50)m-(30k-15)$	5
8	$(100k-50)m-(20k-10)$	0
9	$(100k-50)m-(10k-5)$	5
10	$(100k-50)m$	0

где: N – номера столбцов. $1 \leq k < \infty$. $1 \leq m < \infty$.

Такое чередование остатков 5 и 0 объясняется тем, что в десятичной системе счисления нечётные числа (делящиеся на 5) находятся в последовательности $10m-5$, а чётные числа в последовательности $10m$.

Таблица для $10m-3= 7, 17, 27, 37, \dots$

N	Формулы	остатки
1	$(100k-30)m-(90k-27)$	7
2	$(100k-30)m-(80k-24)$	4
3	$(100k-30)m-(70k-21)$	1
4	$(100k-30)m-(60k-18)$	8
5	$(100k-30)m-(50k-15)$	5
6	$(100k-30)m-(40k-12)$	2
7	$(100k-30)m-(30k-9)$	9
8	$(100k-30)m-(20k-6)$	6
9	$(100k-30)m-(10k-3)$	3
10	$(100k-30)m$	0

где: N - номера столбцов. $1 \leq k < \infty$. $1 \leq m < \infty$.

k – Определяет порядок следования чисел в последовательности $10m-3$.

Таблица для $10m-1= 9, 19, 29, 39, \dots$

N	Формулы	остатки
1	$(100k-10)m-(90k-9)$	9
2	$(100k-10)m-(80k-8)$	8
3	$(100k-10)m-(70k-7)$	7
4	$(100k-10)m-(60k-6)$	6
5	$(100k-10)m-(50k-5)$	5
6	$(100k-10)m-(40k-4)$	4
7	$(100k-10)m-(30k-3)$	3
8	$(100k-10)m-(20k-2)$	2
9	$(100k-10)m-(10k-1)$	1
10	$(100k-10)m$	0

где: N - номера столбцов. $1 \leq k < \infty$. $1 \leq m < \infty$.

Формулы во всех таблицах отличаются только свободными членами (смотри вывод для последовательности $10m-7$).

Коэффициенты выражаются двучленами, как при целочисленном аргументе m , так и для свободного члена. Это следует понимать так, что при фиксированном значении k , которое может принимать только одно из числовых значений 1, 2, 3, и т. д. до бесконечности, аргумент m свободен от такого ограничения и может принимать значения от единицы до бесконечности, тогда как k фиксированное число.

Как пользоваться этими таблицами рассмотрим на примере пользования таблицей для числовой последовательности $10m-3$. $N = 1$.

Умножение числовой последовательности с остатком единица на любую последовательность этого же упорядка с другим остатком в произведении даст результаты чисел с этим другим остатком. [1,2,3].

$$k=1 \quad 70m-63=7 \times 1, \quad 7 \times 11=77, \quad 7 \times 21=147, \quad \dots, \quad 7(10m-9)$$

$$k=2 \quad 170m-153=17, \quad 17 \times 11=187, \quad 17 \times 21=357, \quad \dots, \quad 17(10m-9)$$

$$k=3 \quad 270m-243=27, \quad 27 \times 11=297, \quad 27 \times 21=567, \quad \dots, \quad 27(10m-9)$$

.....

В результате получаются произведения фиксированных чисел последовательности $10m-3$, у которых с учётом ограничения текущих m , принято обозначение k . Поэтому, полученные результаты можно записать в виде. $(10k-3)(10m-9)$.

где: $1 \leq k < \infty$. k – фиксировано. $1 \leq m < \infty$.

Для $N=2$ сразу можно написать:

$$(10k-3)(10m-8)=(100k-30)m-(80k-24) \text{ и обратно}$$

$$\frac{(100k-30)m-(80k-24)}{10m-8} = 10k-3$$

При $k=1$ имеем:

$$\frac{70m-56}{10m-8} = 7 \quad 70m-56=7(10m-8)$$

при $k=2$ имеем:

$$\frac{170m-136}{10m-8} = 17 \quad 170m-136=17(10m-8)$$

.....

$$\frac{(100k-30)m-(80k-24)}{10m-8} = 10k-3 \quad (10k-3)(10m-8) = (100k-30)m-(80k-24)$$

где: $1 \leq k < \infty$. $1 \leq m < \infty$. k – фиксировано.

Во всех приведенных таблицах подобного рода коэффициенты воспринимаются как просто числа при фиксированных значениях k , что и показано на примерах. Поэтому надо воспринимать так:

Рассмотрим ещё раз выражение:

$$\frac{(100k-30)m-(80k-24)}{10m-8} = 10k-3$$

делятся отдельно $\frac{(100k-30)m}{10m} = 10k-3$ и $\frac{80k-24}{8} = 10k-3$ откуда:

$$(10k-3)(10m-8) = (100k-30)m - (80k-24)$$

где: $1 \leq k < \infty$. $1 \leq m < \infty$. k – фиксировано.

Такой подход упрощает получение результата, так как перемножение двух двучленов и дальнейшее приведение подобных членов может привести к нежелательному результату.

Выпишем из табличек $10m-9$, $10m-7$, $10m-3$, $10m-1$ формулы, которые описывают числа, имеющие одни и те же остатки.

Остаток 1

$$\left. \begin{aligned} (100k-90)m-(90k-81) &= (10k-9)(10m-9) \\ (100k-70)m-(30k-21) &= (10k-7)(10m-3) \\ (100k-30)m-(70k-21) &= (10k-3)(10m-7) \\ (100k-10)m-(10k-1) &= (10k-1)(10m-1) \end{aligned} \right\} 10m-9$$

Остаток 2

$$\left. \begin{aligned} (100k-90)m-(80k-72) &= (10k-9)(10m-8) \\ (100k-70)m-(60k-42) &= (10k-7)(10m-6) \\ (100k-30)m-(40k-12) &= (10k-3)(10m-4) \\ (100k-10)m-(20k-2) &= (10k-1)(10m-2) \end{aligned} \right\} 10m-8=2(5m-4)$$

Остаток 3

$$\left. \begin{aligned} (100k-90)m-(70k-63) &= (10k-9)(10m-7) \\ (100k-70)m-(90k-63) &= (10k-7)(10m-9) \\ (100k-30)m-(10k-3) &= (10k-3)(10m-1) \\ (100k-10)m-(30k-3) &= (10k-1)(10m-3) \end{aligned} \right\} 10m-7$$

Остаток 4

$$\left. \begin{aligned} (100k-90)m-(60k-54) &= (10k-9)(10m-6) \\ (100k-70)m-(20k-14) &= (10k-7)(10m-2) \\ (100k-30)m-(80k-24) &= (10k-3)(10m-8) \\ (100k-10)m-(40k-4) &= (10k-1)(10m-4) \end{aligned} \right\} 10m-6=2(5m-3)$$

Остаток 6

$$\left. \begin{aligned} (100k-90)m-(40k-36) &= (10k-9)(10m-4) \\ (100k-70)m-(80k-56) &= (10k-7)(10m-8) \\ (100k-30)m-(20k-6) &= (10k-3)(10m-2) \\ (100k-10)m-(60k-6) &= (10k-1)(10m-6) \end{aligned} \right\} 10m-4=2(5m-2)$$

$$\begin{array}{l}
 \text{Остаток 7} \\
 (100k-90)m-(30k-27)=(10k-9)(10m-3) \\
 (100k-70)m-(10k-7)=(10k-7)(10m-1) \\
 (100k-30)m-(90k-27)=(10k-3)(10m-9) \\
 (100k-10)m-(70k-7)=(10k-1)(10m-7)
 \end{array}
 \left. \vphantom{\begin{array}{l} \\ \\ \\ \\ \end{array}} \right\} 10m-3$$

$$\begin{array}{l}
 \text{Остаток 8} \\
 (100k-90)m-(20k-18)=(10k-9)(10m-2) \\
 (100k-70)m-(40k-28)=(10k-7)(10m-4) \\
 (100k-30)m-(60k-18)=(10k-3)(10m-6) \\
 (100k-10)m-(80k-8)=(10k-1)(10m-8)
 \end{array}
 \left. \vphantom{\begin{array}{l} \\ \\ \\ \\ \end{array}} \right\} 10m-2=2(5m-1)$$

$$\begin{array}{l}
 \text{Остаток 9} \\
 (100k-90)m-(10k-9)=(10k-9)(10m-1) \\
 (100k-70)m-(70k-49)=(10k-7)(10m-7) \\
 (100k-30)m-(30k-9)=(10k-3)(10m-3) \\
 (100k-10)m-(90k-9)=(10k-1)(10m-9)
 \end{array}
 \left. \vphantom{\begin{array}{l} \\ \\ \\ \\ \end{array}} \right\} 10m-1$$

Остаток 0

Остаток нуль рассмотрим более подробно, как произведение чётных и нечетных последовательностей на десять.

10m

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
10(10m-9)	10(10m-8)	10(10m-7)	10(10m-6)	10(10m-5)	10(10m-4)	10(10m-3)	10(10m-2)	10(10m-1)	10(10m)
10	20	30	40	50	60	70	80	90	100
110	120	130	140	150	160	170	180	190	200
...

Имеется в виду то обстоятельство, что шаг упорядка имеющий какое-то количество делителей раскладывается на это же количество упорядков. Каждая из последовательностей этих упорядков умножается на соответствующие числа, которые возвращают эти упорядки к исходным последовательностям.

Пример десятичной системы счисления с двумя делителями шага системы.

1. 10m-9		
2. 10m-8	2(5m-4)	
3. 10m-7		
4. 10m-6	2(5m-3)	
5. 10m-5		5(2m-1)
6. 10m-4	2(5m-2)	
7. 10m-3		
8. 10m-2	2(5m-1)	
9. 10m-1		
10. 10m	2(5m)	5(2m)

Рассмотрим пример упоряда с тремя делителями $2 \times 3 \times 5 = 30$.

1. 30m-29						
2. 30m-28	2(15m-14)					
3. 30m-27		3(10m-9)				
4. 30m-26	2(15m-13)					
5. 30m-25			5(6m-5)			
6. 30m-24	2(15m-12)	3(10m-8)		6(5m-4)		
7. 30m-23						
8. 30m-22	2(15m-11)					
9. 30m-21		3(10m-7)				
10. 30m-20	2(15m-10)		5(6m-4)		10(3m-2)	
11. 30m-19						
12. 30m-18	2(15m-9)	3(10m-6)		6(5m-3)		
13. 30m-17						
14. 30m-16	2(15m-8)					
15. 30m-15		3(10m-5)	5(6m-3)			15(2m-1)
16. 30m-14	2(15m-7)					
17. 30m-13						
18. 30m-12	2(15m-6)	3(10m-4)		6(5m-2)		
19. 30m-11						
20. 30m-10	2(15m-5)		5(6m-2)		10(3m-1)	
21. 30m-9		3(10m-3)				
22. 30m-8	2(15m-4)					
23. 30m-7						
24. 30m-6	2(15m-3)	3(10m-2)		6(5m-1)		
25. 30m-5			5(6m-1)			
26. 30m-4	2(15m-2)					
27. 30m-3		3(10m-1)				
28. 30m-2	2(15m-1)					
29. 30m-1						
30. 30m	2(15m)	3(10m)	5(6m)	6(5m)	10(3m)	15(2m)

А так как каждый упоряд содержит в своих последовательностях все целые числа, то это означает, что выделяются из исходного упоряда все числа, которые имеют один и тот же делитель. Из приведенного примера видно, что упоряд с шагом 15, последовательности которого умноженные на 2 выделяют из исходной последовательности все чётные числа. Упоряд с шагом 10, последовательности которого умножаются на 3, выделяют из исходной последовательности все числа, которые делятся на 3 и т. д.

Для нечётных чисел на основании формул выписанных из табличек для последовательностей $10m-9$, $10m-7$, $10m-3$ и $10m-1$ составим таблички с ограниченным количеством чисел, которые являются составными числами. Числа, у которых не указаны делители единица и само это число, являются простыми. (Эти делители не указываются).

Остаток 1

10m-9

m	10m-9	Разложение	m	10m-9	Разложение
1	1		42	411	3·137,
2	11		43	421	
3	21	3·7,	44	431	
4	31		45	441	21·21,3·147,63·7,9·49,
5	41		46	451	11·41,
6	51	3·17,	47	461	
7	61		48	471	3·157,
8	71		49	481	13·37,
9	81	3·27,9 ² ,	50	491	
10	91	13·7,	51	501	3·167,
11	101		52	511	73·7,
12	111	3·37,	53	521	
13	121	11 ² ,	54	531	3·177,9·59,
14	131		55	541	
15	141	3·47,	56	551	19·29,
16	151		57	561	11·51,3·187,33·17,
17	161	23·7,	58	571	
18	171	3·57,9·19,	59	581	83·7,
19	181		60	591	3·197,
20	191		61	601	
21	201	3·67,	62	611	13·47,
22	211		63	621	3·207,23·27,9·69,
23	221	13·17,	64	631	
24	231	11·21,3·77,33·7,	65	641	
25	241		66	651	21·31,3·217,93·7,
26	251		67	661	
27	261	3·87,9·29,	68	671	11·61,
28	271		69	681	3·227,
29	281		70	691	
30	291	3·97,	71	701	
31	301	43·7,	72	711	3·237,9·79,
32	311		73	721	103·7,
33	321	3·107,	74	731	43·17,
34	331		75	741	3·247,13·57,19·39,
35	341	11·31,	76	751	
36	351	3·117,13·27,9·39,	77	761	
37	361	19 ² ,	78	771	3·257,
38	371	53·7,	79	781	11·71,
39	381	3·127,	80	791	113·7,
40	391	23·17,	81	801	3·267,9·89,
41	401		82	811	

.....

где: $1 \leq k < \infty$. $1 \leq m < \infty$.

Остаток 3

10m-7

m	10m-7	Разложение	m	10m-7	Разложение
1	3		42	413	7·59,
2	13		43	423	141·3,47·9,
3	23		44	433	
4	33	11·3,	45	443	
5	43		46	453	151·3,
6	53		47	463	
7	63	21·3,7·9,	48	473	11·43,
8	73		49	483	161·3,21·23,13·31,7·69,
9	83		50	493	17·29,
10	93	31·3,	51	503	
11	103		52	513	171·3,27·19,57·9,
12	113		53	523	
13	123	41·3,	54	533	13·41,
14	133	7·19,	55	543	181·3,
15	143	13·11,	56	553	7·79,
16	153	51·3,17·9,	57	563	
17	163		58	573	191·3,
18	173		59	583	11·53,
19	183	61·3,	60	593	
20	193		61	603	201·3,67·9,
21	203	7·29,	62	613	
22	213	71·3,	63	623	7·89,
23	223		64	633	211·3,
24	233		65	643	
25	243	81·3,27·9,	66	653	
26	253	23·11,	67	663	221·3,13·51,17·39,
27	263		68	673	
28	273	91·3,13·21,7·39,	69	683	
29	283		70	693	231·3,11·63,21·33,7·99,77·9,
30	293		71	703	37·19,
31	303	101·3,	72	713	31·23
32	313		73	723	241·3,
33	323	17·19,	74	733	
34	333	111·3,37·9,	75	743	
35	343	7·49,	76	753	251·3,
36	353		77	763	7·109,
37	363	121·3,33·11,	78	773	
38	373		79	783	261·3,27·29,87·9,
39	383		80	793	13·61,
40	393	131·3,	81	803	11·73,
41	403	13·31,	82	813	271·3,

.....

где: $1 \leq k < \infty$. $1 \leq m < \infty$.

Остаток 7·

10m-3

m	10m-3	Разложение	m	10m-3	Разложение
1	7		42	417	3·139,
2	17		43	427	61·7,
3	27	3·9,	44	437	23·19,
4	37		45	447	3·149,
5	47		46	457	
6	57	3·19,	47	467	
7	67		48	477	3·159,53·9,
8	77	11·7,	49	487	
9	87	3·29,	50	497	71·7,
10	97		51	507	3·169,13·39,
11	107		52	517	11·47,
12	117	3·39,13·9,	53	527	31·17,
13	127		54	537	3·179,
14	137		55	547	
15	147	3·49,21·7,	56	557	
16	157		57	567	3·189,63·9,21·27,81·7,
17	167		58	577	
18	177	3·59,	59	587	
19	187	11·17,	60	597	3·199,
20	197		61	607	
21	207	3·69,23·9,	62	617	
22	217	31·7,	63	627	3·209,19·33,11·57,
23	227		64	637	13·49,91·7,
24	237	3·79,	65	647	
25	247	13·19,	66	657	3·219,73·9,
26	257		67	667	23·29,
27	267	3·89,	68	677	
28	277		69	687	3·229,
29	287	41·7,	70	697	41·17,
30	297	3·99,33·9,11·27,	71	707	101·7,
31	307		72	717	3·239,
32	317		73	727	
33	327	3·109,	74	737	11·67,
34	337		75	747	3·249,83·9,
35	347		76	757	
36	357	3·119,21·17,51·7,	77	767	13·59,
37	367		78	777	3·259,21·37,111·7,
38	377	13·29,	79	787	
39	387	3·129,43·9,	80	797	
40	397		81	807	3·269,
41	407	11·37,	82	817	43·19,

.....

где: $1 \leq k < \infty$. $1 \leq m < \infty$.

Остаток 9

10m-1

m	10m-1	Разложение	m	10m-1	Разложение
1	9	3·3,	42	419	
2	19		43	429	3·143,13·33,11·39,
3	29		44	439	
4	39	3·13,	45	449	
5	49	7·7,	46	459	3·153,51·9,17·27,
6	59		47	469	7·67,
7	69	3·23,	48	479	
8	79		49	489	3·163,
9	89		50	499	
10	99	3·33,11·9,	51	509	
11	109		52	519	3·173,
12	119	7·17,	53	529	23·23,
13	129	3·43,	54	539	11·49,7·77,
14	139		55	549	3·183,61·9,
15	149		56	559	13·43,
16	159	3·53,	57	569	
17	169	13·13,	58	579	3·193,
18	179		59	589	31·19,
19	189	3·63,21·9,7·27,	60	599	
20	199		61	609	3·203,21·29,7·87,
21	209	11·19,	62	619	
22	219	3·73,	63	629	17·37,
23	229		64	639	3·213,71·9,
24	239		65	649	11·59,
25	249	3·83,	66	659	
26	259	7·37,	67	669	3·223,
27	269		68	679	7·97,
28	279	3·93,31·9,	69	689	13·53,
29	289	17·17,	70	699	3·233,
30	299	13·23,	71	709	
31	309	3·103,	72	719	
32	319	11·29,	73	729	3·243,81·9,27·27,
33	329	7·47,	74	739	
34	339	3·113,	75	749	7·107,
35	349		76	759	3·253,23·33,11·69,
36	359		77	769	
37	369	3·123,41·9,	78	779	41·19,
38	379		79	789	3·263,
39	389		80	799	17·47,
40	399	3·133,21·19,7·57,	81	809	
41	409		82	819	3·273,13·63,21·39,91·9,7·117,

.....

где: $1 \leq k < \infty$. $1 \leq m < \infty$

Только что полученные таблицы, описывающие небольшую часть нечётных последовательностей десятичной системы, получены умножением фиксированных чисел одной последовательности на текущие числа другой последовательности в порядке их следования.

Для того, чтобы убедиться в невозможности нахождения формулы, которая описывала бы только одни простые числа (не обязательно последовательные) получим эти же таблички другим способом.

Имеем два упорядка с шагом 3 и с шагом 7.

3m

3	6	9	12	15	18	21	24	27	30
33	36	39	42	45	48	51	54	57	60
63	66	69	72	75	78	81	84	87	90
93	96	99	102	105	108	111	114	117	120
...
...

7m

7	14	21	28	35	42	49	56	63	70
77	84	91	98	105	112	119	126	133	140
147	154	161	168	175	182	189	196	203	210
...
...

Найдём последовательность, описывающую общие числа этих упорядков.

$$3m_1 = 7m_2 \quad m_1 = \frac{7m_2}{3} = 7m \quad m_2 = 3m \quad \text{откуда:}$$

$$3m_1 = 7m_2 = 21m = \{21, 42, 63, 84, \dots\}$$

где: $1 \leq m < \infty$.

В упорядке 7m найдём числа рядом стоящие слева и справа от последовательности 21m.

$21m-7$, $21m$, $21m+7$. Эти числа делятся на 7.

Числа, делящиеся на 7, в упорядке 3m определяются последовательностью 21m. По правилу тождественных преобразований можно написать:

$$21m-7=3(7m-2)-1, \quad 21m+7=3(7m+2)+1$$

Числа, определяемые формулами $3(7m-2)=21m-6$ $3(7m+2)=21m+6$ являются целыми числами, находящимися в упорядке с шагом 3 и делящимися без остатка на 3. $(21m-6)-(21m-7)=1$, $(21m+7)-(21m+6)=1$.

Получаемые таким образом числа можно разместить в десятичную систему счисления. Между числами определяемыми формулами $21m-6$ и $21m+6$ а так же и $21m$ будут находиться числа определяемые формулами $21m-3$ $21m+3$ т. е. числами делящимися без остатка на 3.

Таким образом, мы определили числа, отличающиеся на единицу.

$$21m-7=7(3m-1) \quad 1 \leq m < \infty$$

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
14	35	56	77	98	119	140	161	182	203
224	245	266	287	308	329	350	371	392	413
434	455	476	497	518	539	560	581	602	623
644	665	686	707	728	749	770	791	812	833

.....

$$21m-6=3(7m-2) \quad 1 \leq m < \infty$$

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
15	36	57	78	99	120	141	162	183	204
225	246	267	288	309	330	351	372	393	414
435	456	477	498	519	540	561	582	603	624
645	666	687	708	729	750	771	792	813	834

.....

Проанализируем эти две таблицы. Каждая из таблиц имеет по десять колонок по числу разрядов определяющих число единиц (остатков). В каждой из строчек таблицы $21m-7$ записаны числа на единицу меньше чисел записанных в соответствующих строчках и колонках таблицы $21m-6$.

В первой колонке таблицы $21m-7$ записываются числа находящиеся в последовательности $10m-6$. В первой колонке таблицы $21m-6$ записаны числа таблицы $10m-5$. Эти числа в соответствующих строчках первой колонки следуют друг за другом 14-15; 224-225; 434-435; и т. д. Такая же картина наблюдается и в других колонках. Во второй колонке таблицы $21m-7$ числа находятся в последовательности $10m-5$, а соответствующие числа в таблице $21m-6$ находятся в последовательности $10m-4$. Можно продолжить исследования. Например, определить числа отличающиеся на единицу в последовательности $3m$ от чисел отстоящих в последовательности $7m$ на два шага. (то есть для $21m-14$ и $21m+14$).

Аналогичные таблицы можно построить и для последовательностей $21m+7$ и $21m+6$. В данной работе ограничимся только этим примером без проведения более глубоких исследований.

Так как десятичная система счисления построена так, что за последовательностью содержащей нечетные числа следует последовательность, содержащая чётные числа и наоборот. Мы будем рассматривать последовательность чётных чисел $2m$ располагающихся в десяти колонках (для удобства работы) совместно с последовательностями нечётных чисел, располагающихся так же в десяти колонках.

Самое большое число в табличках по остаткам 819. определим наименьшее простое, которое может входить одним из сомножителей в какое-либо составное число. $\sqrt{819}=28,618...$ Наименьшее простое 29.

Напомним, что упоряды с шагами равными простым числам выделяют последовательность всех чисел кратных этим простым числам. (симметрично –взаимообратимые последовательности).

2m

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
2	4	6	8	10	12	14	16	18	20
22	24	26	28	30	32	34	36	38	40
42	44	46	48	50	52	54	56	58	60
62	64	66	68	70	72	74	76	78	80
82	84	86	88	90	92	94	96	98	100
102	104	106	108	110	112	114	116	118	120

.....

3m

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
3	6	9	12	15	18	21	24	27	30
33	36	39	42	45	48	51	54	57	60
63	66	69	72	75	78	81	84	87	90
93	96	99	102	105	108	111	114	117	120

.....

Верхняя строчка в этих табличках служит для определения дополнительных делителей, если такая необходимость возникнет.

Определим общие числа последовательностей:

$$2m_1^1 = 3m_2^1 \quad m_1^1 = \frac{3m_2^1}{2} \quad m_2^1 = 2m \quad m_1^1 = 3m \quad \text{откуда:}$$

$$2 \cdot 3m = 3 \cdot 2m = 6m.$$

В дальнейшем подобные последовательности общих чисел будем находить простым умножением.

Числа, отличающиеся на шаг от последовательности общих чисел в последовательности 3m.

6m-3, 6m, 6m+3. В последовательности 2m эти числа будут иметь уже остаток.

2(3m-1)-1, 2(3m), 2(3m+1)+1 Целая часть этих чисел в последовательности 2m будет равна:

$$2(3m-1)=6m-2, \quad 6m, \quad 2(3m+1)=6m+2$$

$$\text{где: } 1 \leq m < \infty. \quad 6m-2 > 6m-3, \quad 6m+2 < 6m+3$$

Выпишем эти последовательности по мере возрастания.

$$6m-2, \quad 6m-3, \quad 6m+2, \quad 6m+3.$$

$$\begin{array}{cccc} 4, & 3, & 8, & 9 \\ 10, & 9, & 14, & 15 \\ 16, & 15, & 20, & 21 \end{array}$$

.....

Прибавим по единице к численному аргументу m в последовательностях $6m-2$ и $6m-3$ получим:

$6(m+1)-2=6m+4$, $6(m+1)-3=6m+3$. $6m+3$ – последовательность, которая присутствует дважды. Выбираем три последовательности для работы в десятичной системе счисления.

$6m+2$, $6m+3$, $6m+4$. Таким образом, мы получаем три составных числа следующих друг за другом. Последовательность $6m+3$ описывает все составные нечётные числа, делящиеся на три.

$$6m+3$$

$30m-21$	$30m-15$	$30m-9$	$30m-3$	$30m+3$
9	15	21	27	33
39	45	51	57	63
69	75	81	87	93
99	105	111	117	123
...

где: $1 \leq m < \infty$.

На единицу отличающиеся числа будут соответственно:

$(30m-22, 30m-21, 30m-20)$ $(30m-16, 30m-15, 30m-14)$

$(30m-10, 30m-9, 30m-8)$ $(30m-4, 30m-3, 30m-2)$ $(30m+2, 30m+3, 30m+4)$

В дальнейшем последовательности чётных чисел отмечать не будем. Достаточно отмечать последовательности нечётных чисел. Числа на единицу отличающихся от определяемых чисел отмечать легко.

Следующее простое это число 5. По аналогии с проделанными операциями с числом 3 будем иметь.

$$5m$$

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
5	10	15	20	25	30	35	40	45	50
55	60	65	70	75	80	85	90	95	100
105	110	115	120	125	130	135	140	145	150

.....

Общие числа $2 \cdot 5m=10m$. Последовательности, числа которых стоят рядом с числами определяемыми последовательностью $10m$.

$10m-5$, $10m$, $10m+5$. По правилу тождественных преобразований в последовательности $2m$ последовательности $10m-5$ и $10m+5$ будут иметь остатки. [2]. Мы берем только целые части $2(5m-2)=10m-4$ и $2(5m+2)=10m+4$, которые отличаются от соответствующих последовательностей $10m-5$ и $10m+5$ на единицу.

$10m-5$, $10m-4$, $10m+4$, $10m+5$. После преобразований аналогичных проделанных с последовательностью $3m$ имеем три рабочих последовательности: [$10(m+1)-4=10m+6$.]

$10m+4$, $10m+5$, $10m+6$. Последовательность $10m+5$ описывает все составные нечётные числа, делящиеся на 5. Эти тройки чисел отмечаем в таблице 2.1.

Следующее простое число 7.

$7m$									
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
7	14	21	28	35	42	49	56	63	70
77	84	91	98	105	112	119	126	133	140

.....

Определяем общие числа последовательностей $7m$ и $2m$.

Общие числа находятся в последовательности $14m$.

Определяем последовательности, которые определяют рядом стоящие числа от последовательности $14m$.

$14m-7$, $14m$, $14m+7$. По правилу тождественных преобразований можно написать:

$2(7m-3)-1$, $2(7m)$, $2(7m+3)+1$. В последовательности чётных чисел берём только целые части получаемых таким образом последовательностей. [1].

Имеем:

$14m-7$, $14m-6$, $14m+6$, $14m+7$.

7, 8, 20, 21

21, 22, 34, 35

... .., .., .., ..,

После преобразований последовательности $14m-6$. $14(m+1)-6=14m+8$.

Переходим к трём последовательностям:

$14m+6$, $14m+7$, $14m+8$.

Последовательность $14m+7$ содержит все нечётные составные числа, делящиеся на 7, которые распределены по 5 последовательностям десятичной системы счисления с нечётными числами.

$14m+7$				
$70m-49$	$70m-35$	$70m-21$	$70m-7$	$70m+7$
21	35	49	63	77
91	105	119	133	147
161	175	189	203	217
...

Следующее простое число 11. После преобразований проделываемых ранее с последовательностями $3m$ и $7m$, которые пропускаем, а сразу переходим к рассмотрению получаемых после пропускаемых преобразований к рассмотрению поведения тройки чисел:

$22m+10$, $22m+11$, $22m+12$.

Последовательность $22m+11$ содержит все составные нечётные числа, делящиеся на 11 в положительной области целых чисел.

Чётные числа последовательностей $22m+10$ и $22m+12$ показывать не будем. Причём надо отметить, что все чётные числа это составные числа без дополнительного этого отмечания.

$22m+11$				
$110m-77$	$110m-55$	$110m-33$	$110m-11$	$110m+11$
33	55	77	99	121
143	165	187	209	231
253	275	297	319	341
...

Отметим тенденцию появления возрастающего числа следующих друг за другом составных чисел после введения в рассмотрение следующего простого числа.

Введение в рассмотрение нечётных чисел кратных трём – ведёт к появлению тройки последовательных составных чисел. Например:

(8, 9, 10), (20, 21, 22) и т. д.

Введение в рассмотрение нечётных чисел кратных пяти – ведёт к появлению пятёрки последовательных составных чисел. Например:

(32, 33, 34, 35, 36), (24, 25, 26, 27, 28) и т. д.

Введение в рассмотрение нечётных чисел кратных семи – ведёт к появлению семёрки последовательных составных чисел. Например:

(90, 91, 92, 93, 94, 95, 96), (114, 115, 116, 117, 118, 119, 120), и т. д.

Такая тенденция увеличения появления количества последовательных составных чисел при введении в рассмотрение очередного простого числа есть ещё не изученная проблема. Но стоит отметить, что эта проблема просматривается чётко. Поэтому можно сделать вывод о невозможности создания математического выражения, которое бы состояло из одних простых чисел.

Следующее простое число 13. При преобразовании так же приходим к тройке последовательностей.

$26m+12$, $26m+13$, $26m+14$ /

$26m+13$				
$130m-91$	$130m-65$	$130m-39$	$130m-13$	$130m+13$
39	65	91	117	143
169	195	221	247	273
299	325	351	377	403
...

По разработанному алгоритму числа этих последовательностей отмечаем в таблице (2.1).

Следующее простое число 17. Для изучения имеем тройку последовательностей. $34m+16$, $34m+17$, $34m+18$.

$34m+17$				
$170m-119$	$170m-85$	$170m-51$	$170m-17$	$170m+17$
51	85	119	153	187
221	255	289	323	357
...

Имеем до 11 последовательных составных чисел:
212, 213, 214, 215, 216, 217, 218, 219, 220, 221, 222.

Следующее простое число 19.

$38m+19$				
$190m-133$	$190m-95$	$190m-57$	$190m-19$	$190m+19$
67	95	133	171	209
247	285	323	361	399
437	475	513	551	589
...

Имеем до 13 последовательных составных чисел.
318, 319, 320, 321, 322, 323, 324, 325, 326, 327, 328, 329, 330.

Следующее простое число 23.

$46m+23$				
$230m-161$	$230m-115$	$230m-69$	$230m-23$	$230m+23$
69	115	161	207	253
299	345	391	437	483
529	575	621	667	713
...

Имеем до 17 последовательных составных чисел.
524, 525, 526, 527, 528, 529, 530, 531, 532, 533, 534, 535, 536, 537, 538,
539, 540.

Следующее простое число 29.

$58m+29$				
$290m-203$	$290m-145$	$290m-87$	$290m-29$	$290m+29$
87	145	203	261	319
377	435	493	551	609
667	725	783	841	899
...

Число 29 наибольшее из наименьших, которое может входить в произведения чисел табл. 2.1.

Сверив таблицы по остаткам (1, 3, 7 и 9) с соответствующими последовательностями таблицы 2.1 ($10m-9$, $10m-7$, $10m-3$ и $10m-1$) находим полное соответствие в совпадении простых чисел.

Таблица 2.1

m	10m-9	10m-8	10m-7	10m-6	10m-5	10m-4	10m-3	10m-2	10m-1	10m
1	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
2	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
3	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30
4	31	32	33	34	35	36	37	38	39	40
5	41	42	43	44	45	46	47	48	49	50
6	51	52	53	54	55	56	57	58	59	60
7	61	62	63	64	65	66	67	68	69	70
8	71	72	73	74	75	76	77	78	79	80
9	81	82	83	84	85	86	87	88	89	90
10	91	92	93	94	95	96	97	98	99	100
11	101	102	103	104	105	106	107	108	109	110
12	111	112	113	114	115	116	117	118	119	120
13	121	122	123	124	125	126	127	128	129	130
14	131	132	133	134	135	136	137	138	139	140
15	141	142	143	144	145	146	147	148	149	150
16	151	152	153	154	155	156	157	158	159	160
17	161	162	163	164	165	166	167	168	169	170
18	171	172	173	174	175	176	177	178	179	180
19	181	182	183	184	185	186	187	188	189	190
20	191	192	193	194	195	196	107	198	199	200
21	201	202	203	204	205	206	207	208	209	210
22	211	212	213	214	215	216	217	218	219	220
23	221	222	223	224	225	226	227	228	229	230
24	231	232	233	234	235	236	237	238	239	240
25	241	242	243	244	245	246	247	248	249	250
26	251	252	253	254	255	256	257	258	259	260
27	261	262	263	264	265	266	267	268	269	270
28	271	272	273	274	275	276	277	278	279	280
29	281	282	283	284	285	286	287	288	289	290
30	291	292	293	294	295	296	297	298	299	300
31	301	302	303	304	305	306	307	308	309	310
32	311	312	313	314	315	316	317	318	319	320
33	321	322	323	324	325	326	327	328	329	330
34	331	332	333	334	335	336	337	338	339	340
35	341	342	343	344	345	346	347	348	349	350
36	351	352	353	354	355	356	357	358	359	360
37	361	362	363	364	365	366	367	368	369	370

38	371	372	373	374	375	376	377	378	379	380
40	391	392	393	394	395	396	397	398	399	400
41	401	402	403	404	405	406	407	408	409	410
42	411	412	413	414	415	416	417	418	419	420
43	421	422	423	424	425	426	427	428	429	430
44	431	432	433	434	435	436	437	438	439	440
45	441	442	443	444	445	446	447	448	449	450
46	451	452	453	454	455	456	457	458	459	460
37	361	362	363	364	365	366	367	368	369	370
39	381	382	383	384	385	386	387	388	389	390
47	461	462	463	464	465	466	467	468	469	470
48	471	472	473	474	475	476	477	478	479	480
49	481	482	483	484	485	486	487	488	489	490
50	491	492	493	494	495	496	497	498	499	500
51	501	502	503	504	505	506	507	508	509	510
52	511	512	513	514	515	516	517	518	519	520
53	521	522	523	524	525	526	527	528	529	530
54	531	532	533	534	535	536	537	538	539	540
55	541	542	543	544	545	546	547	548	549	550
56	551	552	553	554	555	556	557	558	559	560
57	561	562	563	564	565	566	567	568	569	570
58	571	572	573	574	575	576	577	578	579	580
59	581	582	583	584	585	586	587	588	589	590
60	591	592	593	594	595	596	597	598	599	600
61	601	602	603	604	605	606	607	608	609	610
62	611	612	613	614	615	616	617	618	619	620
63	621	622	623	624	625	626	627	628	629	630
64	631	632	633	634	635	636	637	638	639	640
65	641	642	643	644	645	646	647	648	649	650
66	651	652	653	654	655	656	657	658	659	660
67	661	662	663	664	665	666	667	668	669	670
68	671	672	673	674	675	676	677	678	679	680
69	681	682	683	684	685	686	687	688	689	690
70	691	692	693	694	695	696	697	698	699	700
71	701	702	703	704	705	706	707	708	709	710
72	711	712	713	714	715	716	717	718	719	720
73	721	722	723	724	725	726	727	728	729	730
74	731	732	733	734	735	736	737	738	739	740
75	741	742	743	744	745	746	747	748	749	750
76	751	752	753	754	755	756	757	758	759	760

77	761	762	763	764	765	766	767	768	769	770
78	771	772	773	774	775	776	777	778	779	780
79	781	782	783	784	785	786	787	788	789	790
80	791	792	793	794	795	796	797	798	799	800
81	801	802	803	804	805	806	807	808	809	810
82	811	812	813	814	815	816	817	818	819	820

Полужирным шрифтом отмечены составные числа.

В десятичной системе счисления близнецы находятся в последовательностях $10m-9$ и $10m-7$; в последовательностях $10m-9$ ($10m+1$) и $10m-1$; в последовательностях $10m-3$ и $10m-1$.

Нет близнецов в парах последовательностей $10m-3$ и $10m-9$; $10m-7$ и $10m-3$. В последовательности $10m-5$ находится только одно простое число 5.

Из всего сказанного можно сделать вывод, что подсчёт простых чисел приходящихся на одинаковые промежутки по 100 по 1000 по 10000 и так далее никаких правильных результатов по их распределению не даёт. количество простых будет уменьшаться из-за увеличения количества составных чисел. (табл. 2.1).

Изложенный материал, требует более детального изучения, но в данной работе мы не будем отвлекаться на более подробные исследования.

3. Доказательство бесконечности простых чисел и связанное с этим доказательством распределение простых чисел.

В данном параграфе мы будем рассматривать произведения простых чисел. В эти произведения не будет входить число 2, так как умножение нечётных чисел на число 2 переводит произведения в чётную числовую область, а нам нужно рассматривать произведения в нечётной числовой области.

Рассмотрим произведение $V=1 \times 3 \times 5=15$.

Число 15 находится в последовательности $2m-1$ под 8 номером.

$2m-1$	1	3	5	7	9	11	13	15
m	1	2	3	4	5	6	7	8

По формуле $2+3m$ отметим номера, под которыми стоят числа, которые делятся на 3 в этой таблице.

2 – номер, под которым стоит число 2 в последовательности $2m-1$.

Формула $2+3m$ для данной таблицы должна находиться в диапазоне

$$2 \leq 2+3m \leq 8; \quad 2+3m=2, 5, 8; \quad 0 \leq m \leq 2.$$

Аналогичная формула для числа 5.

$$3 \leq 3+5m \leq 8; \quad 3+5m=3, 8; \quad 0 \leq m \leq 1.$$

Номера 1, 4, 6, 7 соответствуют числам, которые не делятся на 3 и 5.

$$2 \times 1 - 1 = 1; 2 \times 4 - 1 = 7; 2 \times 6 - 1 = 11; 2 \times 7 - 1 = 13$$

Количество этих чисел вычисляется по формуле.

$$\frac{\varphi(Z)}{2} = \frac{(3-1)(5-1)}{2} = 4$$

где: $\varphi(Z)$ - функция Эйлера. [7].

Продолжим отмечать числа, которые делятся на 3 и 5, а так же отмечать и числа которые не имеют этих делителей.

$$15(2m-1) = 30m - 15 = 15, 45, 75, 105, 135, \dots$$

$$30m - 15 = 2(15m - 7) - 1$$

где: $m^1 = 15m - 7$ – уравнение выборки.

Для этой цели будем рассматривать последовательности чисел на диапазонах, которые определяются уравнениями выборки $m^1 = 15m - 7$.
 $8 \leq 8 + 3m \leq 23, 23 \leq 23 + 3m \leq 38, \dots 8 \leq 8 + 5m \leq 23, 23 \leq 23 + 5m \leq 38, \dots$

Таблица 3.1

$$B = 1 \times 3 \times 5 = 15; 30m - 15 = 2(15m - 7) - 1$$

30m-15 (15m-7)	15 (8)	45 (23)	75 (38)	105 (53)
30m-13 (15m-6)	17 (9)	47 (24)	77 (39)	107 (54)
30m-11 (15m-5)	19 (10)	49 (25)	79 (40)	109 (55)
30m-9 (15m-4)	21 (11)	51 (26)	81 (41)	111 (56)
30m-7 (15m-3)	23 (12)	53 (27)	83 (42)	113 (57)
30m-5 (15m-2)	25 (13)	55 (28)	85 (43)	115 (58)
30m-3 (15m-1)	27 (14)	57 (29)	87 (44)	117 (59)
30m-1 (15m)	29 (15)	59 (30)	89 (45)	119 (60)
30m+1 (15m+1)	31 (16)	61 (31)	91 (46)	121 (61)
30m+3 (15m+2)	33 (17)	63 (32)	93 (47)	123 (62)
30m+5 (15m+3)	35 (18)	65 (33)	95 (48)	125 (63)
30m+7 (15m+4)	37 (19)	67 (34)	97 (49)	127 (64)
30m+9 (15m+5)	39 (20)	69 (35)	99 (50)	129 (65)
30m+11 (15m+6)	41 (21)	71 (36)	101 (51)	131 (66)
30m+13 (15m+7)	43 (22)	73 (37)	103 (52)	133 (67)
30m+15 (15m+8)	45 (23)	75 (38)	105 (53)	135 (68)

В числовых последовательностях таблицы 3.1 шаг последовательностей равен 30. (B=30)

Выпишем последовательности с числами, которые делятся на 3.

$$30m - 15 = 3(10m - 5), (15m - 7) \quad 30m + 15 = 3(10m + 5), (15m + 8)$$

$$30m - 9 = 3(10m - 3), (15m - 4) \quad 30m + 9 = 3(10m + 3), (15m + 5)$$

$$30m - 3 = 3(10m - 1), (15m - 1) \quad 30m + 3 = 3(10m + 1), (15m + 2)$$

Выпишем последовательности с числами, которые делятся на 5.

$$30m - 15 = 5(6m - 3), (15m - 7) \quad 30m + 15 = 5(6m + 3), (15m + 8)$$

$$30m - 5 = 5(6m - 1), (15m - 2) \quad 30m + 5 = 5(6m + 1), (15m + 3)$$

Выпишем последовательности с числами, которые не имеют общих делителей.

$$\begin{array}{ll} 30m-13. & (15m-6), & 30m+13. & (15m+7) \\ 30m-11. & (15m-5), & 30m+11. & (15m+6) \\ 30m-7. & (15m-3), & 30m+7. & (15m+4) \\ 30m-1. & (15m), & 30m+1. & (15m+1) \end{array}$$

Число таких последовательностей определяется по формуле:

$$\varphi(Z) = (3-1)(5-1) = 8$$

где: $\varphi(Z)$ - функция Эйлера.

Если $Z = p_1 \cdot p_2 \cdot p_3 \cdot \dots \cdot p_n$ тогда

$$\varphi(Z) = (p_1 - 1)(p_2 - 1)(p_3 - 1) \dots (p_n - 1)$$

где: $p_1, p_2, p_3, \dots, p_n$ - простые числа в первой степени

Рассмотрим поведение последовательностей, которые делятся на 3.

$$8 \leq 8+3m \leq 23. \quad 8+3m = 8, 11, 14, 17, 20, 23.$$

$$23 \geq 23-3m \geq 8. \quad 23-3m = 23, 20, 17, 14, 11, 8.$$

$$\text{где: } 0 \leq m \leq 6$$

В таблице 3.1 в скобках указаны уравнения выборок и номера чисел с соответствующими числовыми уравнениями и самими числами.

$$23 \leq 23+3m \leq 38. \quad 23+3m = 23, 26, 29, 32, 35, 38.$$

$$38 \geq 38-3m \geq 23. \quad 38-3m = 38, 35, 32, 29, 26, 23.$$

$$\text{где: } 0 \leq m \leq 6$$

$$38 \leq 38+3m \leq 53. \quad 38+3m = 38, 41, 44, 47, 50, 53.$$

$$53 \geq 53-3m \geq 38. \quad 53-3m = 53, 50, 47, 44, 41, 38.$$

$$\text{где: } 0 \leq m \leq 6$$

Найдём уравнения выборок для последовательностей делящихся на 3.

$$8, \quad 23, \quad 35, \dots \quad m^1 = 15m-7$$

$$15, \quad 15, \dots$$

$$11, \quad 26, \quad 41, \dots \quad m^1 = 15m-4$$

$$15, \quad 15, \dots$$

$$14, \quad 29, \quad 44, \dots \quad m^1 = 15m-1$$

$$15, \quad 15, \dots$$

$$17, \quad 32, \quad 47, \dots \quad m^1 = 15m+2$$

$$15, \quad 15, \dots$$

$$20, \quad 35, \quad 50, \dots \quad m^1 = 15m+5$$

$$15, \quad 15, \dots$$

$$23, \quad 38, \quad 53, \dots \quad m^1 = 15m+8$$

$$15, \quad 15, \dots$$

Соответствующие числовые уравнения будут:

$$2(15m-7)-1=30m-15=3(10m-5)$$

$$2(15m-4)-1=30m-9=3(10m-3)$$

$$2(15m-1)-1=30m-3=3(10m-1)$$

$$2(15m+2)-1=30m+3=3(10m+1)$$

$$2(15m+5)-1=30m+9=3(10m+3)$$

$$2(15m+8)-1=30m+15=3(10m+5) \quad \text{где: } 1 \leq m < \infty$$

Рассмотрим поведение последовательностей, числа которых делятся на 5.

$$8 \leq 8+5m \leq 23 \quad 8+5m=8, 13, 18, 23.$$

$$23 \geq 23-5m \geq 8 \quad 23-5m=23, 18, 13, 8.$$

$$\text{где: } 0 \leq m \leq 4$$

$$23 \leq 23+5m \leq 38 \quad 23+5m=23, 28, 33, 38.$$

$$38 \geq 38-5m \geq 23 \quad 38-5m=38, 33, 28, 23.$$

$$\text{где: } 0 \leq m \leq 4$$

Найдём уравнения выборок:

$$8, 23, \dots \quad m^1 = 15m - 7$$

$$15, 15, \dots$$

$$13, 28, \dots \quad m^1 = 15m - 2$$

$$15, 15, \dots$$

$$18, 33, \dots \quad m^1 = 15m + 3$$

$$15, 15, \dots$$

$$23, 38, \dots \quad m^1 = 15m + 8$$

$$15, 15, \dots$$

Соответствующие числовые уравнения:

$$2(15m-7)-1=30m-15=5(6m-3)$$

$$2(15m-2)-1=30m-5=5(6m-1)$$

$$2(15m+3)-1=30m+5=5(6m+1)$$

$$2(15m+8)-1=30m+15=5(6m+3)$$

$$\text{где: } 1 \leq m < \infty$$

Может быть,

двойное написание формул по увеличению аргумента и соответствующего увеличения целочисленной функции или в сторону уменьшения аргумента и соответствующего уменьшения функции. В данной работе выбрано писать формулы по увеличению аргумента и соответственно функции.

Отметим отличие от написания нечётных чисел упорядка с шагом 30 и уравнений таблицы 3.1.

В уравнениях таблицы 3.1 отсутствуют уравнения, начинающиеся с 1 а так же 3, 5, 7, 9, 11 и 13, которые должны описываться формулами.

$$30m-29, 30m-27, 30m-25, 30m-23, 30m-21, 30m-19, 30m-17.$$

$$1 \quad 3 \quad 5 \quad 7 \quad 9 \quad 11 \quad 13$$

$$31 \quad 33 \quad 35 \quad 37, \quad 39 \quad 41 \quad 43$$

$$61 \quad 63 \quad 65 \quad 67 \quad 69 \quad 71 \quad 73$$

Последовательности в таблице начинаются со вторых чисел.

$$30m+1, 30m+3, 30m+5, 30m+7, 30m+9, 30m+11, 30m+13$$

$$31 \quad 33 \quad 35 \quad 37 \quad 39 \quad 41 \quad 43$$

О пропущенных числах надо смотреть начало этого параграфа.

Числа последовательностей $(30m-1 \ 30m+1)$ и $(30m \pm 11 \ 30m \pm 13)$ при одних и тех же номерах (m) отличаются друг от друга на 2 единицы, а это говорит о том, что они содержат числа близнецы.

$$30m-1 = 29, 59, 89, \dots$$

$$30m+1 = 31, 61, 91, \dots \quad 91 = 7 \times 13$$

где: $1 \leq m < \infty$.

На основании проведённых исследований в форме таблицы выпишем последовательности, числа которых не имеют общих делителей.

Таблица 3.1-1

30m-13 (15m-6)	17 (9)	47 (24)	77 (39)	107 (54)
30m-11 (15m-5)	19 (10)	49 (25)	79 (40)	109 (55)
30m-7 (15m-3)	23 (12)	53 (27)	83 (42)	113 (57)
30m-1 (15m)	29 (15)	59 (89)	89 (45)	119 (60)
30m+1 (15m+1)	31 (16)	61 (31)	91 (46)	121 (61)
30m+7 (15m+4)	37 (19)	67 (34)	97 (49)	127 (64)
30m+11 (15m+6)	41 (21)	71 (36)	101 (51)	131 (66)
30m+13 (15m+1)	43 (22)	73 (37)	103 (52)	133 (67)

где: $1 \leq m < \infty$.

В этой таблице исключены из рассмотрения числа, делящиеся на 3 и 5, но присутствуют остальные простые и произведения этих простых в которые не входят числа 3 и 5.

Составные числа в этих последовательностях во избежание повторения произведений надо начинать с квадратов простых чисел.

$$7 \times 7 = 49 (25), \quad 7 \times 11 = 77 (39), \quad 7 \times 13 = 91 (46), \quad 7 \times 17 = 119 (60), \dots$$

$$11 \times 11 = 121 (61), \quad 11 \times 13 = 143 (72), \quad 11 \times 17 = 187 (94), \quad 11 \times 19 = 209 (105), \dots$$

$$13 \times 13 = 169 (85), \quad 13 \times 17 = 221 (111), \quad 13 \times 19 = 247 (124), \dots$$

.....

.....

В таблице 3.1-2 выписаны последовательности, числа которых имеют общие делители 3 или 5.

Таблица 3.1-2

30m-15 (15m-7)	15 (8)	45 (23)	75 (38)	105 (53)
30m-9 (15m-4)	21 (11)	51 (26)	81 (41)	111 (56)
30m-5 (15m-2)	25 (13)	55 (28)	85 (43)	115 (58)
30m-3 (15m-1)	27 (14)	57 (29)	87 (44)	117 (59)
30m+3 (15m+2)	33 (17)	63 (32)	93 (47)	123 (62)
30m+5 (15m+3)	35 (18)	65 (33)	95 (48)	125 (63)
30m+9 (15m+5)	39 (20)	69 (35)	99 (50)	129 (65)
30m+15 (15m+8)	45 (23)	75 (38)	105 (53)	135 (68)

В таблицах без учёта чётных чисел последовательности 30m-3, 30m-5 и последовательности 30m+3, 30m+5 выявляют следующие друг за другом составные числа. Когда последовательности 30m-1 и 30m+1 при одних и тех же m определяют составные числа, то количество последовательных со-

ставных чисел будет уже определяться последовательностями от $30m-3$ до $30m+5$.

Исключим из рассмотрения кроме чисел 3, 5 и простое число 7. Для этого рассмотрим произведение простых чисел $1 \times 3 \times 5 \times 7 = 105$.

Найдём произведение числа 105 на числа последовательности $2m-1$ в порядке их следования.

$105(2m-1) = 210m - 105 = 105, 315, 525, 735, 945, 1155, 1365, \dots$ Этим числам соответствуют номера в последовательности нечётных чисел $2m-1$.

$$210m - 105 = 2(105m - 52) - 1$$

$$m^1 = 105m - 52 = 53, 158, 263, 368, 473, 578, 683, \dots$$

Это мы определили граничные числа и номера этих граничных чисел.

Определим в положительной числовой области числа, которые делятся на 3, 5 и 7. Отрицательную числовую область рассматривать не будем. Дополнительно рассмотрим числовой диапазон от 1 до 105. (см. табл. 3.2)

Таблица 3.2

	$210m-105$ ($105m-52$)	105 (53)	315 (158)	525 (263)
	$210m-103$ ($105m-51$)	107 (54)	317 (159)	527 (264)
	$210m-101$ ($105m-50$)	109 (55)	319 (160)	529 (265)
	$3(70m-33)$ ($105m-49$)	3×37 (56)	3×107 (161)	3×177 (266)
	$210m-97$ ($105m-48$)	113 (57)	323 (162)	533 (267)
	$5(42m-19)$ ($105m-47$)	5×23 (58)	5×65 (163)	5×107 (268)
	$3(70m-31)$ ($105m-46$)	3×39 (59)	3×109 (164)	3×179 (269)
	$7(30m-13)$ ($105m-45$)	7×17 (60)	7×47 (165)	7×77 (270)
	$210m-89$ ($105m-44$)	121 (61)	331 (166)	541 (271)
	$3(70m-29)$ ($105m-43$)	3×41 (62)	3×111 (167)	3×181 (272)
	$5(42m-17)$ ($105m-42$)	5×25 (63)	5×67 (168)	5×109 (273)
	$210m-83$ ($105m-41$)	127 (64)	337 (169)	547 (274)
	$3(70m-27)$ ($105m-40$)	3×43 (65)	3×113 (170)	3×183 (275)
	$210m-79$ ($105m-39$)	131 (66)	341 (171)	551 (276)
	$7(30m-11)$ ($105m-38$)	7×19 (67)	7×49 (172)	7×79 (277)
	$15(14m-5)$ ($105m-37$)	15×9 (68)	15×23 (173)	15×37 (278)
	$210m-73$ ($105m-36$)	137 (69)	347 (174)	557 (279)
	$210m-71$ ($105m-35$)	139 (70)	349 (175)	559 (280)
	$3(70m-23)$ ($105m-34$)	3×47 (71)	3×117 (176)	3×187 (281)
	$210m-67$ ($105m-33$)	143 (72)	353 (177)	563 (282)
	$5(42m-13)$ ($105m-32$)	5×29 (73)	5×71 (178)	5×113 (283)
	$21(10m-3)$ ($105m-31$)	21×7 (74)	21×17 (179)	21×27 (284)
	$210m-61$ ($105m-30$)	149 (75)	359 (180)	569 (285)
	$210m-59$ ($105m-29$)	151 (76)	361 (181)	571 (286)
	$3(70m-19)$ ($105m-28$)	3×51 (77)	3×121 (182)	3×191 (287)
	$5(42m-11)$ ($105m-27$)	5×31 (78)	5×73 (183)	5×115 (288)

		210m-53 (105m-26)	157 (79)	367 (184)	577 (289)
		3(70m-17) (105m-25)	3x53 (80)	3x123 (185)	3x193 (290)
		7(30m-7) (105m-24)	7x23 (81)	7x53 (186)	7x83 (291)
		210m-47 (105m-23)	163 (82)	373 (187)	583 (292)
		15(14m-3) (105m-22)	15x11(83)	15x25 (188)	15x39 (293)
		210m-43 (105m-21)	167 (84)	377 (189)	587 (294)
		210m-41 (105m-20)	169 (85)	379 (190)	589 (295)
		3(70m-13) (105m-19)	3x57 (86)	3x127 (191)	3x197 (296)
		210m-37 (105m-18)	173 (87)	383 (192)	593 (297)
		35(6m-1) (105m-17)	35x5 (88)	35x11 (193)	35x17 (298)
		3(70m-11) (105m-16)	3x59 (89)	3x129 (194)	3x199 (299)
		210m-31 (105m-15)	179 (90)	389 (195)	599 (300)
		210m-29 (105m-14)	181 (91)	391 (196)	601 (301)
		3(70m-9) (105m-13)	3x61 (92)	3x131 (197)	3x201 (302)
		5(42m-5) (105m-12)	5x37 (93)	5x79 (198)	5x121 (303)
		210m-23 (105m-11)	187 (94)	397 (199)	607 (304)
		21(10m-1) (105m-10)	21x9 (95)	21x19 (200)	21x29 (305)
		210m-19 (105m-9)	191 (96)	401 (201)	611 (306)
		210m-17 (105m-8)	193 (97)	403 (202)	613 (307)
		15(14m-1) (105m-7)	15x13(98)	15x27 (203)	15x41 (308)
		210m-13 (105m-6)	197 (99)	407 (204)	617 (309)
		210m-11 (105m-5)	199 (100)	409 (205)	619 (310)
		3(70m-3) (105m-4)	3x67 (101)	3x137 (206)	3x207 (311)
		7(30m-1) (105m-3)	7x29 (102)	7x59 (207)	7x89 (312)
		5(42m-1) (105m-2)	5x41 (103)	5x83 (208)	5x125 (313)
		3(70m-1) (105m-1)	3x69 (104)	3x139 (209)	3x209 (314)
		210m-1 (105m)	209 (105)	419 (210)	629 (315)
1	(1)	210m+1 (105m+1)	211 (106)	421 (211)	631 (316)
3	(2)	3(70m+1) (105m+2)	3x71 (107)	3x141 (212)	3x211 (317)
5	(3)	5(42m+1) (105m+3)	5x43 (108)	5x85 (213)	5x127 (318)
7	(4)	7(30m+1) (105m+4)	7x31 (109)	7x61 (214)	7x91 (319)
3x3	(5)	3(70m+3) (105m+5)	3x73 (110)	3x143 (215)	3x213 (320)
11	(6)	210m+11 (105m+6)	221 (111)	431 (216)	641 (321)
13	(7)	210m+13 (105m+7)	223 (112)	433 (217)	643 (322)
3x5	(8)	15(14m+1) (105m+8)	15x15 (113)	15x29 (218)	15x43 (323)
17	(9)	210m+17 (105m+9)	227 (114)	437 (219)	647 (324)
19	(10)	210m+19 (105m+10)	229 (115)	439 (220)	649 (325)
3x7	(11)	21(10m+1) (105m+11)	21x11 (116)	21x21 (221)	21x31 (326)
23	(12)	210m+23 (105m+12)	233 (117)	443 (222)	653 (327)
5x5	(13)	5(42m+5) (105m+13)	5x47 (118)	5x89 (223)	5x131 (328)
3x9	(14)	3(70m+9) (105m+14)	3x79 (119)	3x149 (224)	3x219 (329)
29	(15)	210m+29 (105m+15)	239 (120)	449 (225)	659 (330)

31 (16)	210m+31 (105m+16)	241 (121)	451 (226)	661 (331)
3x11 (17)	3(70m+11) (105m+17)	3x81 (122)	3x151 (227)	663 (332)
5x7 (18)	35(6m+1) (105m+18)	35x7 (123)	35x13 (228)	35x19 (333)
37 (19)	210m+37 (105m+19)	247 (124)	457 (229)	667 (334)
3x13 (20)	3(70m+13) (105m+20)	3x83 (125)	3x153 (230)	223 (335)
41 (21)	210m+41 (105m+21)	251 (126)	461 (231)	671 (336)
43 (22)	210m+43 (105m+22)	253 (127)	463 (232)	673 (337)
5x9 (23)	15(14m+3) (105m+23)	15x17 (128)	15x31 (233)	15x45 (338)
47 (24)	210m+47 (105m+24)	257 (129)	467 (234)	677 (339)
7x7 (25)	7(30m+7) (105m+25)	7x37 (130)	7x67 (235)	7x97 (340)
3x17 (26)	3(70m+17) (105m+26)	3x87 (131)	3x157 (236)	3x227 (341)
53 (27)	210m+53 (105m+27)	263 (132)	473 (237)	683 (342)
5x11 (28)	5(42m+11) (105m+28)	5x53 (133)	5x95 (238)	5x137 (343)
3x19 (29)	3(70m+19) (105m+29)	3x89 (134)	3x159 (239)	3x229 (344)
59 (30)	210m+59 (105m+30)	269 (135)	479 (240)	689 (345)
61 (31)	210m+61 (105m+31)	271 (136)	481 (241)	691 (346)
3x21 (32)	21(10m+3) (105m+32)	21x13 (137)	21x23 (242)	21x33 (347)
5x13 (33)	5(42m+13) (105m+33)	5x55 (138)	5x97 (243)	5x139 (348)
67 (34)	210m+67 (105m+34)	277 (139)	487 (244)	697 (349)
3x 23 (35)	3(70m+23) (105m+35)	3x93 (140)	3x163 (245)	3x233 (350)
71 (36)	210m+71 (105m+36)	281 (141)	491 (246)	701 (351)
73 (37)	210m+73 (105m+37)	283 (142)	493 (247)	703 (352)
3x25 (38)	15(14m+5) (105m+38)	15x19 (143)	15x33 (248)	15x47 (353)
7x11 (39)	7(30m+11) (105m+39)	7x41 (144)	7x71 (249)	7x101 (354)
79 (40)	210m+79 (105m+40)	289 (145)	499 (250)	709 (355)
3x27 (41)	3(70m+27) (105m+41)	3x97 (146)	3x167 (251)	3x237 (356)
83 (42)	210m+83 (105m+42)	293 (147)	503 (252)	713 (357)
5x17 (43)	5(42m+17) (105m+43)	5x59 (148)	5x101 (253)	5x143 (358)
3x29 (44)	3(70m+29) (105m+44)	3x99 (149)	3x169 (254)	3x239 (359)
89 (45)	210m+89 (105m+45)	299 (150)	509 (255)	719 (360)
7x13 (46)	7(30m+13) (105m+46)	7x43 (151)	7x73 (256)	7x103 (361)
3x31 (47)	3(70m+31) (105m+47)	3x101 (152)	3x171 (257)	3x241 (362)
5x19 (48)	5(42m+19) (105m+48)	5x61 (153)	5x103 (258)	5x145 (363)
97 (49)	210m+97 (105m+49)	307 (154)	517 (259)	727 (364)
3x33 (50)	3(70m+33) (105m+50)	3x103 (155)	3x173 (260)	3x243 (365)
101 (51)	210m+101 (105m+51)	311 (156)	521 (261)	731 (366)
103 (52)	210m+103 (105m+52)	313 (157)	523 (262)	733 (367)
105 (53)	35(6m+3) (105m+53)	35x9 (158)	35x15 (263)	35x21 (368)

где: $1 \leq m < \infty$.

В таблице 3.2 приводятся числовые уравнения и уравнения выборок. К каждому числу, определяемому числовым уравнением в скобках приводится номер, под которым это число находится в последовательности $2m-1$.

Последовательности, записанные полужирным шрифтом, содержат простые числа и произведения простых чисел, в которые не входят числа 3, 5, 7.

Последовательность $210m-105$ определяет граничные числа, между которыми находятся изучаемые последовательности.

$$210m-105 = 105, 315, 525, 735, \dots$$

Эти граничные числа в последовательности нечётных чисел $2m-1$ находятся на номерах.

$$105m-52 = 53, 158, 263, 368, \dots$$

Для того чтобы облегчить задачу выписки последовательностей, числа которых не делятся на 3, 5 и 7, составлена таблица 3.3. В таблице полужирным шрифтом выделены последовательности, все числа которых делятся на 3.

Таблица 3.3

m	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
1	3	5	7	9	11	13	15	17	19	21	23	25	27	29	31
2	33	35	37	39	41	43	45	47	49	51	53	55	57	59	61
3	63	65	67	69	71	73	75	77	79	81	83	85	87	89	91
4	93	95	97	99	101	103	105	107	109	111	113	115	117	119	121
5	123	125	127	129	131	133	135	137	139	141	143	145	147	149	151
6	153	155	157	159	161	163	165	167	169	171	173	175	177	179	181
7	183	185	187	189	191	193	195	197	199	201	203	205	207	209	211
8	213	215	217	219	221	223	225	227	229	231	233	235	237	239	241
9	243	245	247	249	251	253	255	257	259	261	263	265	267	269	271
10	273	275	277	279	281	283	285	287	289	291	293	295	297	299	301
11	303	305	307	309	311	313	315	317	319	321	323	325	327	329	331
12	333	335	337	339	341	343	345	347	349	351	353	355	357	359	361
13	363	365	367	369	371	373	375	377	379	381	383	385	387	389	391
14	393	395	397	399	401	403	405	407	409	411	413	415	417	419	421
15	423	425	427	429	431	433	435	437	439	441	443	445	447	449	451
16	453	455	457	459	461	463	465	467	469	471	473	475	477	479	481
17	483	485	487	489	491	493	495	497	499	501	503	505	507	509	511
18	513	515	517	519	521	523	525	527	529	531	533	535	537	539	541
19	543	545	547	549	551	553	555	557	559	561	563	565	567	569	571
20	573	575	577	579	581	583	585	587	589	591	593	595	597	599	601

.....

Таблица 3.3 состоит из 15 столбцов. Числовые уравнения для этих последовательностей (столбцов) будут:

1. $30m-27 = 3(10m-9) = 3, 33, 63, \dots$
2. $30m-25 = 5(6m-5) = 5, 35, 65, \dots$
3. $30m-23 = 7, 37, 67, \dots$
4. $30m-21 = 3(10m-7) = 9, 39, 69, \dots$
5. $30m-19 = 11, 41, 71, \dots$
6. $30m-17 = 13, 43, 73, \dots$
7. $30m-15 = 3(10m-5) = 5(6m-3) = 15, 45, 75, \dots$
8. $30m-13 = 17, 47, 77, \dots$

9. $30m-11=19, 49, 79, \dots$
10. $30m-9=3(10m-3)=21, 57, 81, \dots$
- 11/ $30m-7=23, 53, 83, \dots$
12. $30m-5=5(6m-1)=25, 55, 85, \dots$
13. $30m-3=3(10m-1)=27, 57, 87, \dots$
14. $30m-1=29, 59, 89, \dots$
15. $30m+1=31, 61, 91, \dots$

где: $1 \leq m < \infty$

Числа последовательностей 2. $30m-25$, 3. $30m-23$, 11. $30m-7$, 12. $30m-5$ близнецов не имеют

Близнецы находятся в последовательностях расположенных между последовательностями, числа которых делятся на 3.

Из таблицы 3.3 видно, что количество составных чисел следующих друг за другом зависит от количества перемножаемых следующих друг за другом простых чисел. (см. параграф 2)

Составим таблицу без учёта последовательностей, числа которых делятся на 3, 5 и 7. Количество последовательностей, числа которых не делятся на 3, 5 и 7 можно определить по формуле:

$$\varphi(Z) = (3-1)(5-1)(7-1) = 48$$

где: $\varphi(Z)$ - функция Эйлера.

$$Z=3 \times 5 \times 7=105$$

Число составных чисел от единицы до 150 определяется по формуле:

$$\frac{\varphi(Z)}{2} = \frac{(3-1)(5-1)(7-1)}{2} = \frac{48}{2} = 24$$

Простые числа, входящие в формулы, берутся только в первой степени.

Таблица 3.2-1

210m-103	(105m-51)	107	(54)	317	(159)	527	(264)
210m-101	(105m-50)	109	(55)	319	(160)	529	(265)
210m-97	(105m-48)	113	(57)	323	(162)	533	(267)
210m-89	(105m-44)	121	(61)	331	(166)	541	(271)
210m-83	(105m-41)	127	(64)	337	(169)	547	(274)
210m-79	(105m-39)	131	(66)	341	(171)	551	(276)
210m-73	(105m-36)	137	(69)	347	(174)	557	(279)
210m-71	(105m-35)	139	(70)	349	(175)	559	(280)
210m-67	(105m-33)	143	(72)	353	(177)	563	(282)
210m-61	(105m-30)	149	(75)	359	(180)	569	(285)
210m-59	(105m-29)	151	(76)	361	(181)	571	(286)
210m-53	(105m-26)	157	(79)	367	(184)	577	(289)
210m-47	(105m-23)	163	(82)	373	(187)	583	(292)
210m-43	(105m-21)	167	(84)	377	(189)	587	(294)
210m-41	(105m-20)	169	(85)	379	(190)	589	(295)
210m-37	(105m-18)	173	(87)	383	(192)	593	(297)
210m-31	(105m-15)	179	(90)	389	(195)	599	((300))

210m-29	(105m-14)	181	(91)	391	(196)	601	(301)
210m-23	(105m-11)	187	(94)	397	(199)	607	(304)
210m-19	(105m-9)	191	(96)	401	(201)	611	(306)
210m-17	(105m-8)	193	(97)	403	(202)	613	(307)
210m-13	(105m-6)	197	(99)	407	(204)	617	(309)
210m-11	(105m-5)	199	(100)	409	(205)	619	(310)
210m-1	(105m)	209	(105)	419	(210)	629	(315)
210m+1	(105m+1)	211	(106)	421	(211)	631	(316)
210m+11	(105m+6)	221	(111)	431	(216)	641	(321)
210m+13	(105m+7)	223	(112)	433	(217)	643	(322)
210m+17	(105m+9)	227	(114)	437	(219)	647	(324)
210m+19	(105m+10)	229	(115)	439	(220)	649	(325)
210m+23	(105m+12)	233	(117)	443	(222)	653	(327)
210m+29	(105m+15)	239	(120)	449	(225)	659	(330)
210m+31	(105m+16)	241	(121)	451	(226)	661	(331)
210m+37	(105m+19)	247	(124)	457	(229)	667	(334)
210m+41	(105m+21)	251	(126)	461	(231)	671	(336)
210m+43	(105m+22)	253	(127)	463	(232)	673	(337)
210m+47	(105m+24)	257	(129)	467	(234)	677	(339)
210m+53	(105m+27)	263	(132)	473	(237)	683	(342)
210m+59	(105m+30)	269	(135)	479	(240)	689	(345)
210m+61	(105m+31)	271	(136)	481	(241)	691	(346)
210m+67	(105m+34)	277	(139)	487	(244)	697	(349)
210m+71	(105m+36)	281	(141)	491	(246)	701	(351)
210m+73	(105m+37)	283	(142)	493	(247)	703	(352)
210m+79	(105m+40)	289	(145)	499	(250)	709	(355)
210m+83	(105m+42)	293	(147)	503	(252)	713	(357)
210m+89	(105m+45)	299	(150)	509	(255)	719	(360)
210m+97	(105m+49)	307	(154)	517	(259)	727	(364)
210m+101	(105m+51)	311	(156)	521	(261)	731	(366)
210m+103	(105m+52)	313	(157)	523	(262)	733	(367)

где: $1 \leq m < \infty$

Используя числовые значения, выраженные в таблице 3.3, а именно выписывая значения свободных членов делящихся на 3, 5 и 7, мы выделим последовательности составных чисел, которые делятся на 3, 5 и 7. [4].

Выпишем эти числовые уравнения, которые до уравнения $210m-1$ имеют знак свободного члена (-) а после уравнения $210m+1$ имеют знак (+).

$$\begin{array}{ll}
 \mathbf{210m \pm 3} & 210m \pm 55 \\
 \mathbf{210m \pm 5} & 210m \pm 57 \\
 \mathbf{210m \pm 7} & 210m \pm 63 \\
 \mathbf{210m \pm 9} & 210m \pm 65
 \end{array}$$

$210m \pm 15$	$210m \pm 69$
$210m \pm 21$	$210m \pm 75$
$210m \pm 25$	$210m \pm 77$
$210m \pm 27$	$210m \pm 81$
$210m \pm 33$	$210m \pm 85$
$210m \pm 35$	$210m \pm 87$
$210m \pm 39$	$210m \pm 91$
$210m \pm 45$	$210m \pm 93$
$210m \pm 49$	$210m \pm 95$
$210m \pm 51$	$210m \pm 99$
	$210m \pm 105$

Если рассмотреть произведение $3 \times 5 \times 7 \times 11 = 1155$ и по аналогии найти граничные числа, находящиеся в последовательности $2m-1$.

$$1155(2m-1) = 2310m - 1155 = 1155, 3465, 5775, 8085, \dots$$

Между этими граничными числами находятся последовательности, часть из которых будет делиться на числа 3, 5, 7 и 11, а другая часть состоит из последовательностей, которые содержат числа, не имеющие определенных делителей. Часть этих чисел является простыми. Согласно таблице 3.3 некоторые из этих простых будут близнецами.

Число составных чисел непрерывно следующих друг за другом возрастает на две последовательности.

$$\begin{array}{ll} 2310m - 3 = 3(770m - 1) & 2310m + 3 = 3(770m + 1) \\ 2310m - 5 = 5(462m - 1) & 2310m + 5 = 5(462m + 1) \\ 2310m - 7 = 7(330m - 1) & 2310m + 7 = 7(330m + 1) \\ 2310m - 9 = 3(770m - 2) & 2310m + 9 = 3(770m + 2) \\ 2310m - 11 = 11(210m - 1) & 2310m + 11 = 11(210m + 1) \end{array}$$

где: $1 \leq m < \infty$.

Число последовательностей, содержащих простые числа и произведения простых не вошедших в В, находится по функции Эйлера. [7] (Простые числа берутся только в первой степени)

$$\varphi(Z) = (3-1)(5-1)(7-1)(11-1) = 480 \text{ последовательностей.}$$

где: $Z = 3 \times 5 \times 7 \times 11 = 1155$

Число чисел от единицы до 1155, которые не делятся на 3, 5, 7 и 11, находится по формуле: Аналогично (см. табл. 3.2)

$$\frac{\varphi(Z)}{2} = \frac{480}{2} = 240 \text{ чисел}$$

Если число $Z = p_1 \cdot p_2 \cdot p_3 \cdot \dots \cdot p_n$ - произведение простых

где: p_1, p_2, \dots, p_n - последовательные простые числа в первой степени (следуют по порядку).

Граничные числа в последовательности $2m-1$ определяются по формуле:

$$p_1 \cdot p_2 \cdot p_3 \cdot \dots \cdot p_n (2m-1) = 2p_1 \cdot p_2 \cdot \dots \cdot p_n \cdot m - p_1 \cdot p_2 \cdot \dots \cdot p_n \quad (3.1)$$

Количество последовательностей числа которых не делятся ни на одно простое входящее в произведение V определяется по формуле:

$$\varphi(Z) = (p_1 - 1)(p_2 - 1)(p_3 - 1) \dots (p_n - 1) \quad (3.2)$$

где: $\varphi(Z)$ - функция Эйлера [4].

p_1, p_2, \dots, p_n – простые числа в первой степени

Число чисел, которые не будут делиться на простые числа $p_1, p_2, p_3, \dots, p_n$ определяются по формуле: (пример см. табл. 3.2)

$$\frac{\varphi(Z)}{2} = \frac{(p_1 - 1)(p_2 - 1)(p_3 - 1) \dots (p_n - 1)}{2} \quad (3.3)$$

Для примера рассмотрим произведение $3 \times 5 \times 7 \times 11 \times 13 = 15015$.

Определим граничные числа:

$$15015(2m-1) = 30030m - 15015 = 15015, 45045, 75075, 105105, \dots$$

Количество последовательностей, числа которых не делятся ни на одно из чисел 3, 5, 7, 11, 13 будет:

$$\varphi(Z) = (3-1)(5-1)(7-1)(11-1)(13-1) = 5760$$

Число чисел от 1 до 15015, которые не делятся на 3, 5, 7, 11, 13 будет:

$$\frac{\varphi(Z)}{2} = \frac{5760}{2} = 2880$$

Выпишем последовательности составных чисел следующих непрерывно одна за другой. Эти последовательности начинаются от последовательностей содержащих близнецы $30030m-1$ и $30030m+1$.

$3(10010m-1)$	$3(10010m+1)$
$5(6006m-1)$	$5(6006m+1)$
$7(4290m-1)$	$7(4290m+1)$
$3(10010m-3)$	$3(10010m+3)$
$11(2730m-1)$	$11(2730m+1)$
$13(2310m-1)$	$13(2310m+1)$
$15(2002m-1)$	$15(2002m+1)$

где: $1 \leq m < \infty$

Из-за громоздкости изложения других последовательностей с составными числами следующих друг за другом приводить полностью не будем.

Для убедительности можно посмотреть таблицу 3.3 и табл. 3.2.

Так же следует учитывать, что если последовательности $30030m-1$ и последовательность $30030m+1$ при каких-то значениях m , каждая содержит по составному числу, то количество составных чисел непрерывно следующих друг за другом увеличивается в два раза плюс две последовательности. (16 последовательностей) Следует заметить, что не учитываются последовательности чётных чисел.

Приведём некоторые последовательности между граничными числами, определяемыми произведением $3 \times 5 \times 7 \times 11$. Для облегчения работы с этими последовательностями можно пользоваться таблицей 1.2. В этих последовательностях будем приводить значения только при $m=1$ и приводить разложение на множители, если эти числа составные. Таким образом, мы покажем составные числа, между которыми нет простых чисел.

2310m-1153=1157=13x89	2310m+1153=3463
2310m-1151=1159=19x61	2310m+1151=3461
2310m-1149=1161=3 ² x129	2310m+1149=3459=3x1153
2310m-1147=1163	2310m+1147=3457
2310m-1145=1165=5x233	2310m+1145=3455=5x691
2310m-1143=1167=3x389	2310m+1143=3453=3x1151
2310m-1141=1169=7x167	2310m+1141=3451=7x493
2310m-1139=1171	2310m+1139=3449
2310m-1137=1173=3x391	2310m+1137=3447=3 ² x383
2310m-1135=1175=5 ² x47	2310m+1135=5x13x53
2310m-1133=1177=11x107	2310m+1133=3443=11x313
2310m-1131=1179=3 ² x131	2310m+1131=3441=3x31x37
2310m-1129=1181	2310m+1129=3439=19x181
2310m-1127=1183=7x13 ²	2310m+1127=3437=7x491
2310m-1125=1185=3x5x79	2310m+1125=3435=3x5x229
2310m-1123=1187	2310m+1123=3433
2310m-1121=1189=29x41	2310m+1121=3431=47x73
2310m-1119=1191=3x397	2310m+1119=3429=3 ³ x127
.....
.....
.....
2310m-1=2309-простое	2310m+1=2311 - простое
	2309+2=2311

где: $1 \leq m < \infty$

Из приведенного примера видно, что самое большое количество составных чисел, между которыми нет простых это 7 чисел. (От 3435 до 3447 в этом примере). Остальные последовательности, между которыми нет последовательностей с простыми числами, можно увидеть и без описания этого факта. (см. пример с 2, 3 и 4 последовательными составными числами)

В данной работе использовались уравнения выборок и числовые уравнения. Числовые уравнения составлялись с помощью таблиц 3.3 и 1.2, а так же с помощью составления числовых уравнений.

$$\begin{aligned}
 &3(2m-1)=6m-3=3, 9, 15, 21, \dots \\
 &5(2m-1)=10m-5=5, 15, 25, \dots \\
 &7(2m-1)=14m-7=7, 21, 35, 49, \dots \\
 &11(2m-1)=22m-11=11, 33, 55, 77, \dots \\
 &13(2m-1)=26m-13=13, 39, 65, 91, \dots \\
 &..... \\
 &..... \\
 &p_n(2m-1)=2p_n m-p_n=p_n, (p_n+2p_n), (p_n+4p_n), (p_n+6p_n), \dots = \\
 &=p_n, 3p_n, 5p_n, 7p_n, \dots \tag{3.4}
 \end{aligned}$$

где: 3, 5, 7, . . . , p_n - простые числа
 $1 \leq m < \infty$

Так как рассматриваются произведения последовательных простых чисел, то на числовой оси они будут в определенной точке под определённым номером. Эти числа называются граничными числами с соответствующими граничными номерами.

Граничные числа в последовательности $2m-1$ определяются по формуле:

$$p_1 \cdot p_2 \cdot p_3 \cdot \dots \cdot p_n(2m-1) = 2p_1 \cdot p_2 \cdot \dots \cdot p_n \cdot m - p_1 \cdot p_2 \cdot \dots \cdot p_n \quad (3.1)$$

Обозначим произведение простых чисел $p_1 \cdot p_2 \cdot p_3 \cdot \dots \cdot p_n = Z_n$

Z_n (n – число, указывающее на количество перемножаемых последовательных простых чисел)

$$Z_n(2m-1) = 2Z_n m - Z_n = Z_n, 3Z_n, 5Z_n, 7Z_n, \dots \quad (3.1)$$

где: $Z_n, 3Z_n, 5Z_n, \dots$ – граничные числа

$$1 \leq m < \infty.$$

Последовательности, все числа которых делятся на 3, 5, 7 и т. д., определяются следующим образом:

Пусть $Z_n = p_1 \cdot p_2 \cdot \dots \cdot p_k \cdot \dots \cdot p_n$

Числа, которые делятся на $p_1, p_2, p_3, \dots, p_n$

$$\left. \begin{aligned} p_1(2m-1) &= 2p_1 m - p_1 = p_1, 3p_1, 5p_1, 7p_1, \dots, (p_2 \cdot p_3 \cdot \dots \cdot p_n) p_1 \\ p_2(2m-1) &= 2p_2 m - p_2 = p_2, 3p_2, 5p_2, 7p_2, \dots, (p_1 \cdot p_3 \cdot \dots \cdot p_n) p_2 \\ p_3(2m-1) &= 2p_3 m - p_3 = p_3, 3p_3, 5p_3, 7p_3, \dots, (p_1 \cdot p_2 \cdot p_4 \cdot \dots \cdot p_n) p_3 \\ &\dots\dots\dots \\ &\dots\dots\dots \\ &\dots\dots\dots \\ p_n(2m-1) &= 2p_n m - p_n = p_n, 3p_n, 5p_n, 7p_n, \dots, (p_1 \cdot p_2 \cdot \dots \cdot p_{n-1}) p_n \end{aligned} \right\} \quad (3.5)$$

Для каждого простого числа входящего в произведение Z_n существует свой шаг, который равен произведению простого на 2.

Покажем, как пользоваться таблицей 3.3.

На примере нахождения делителей числа 7.

Число 7 находится в 3 колонке. $7(2m-1) = 14m - 7 = 7, 7 + 14 = 3 \times 7 = 21$ (10 колонка), $21 + 14 = 5 \times 7 = 35$ (2 колонка), $35 + 14 = 7 \times 7 = 49$ (9 колонка), $49 + 14 = 9 \times 7 = 63$ (1 колонка), $63 + 14 = 11 \times 7 = 77$ (8 колонка), и т. д.

Найдём числа, которые делятся на 7 и 11 в 8 колонке.

$$8. \quad 30m - 13. \quad 30m - 13 = 77. \quad m = \frac{77 + 13}{30} = 3$$

$3 + 11m = 3, 14, 25, 36, \dots$ номера в последовательности $30m - 13$, которые соответствуют числам, делимым на 11. $0 \leq m < \infty$

$$3, 14, 25, 36, \dots \quad m \equiv 11m - 8 \text{ - уравнение выборки}$$

$$11, 11, 11, \dots$$

$$30 \times 14 - 13 = 407 = 11 \times 37, \quad 30 \times 25 - 13 = 737 = 11 \times 67, \quad 30 \times 36 - 13 = 1067 = 11 \times 97, \dots$$

$$7, \quad 37, \quad 67, \quad 97, \dots$$

$$30, \quad 30, \quad 30, \dots$$

$30m - 23$ – уравнение второго сомножителя

Числовое уравнение будет:

$$11(30m - 23) = 30(11m - 8) - 13 = 330m - 253$$

Это мы нашли числовое уравнение для чисел находящихся в последовательности $30m-13$. Эти числа делятся на 11.

Точно таким же образом найдём числа, находящиеся в последовательности $30m-13$, которые делятся на 7. ($77=7 \times 11$)

$$3+7m=3, 10, 17, 24, \dots \quad 0 \leq m < \infty$$

$$m \setminus = 7m-4 \text{ – уравнение выборки}$$

$$1 \leq m < \infty$$

Найдём числовое уравнение:

$$30(7m-4)-13=210m-133=7(30m-19)$$

$$30m-19=11, 41, 71, 101, \dots \text{ – вторые сомножители.}$$

$$\text{где: } 1 \leq m < \infty$$

Так как нам известны номера, на которых стоят вторые сомножители, то для каждого из них можно определить числовое уравнение все числа которых будут делиться на эти вторые сомножители. Числа этих числовых уравнений будут находиться в последовательности $30m-13$.

Вспомним работу [1], где сложением последовательностей $6m-5$ и $6m-1$ получаются последовательности, числа которых делятся на числа последовательностей $6m-5$ и $6m-1$. В данной работе исключены из рассмотрения последовательности с чётными числами, поэтому последовательности табл. 3.3 умножаются на простые числа последовательности $2m-1$.

Рассмотрим последовательность $30m-23$ которую последовательно будем умножать на простые числа.

$$30m-23=7, 37, 67, 97, 127, \dots$$

$3(30m-23)=90m-69=(21=3 \times 7, 111=3 \times 37, 201=3 \times 67, 291=3 \times 97, \dots)$ – эти числа находятся в последовательности $30m-9$.

$5(30m-23)=150m-115=(35=5 \times 7, 185=5 \times 37, 335=5 \times 67, 485=5 \times 97, \dots)$ – эти числа находятся в последовательности $30m-25$.

$7(30m-23)=210m-161=(49=7 \times 7, 259=7 \times 37, 469=7 \times 67, 679=7 \times 97, \dots)$ – эти числа находятся в последовательности $30m-11$.

.....

$$(2k-1)(30m-23)=(p_n 7, p_n 37, p_n 67, \dots)$$

где: $(2k-1)=\{p_1, p_2, p_3, \dots, p_n\}$ $1 \leq k < \infty$ значения k , при которых число $2k-1$ принимает значение составного числа, пропускаются.

$$1 \leq m < \infty$$

Этим способом можно находить делители в последовательностях определяемых таблицей 3.3. [1,2,3].

Но в данной работе мы не будем таким образом находить составные числа и определять простые.

Рассмотрим более подробно таблицу 3.3.

Так как мы рассматриваем произведения последовательных чисел и первыми числами, входящими во все произведения будет произведение, состоящее из двух чисел $3 \times 5=15$.

В таблице 3.3 рассмотрим последовательность $30m-15=15(2m-1)=15, 15 \times 3, 15 \times 5, 15 \times 7=3 \times 5 \times 7=105, 15 \times 9$ -не рассматривается по условию. В последовательность $30m-15$ будут входить произведения $3 \times 5 \times 7, 3 \times 5 \times 7 \times 11, 3 \times 5 \times 7 \times 11 \times 13, 3 \times 5 \times 7 \times 11 \times 13 \times 17, \dots, Z_n, \dots$ и т. д. (см. 3.1)

Z_n - число нечётное и произведения $Z_n(2m-1)$ так же будут нечётными числами делящимися без остатка на $15=3 \times 5$ то есть будут находиться в последовательности $30m-15=15(2m-1)$ [1,2,3].

Первый участок состоит из чисел от 1 до 15. Второй участок состоит из последовательностей, которые находятся между граничными числами, определяемыми уравнением $15(2m-1)=30m-15=15, 45, 75, \mathbf{105}, 135, 165, 195, 225, 255, 285, \mathbf{315}, 345, 375, \dots$. На первом участке по функции Эйлера находится $\frac{\varphi(15)}{2} = \frac{(3-1)(5-1)}{2} = 4$ простых числа, которые не делятся на 3 и 5. Это числа 1, 7, 11, 13.

Между граничными числами находятся по функции Эйлера $\varphi(15) = 8$ последовательностей, числа которых не делятся на 3 и 5. (см. табл. 3.3).

Выписка из табл. 3.3.

$30m-13$	$30m-11$	$30m-7$	$30m-1$	$30m+1$	$30m+7$	$30m+11$	$30m+13$
17	19	23	29	31	37	41	43
47	49	53	59	61	67	71	73
77	79	83	89	91	97	101	103
...

Таким образом, мы исключили из рассмотрения числа, делящиеся на 3 и 5.

Однако в этих последовательностях присутствуют числа, которые делятся на 7, 11, 13 и т. д. Для того, чтобы избежать повторений в этих последовательностях эти составные числа надо определять с квадратов.

$$7 \times 7, 7 \times 11, 7 \times 13, \dots \quad 11 \times 11, 11 \times 13, 11 \times 17, \dots \quad 13 \times 13, 13 \times 17, \dots$$

$$7(2m+5) \quad 11(2m+9) \quad 13(2m+11)$$

где: $1 \leq m < \infty$. При значениях m – определяющих только простые числа.

Таким же образом можно выписать последовательности, числа которых имеют общие делители, а именно 3 или 5.

$30m-15$	$30m-9$	$30m-5$	$30m-3$	$30m+3$	$30m+5$	$30m+9$
15	21	25	27	33	35	39
45	51	55	57	63	65	69
75	81	85	87	93	95	99
...

В таблице 3.2 описаны последовательности образованные между граничными числами $210m-105= 105, 315, 525, 735, \dots$ и т. д.

В таблице 3.2-1 выписаны последовательности, числа которых не делятся на 3, 5, 7. И далее, показана возможность, выписывать последовательности

числа которых делятся на 3, 5 и 7.

Далее показаны возможности составления таблиц по аналогии с составлением таблиц для произведений 3×5 и $3 \times 5 \times 7$ т. е. в общем случае и для произведений $3 \times 5 \times 7 \times 11 \times 13 \times \dots \times p_{n-1} \times p_n$. Все таблицы составляются по одному и тому же алгоритму. И можно сделать следующий вывод, что если перемножить все следующие друг за другом по порядку известные простые числа без пропуска какого-либо простого и получить граничные числа путём умножения этого огромного по величине составного числа на последовательность $2m-1$. (получение граничных чисел). В результате такой операции мы получим множество последовательностей, которые содержат неизвестные до этого простые числа (не входящие в произведение известных простых чисел) и составных чисел состоящих из этих (неизвестных простых) чисел. Эти двучлены расположены между граничными числами. Алгоритм нахождения таких двучленов (последовательностей) изложен в данной работе. Количество таких последовательностей определяется по формуле. (Но не сами последовательности)

$$\varphi(Z) = (3-1)(5-1)(7-1)(11-1)\dots(p_n-1) \tag{см. 3.2}.$$

где: $Z_n = 3 \times 5 \times 7 \times 11 \times 13 \times \dots \times p_n$ при $n \rightarrow \infty$.

Если найдено следующее простое число p_{n+1} , то составные числа будут находиться по формуле:

$$p_{n+1}(2m+p_n) = p_{n+1}^2, p_{n+1} \times p_{n+2}, \dots \tag{3.6}$$

где: $1 \leq m < \infty$ при условии, что p_n и p_{n+1} являются близнецами уравнение 3.6 справедливо при $m=1$.

По условию $p_n < p_{n+1}$ и не являются близнецами, тогда уравнение 3.6 справедливо при $m = \frac{p_{n+1} - p_n}{2}$ и далее по порядку от найденного значения m .

Имея в виду, что надо брать только значения соответствующие простым числам.

Нахождение составных чисел от единицы и до первого граничного числа (см. 3.5)

$$\left. \begin{aligned} 3 &\leq -3+6m \leq Z_n & 6m-3 &= 3, 9, 15, 21, \dots, Z_n \\ 5 &\leq -5+10m \leq Z_n & 10m-5 &= 5, 15, 25, \dots, Z_n \\ 7 &\leq -7+14m \leq Z_n & 14m-7 &= 7, 21, 35, \dots, Z_n \\ 11 &\leq -11+22m \leq Z_n & 22m-11 &= 11, 33, 55, \dots, Z_n \\ &\dots & & \\ &\dots & & \\ p_n &\leq -p_n+2p_n m \leq Z_n & 2p_n m - p_n &= p_n, 3 \cdot p_n, 5 \cdot p_n, \dots, Z_n \end{aligned} \right\} \tag{3.5}$$

где: $Z_n = 3 \times 5 \times 7 \times 11 \times 13 \times \dots \times p_{n-1} \times p_n$

У каждого простого числа свой шаг равный $2p$, поэтому количество чисел делящихся на каждое из простых входящих в произведение Z_n будет зависеть от величины p . Рассмотрим это на примерах.

Пусть $Z_n = 3 \times 5 \times 7 = 105$ - первое граничное число.

Найдём количество чисел делящихся на 3

$3+6m=105$, $6m=105-3=102$, $m=102/6=17$ Количество чисел делящихся на 3 будет $17+1=18$ чисел. (Включая само число 3)

Определим количество чисел делящихся на 5.

$5+10m=105$, $10m=105-5=100$, $m=100/10=10$ Количество чисел делящихся на 5 будет $10+1=11$ чисел.

Определим количество чисел делящихся на 7.

$7+14m=105$, $14m=105-7=98$, $m=98/14=7$. Количество чисел делящихся на 7 будет $7+1=8$ чисел.

Количество чисел, которые не делятся на 3, 5 и 7 будет:

$$\frac{\varphi(Z)}{2} = \frac{(3-1)(5-1)(7-1)}{2} = 48$$

где: $Z_n=Z_3=3 \times 5 \times 7=105$ (см. табл. 3.2)

где: $Z_n=Z_3$ индекс $n=3$ означает, что перемножаются три простых числа. (Начиная с первого наименьшего числа равного 3)

4. Заключение и выводы

В заключении можно сказать, что материала изложенного в данной работе достаточно, чтобы сделать вывод о невозможности одной формулой описать распределение простых чисел. И так же сказать, что с увеличением второго сомножителя в выражении $Z_n(2m-1)$ количество простых чисел уменьшается. Это объясняется тем что каждое простое число в совокупности с другими простыми порождает множество составных. (см. табл. 2.1)

$Z_n=3 \times 5 \times 7 \times 11 \times 13 \times \dots \times p_n$, а предлагаемый метод позволяет выделять последовательности все числа которых имеют общие делители определяемые простыми числами входящими в произведение Z_n . Числа, входящие в остальные последовательности (определяемые описанным методом) не имеют общих делителей, но содержат простые, которые не входят в произведение Z_n . Эти простые и составные числа можно выделить применяемым в данной работе методом с помощью выражения $p_{n+1}(2m+p_n)$ где начальное m определяется по формуле $m = \frac{p_{n+1} - p_n}{2}$ и далее по порядку. (см. 3.6) А так

как количество простых увеличивается при движении в сторону числового увеличения, то в большей мере увеличивается и количество составных чисел. Поэтому интервалы между граничными числами будут содержать уменьшающее содержание простых чисел с увеличением величины граничных чисел. (Относится к последовательностям, не содержащим чисел делящихся на числа входящие в Z_n) Поэтому подсчёт простых чисел содержащихся в интервалах с одинаковым количеством целых положительных чисел не может дать ответа ни на бесконечность простых чисел ни на бесконечность так называемых близнецов, потому что эти задачи связаны между собой. (табл. 3.3) Поэтому в данной работе применяется подход определения простых чисел совместно с определением следующих друг за другом (непрерывно) составных чисел. (см. параграф 2 и 3)

В таблице 3.2 рассмотрен числовой диапазон от 1 до 105 в котором определены только составные числа, делящиеся на 3, 5 и 7. Но в этом диапазоне содержатся и другие составные числа, которые делятся на 11, 13 и т. д. Определим эти составные числа с помощью метода предложенного Эратосфеном. В данной работе в алгебраическом виде. (см. уравнение 3.5)

Поскольку в данной работе исследуются нечётные числа последовательности $2m-1$, поэтому из параграфа 2, в котором определяются делители чисел натурального ряда надо выписать колонки нечётных чисел.

Табл. $2m-1$

	1	3	5	7	9
m	$m^{\setminus}=5m-4$ $2(5m-4)-1=$ $10m-9$	$m^{\setminus}=5m-3$ $2(5m-3)-1=$ $10m-7$	$m^{\setminus}=5m-2$ $2(5m-2)-1=$ $10m-5$	$m^{\setminus}=5m-1$ $2(5m-1)-1=$ $10m-3$	$m^{\setminus}=5m$ $2(5m)-1=$ $10m-1$
1	1	3	5	7	9
2	11	13	15	17	19
3	21	23	25	27	29
4	31	33	35	37	39
5	41	43	45	47	49
6	51	53	55	57	59
7	61	63	65	67	69
8	71	73	75	77	79
...

где: $1 \leq m < \infty$

В таблице уравнения выборки - это номера чисел в последовательности $2m-1$. Для каждой колонки своё уравнение выборки. [1,2,3].

Табл. $3(2m-1)=6m-3$

	1	3	5	7	9
m	$m^{\setminus}=15m-13$ $2(15m-13)-1=$ $30m-27$	$m^{\setminus}=15m-10$ $2(15m-10)-1=$ $30m-21$	$m^{\setminus}=15m-7$ $2(15m-7)-1=$ $30m-15$	$m^{\setminus}=15m-4$ $2(15m-4)-1=$ $30m-9$	$m^{\setminus}=15m-1$ $2(15m-1)-1=$ $30m-3$
1	3	9	15	21	27
2	33	39	45	51	57
3	63	69	75	81	87
4	93	99	105	111	117
5	123	129	135	141	147
6	153	159	165	171	177
7	183	189	195	201	207
8	213	219	225	231	237
9	243	249	255	261	267
10	273	279	285	291	297
11	303	309	315	321	327
12	333	339	345	351	357
...

Табл. $5(2m-1)=10m-5$

	1	3	5	7	9
m	$m=25m-22$ $2(25m-22)-1=$ $50m-45$	$m=25m-17$ $2(25m-17)-1=$ $50m-35$	$m=25m-12$ $2(25m-12)-1=$ $50m-25$	$m=25m-7$ $2(25m-7)-1=$ $50m-15$	$m=25m-2$ $2(25m-2)-1=$ $50m-5$
1	5	15	25	35	45
2	55	65	75	85	95
3	105	115	125	135	145
4	155	165	175	185	195
5	205	215	225	235	245
6	255	265	275	285	295
7	305	315	325	335	345
8	355	365	375	385	395
...

Табл. $7(2m-1)=14m-7$

	1	3	5	7	9
m	$m=35m-31$ $2(35m-31)-1=$ $70m-63$	$m=35m-24$ $2(35m-24)-1=$ $70m-49$	$m=35m-17$ $2(35m-17)-1=$ $70m-35$	$m=35m-10$ $2(35m-10)-1=$ $70m-21$	$m=35m-3$ $2(35m-3)-1=$ $70m-7$
1	7	21	35	49	63
2	77	91	105	119	133
3	147	161	175	189	203
4	217	231	245	259	273
5	287	301	315	329	343
6	357	371	385	399	413
7	427	441	455	469	483
...

Любое число, стоящее под определённым номером и находящееся в определённой колонке, будет делиться без остатка на число в таблице $2m-1$ под тем же номером и находящимся в такой же определённой колонке.

Совпадение номеров и колонок будем называть условно адресом. Поэтому можно сказать и так, что совпадение адреса чисел таблицы $6m-3$, $10m-5$ и $14m-7$ с адресом таблицы $2m-1$ означает, что любые из чисел этих трёх последовательностей делятся без остатка на числа последовательности $2m-1$ и в результате этого деления получают соответственно числа 3, 5 и 7.

Так же без труда можно сформулировать и умножение по совпадающим адресам. Отличается от построения обычных таблиц умножения тем, что применяется алгебраическая форма записи умножения.

На примере образования чисел, делящихся на 7 (табл. $14m-7$) рассмотрим несколько последовательностей, все числа которых делятся на 7.

Первая пара граничных чисел это 105 и 315.

За ними следуют числа 119 и 329. На основании этих двух чисел составим числовое уравнение:

$$119, \quad 329, \dots \quad \text{Числовое уравнение} \quad 210m-91=119, 329, 539, 749, \\ 210, \quad 210, \dots$$

133, 343, 553, ... Числовое уравнение: $210m-77=133, 343, \dots$
 210, 210, 210, ...
 147, 357, ... Числовое уравнение: $210m-63=147, 357, \text{ и т. д.}$
 210, 210, ...

Эти уравнения находятся в таблице 3.2. В этой таблице будут найдены и все уравнения составленные по такому принципу для всех трёх таблиц. (для 3, 5 и 7).

Другие простые числа, которые не входят в произведение граничных чисел, последовательностей все числа которых, делятся на эти другие простые, образовывать не будут. Рассмотрим таблицы для нескольких из этих чисел.

Табл. $11(2m-1)=22m-11$

	1	3	5	7	9
m	$m^{\setminus}=55m-49$ $2(55m-49)-1=$ $110m-99$	$m^{\setminus}=55m-38$ $2(55m-38)-1=$ $110m-77$	$m^{\setminus}=55m-27$ $2(55m-27)-1=$ $110m-55$	$m^{\setminus}=55m-16$ $2(55m-15)-1=$ $110m-33$	$m^{\setminus}=55m-5$ $2(55m-5)-1=$ $110m-11$
1	11	33	55	77	99
2	121	143	165	187	209
3	231	251	275	297	319
4	341	363	385	407	429
...

Числа 11×1 , $11 \times 3=33$, $11 \times 5=55$, $11 \times 7=77$, $11 \times 9=99$ находятся в диапазоне до 105.

Число 121 находится уже между первыми граничными числами под номером $\frac{121+1}{2}=61$ В таблице 3.2 номера указываются в круглых скобках.

$m^{\setminus}=105m-44$. Числовое уравнение будет: $2(105m-44)-1=210m-89$.

$210m-89=121, 331, 541, 751, \dots$

331, 541, 751, - числа простые.

Найдём числа, в последовательности $210m-89$, которые будут делиться на 11, 121, 331, и т. д. ($11^2=121$)

121 стоит на первом месте. Второе число, которое будет делиться на 11 будет стоять на $m=1+11=12$ (часть 4)

1, 12, 23, 34, ... уравнение выборки будет: $m^{\setminus}=11m-10$

11, 11, 11, ...

Подставив это уравнение выборки в числовое уравнение - получим:

$210(11m-10)-89=2310m-2189=121, 2431=11 \times 221=11 \times 13 \times 17, 4741=11 \times 431$

$7051=11 \times 641, \dots$

Под номером 12 стоит число 2431, которое делится на 13 и 17, найдём их уравнения выборок по методу статического дифференцирования и интегрирования. [5].

$m^{\setminus}=13m+12=25, 38, 51, \dots$

$210(13m+12)-89=2730m+2431=\{5161=13 \times 397, 7891=13 \times 607,$

$10621=13 \times 817=13 \times 19 \times 43, \dots \}$ $210 \times 51-89=10621$ ($m=51$)

Под номером 51 стоит число в последовательности $210m-89$, которое делится на 19. Поэтому номеру можно найти числа в этой последовательности, делящиеся на 19. $m \setminus = 51 + 19m$.

$210(19m+51)-89=3990m+10621=14611, 18601, 22591, \dots$ Все числа этой последовательности делятся на 19.

$$3990m+10621=19(210m+559)$$

$$2641, 6631, 10621, 14611, 18601, 22591, \dots$$

$$3990, 3990, 3990, 3990, 3990 \dots$$

Числовое уравнение $3990m-1349=2641$ при $m=1$ ($2641 < 3990$)

Определим номер числа в последовательности $210m-89$ первого числа, которое делится на 19. $210m-89=2641$.

$$m = \frac{2641+89}{210} = \frac{2730}{210} = 13$$

Метод статического дифференцирования и интегрирования действует как в сторону сложения, так и в сторону вычитания шага последовательности. Получение числа 2641.

Определим числа делящиеся на 17.

$$m \setminus = 17m+12 - \text{уравнение выборки.}$$

Числовое уравнение $210(17m+12)-89=3570m+2431=6001, 9571, \dots$

Вычислим числовое уравнение, начинающееся с наименьшего числа в положительной числовой области.

$$2431, 6001, 9571, 13141, \dots$$

$$3570, 3570, 3570, \dots$$

Окончательно числовое уравнение примет вид:

$$3570m-1139=2431, 6001, 9571, \dots$$

Зная номер любого числа в любой последовательности как простого, так и составного можно найти числа в этой же последовательности, которые делятся без остатка на простые, находящиеся в изучаемой последовательности и на любое число, входящее в составное число этой же последовательности.

В таблице 3.2-1 выписаны последовательности, числа которых не имеют общих делителей с 3, 5 и 7. Последовательности табл. 3.2-1 чисел делящихся на 3, 5 и 7 не имеют. Можно выписать отдельной таблицей эти последовательности, числа которых делятся на 3, 5 и 7.

Таблица 3.2-1 содержит последовательности, числа которых простые и составные из этих простых начиная с числа 11 и далее.

Последовательности между 105 и 315 назовём первой граничной парой.

Последовательности между 315 и 525 назовём второй граничной парой.

Последовательности между 525 и 735 назовём третьей граничной парой.

Напомним: $105(2m-1)=210m-105=105, 315, 525, 735, 945, 1155, \dots$

Последовательности, числа которых делятся на 3, 5 и 7 в таблице 3.2-1 отсутствуют.

Отметим в таблице 3.2-1 числа, которые делятся на 11 с помощью таблицы $22m-11$

$$210m-89 - 121, 210m-67 - 143=11 \times 13, 210m-23 - 187=11 \times 17,$$

$210m-1 - 209=11 \times 19$, $210m+43 - 253=11 \times 23$ Числа, которые делятся на 11 и находятся в первой граничной паре.

$$210m-101 - 319=11 \times 29, \quad 210m-79 - 341=11 \times 31, \quad 210m-13 - 11 \times 37,$$

$210m+31 - 451=11 \times 41$, $210m+53 - 473=11 \times 43$, $210+97 - 517=11 \times 47$. Это числа, которые делятся на 11 и находятся во второй граничной паре. Числа делящиеся на 11 и находящиеся в первой и второй граничной паре находятся в разных последовательностях. Номер числа в первой граничной паре $m=1$. Номер числа для второй граничной пары $m=2$. Зная эти номера, по примеру нахождения составных чисел в последовательности $210m-89$, можно находить составные числа для каждой из приведённых последовательностей.

По такому же алгоритму можно составить и таблицы для других простых чисел и находить числа в последовательностях таблицы 3.2-1.

Табл. 13(2m-1)=26m-13

	1	3	5	7	9
m	$m^2=65m-58$ $2(65m-58)-1=$ $130m-117$	$m^2=65m-45$ $2(65m-45)-1=$ $130m-91$	$m^2=65m-32$ $2(65m-32)-1=$ $130m-65$	$m^2=65m-19$ $2(65m-19)-1=$ $130m-39$	$m^2=65m-6$ $2(65m-6)-1=$ $130m-13$
1	13	39	65	91	117
2	143	169	195	221	247
3	273	299	325	351	377
4	403	429	455	481	507
5	533	559	585	611	637
6	663	689	715	741	767
...

Табл. 17(2m-1)=34m-17

	1	3	5	7	9
m	$m^2=85m-76$ $2(85m-76)-1=$ $170m-153$	$m^2=85m-59$ $2(85m-59)-1=$ $170m-119$	$m^2=85m-42$ $2(85m-42)-1=$ $170m-85$	$m^2=85m-25$ $2(85m-25)-1=$ $170m-51$	$m^2=85m-8$ $2(85m-8)-1=$ $170m-17$
1	17	51	85	119	153
2	187	221	255	289	323
3	357	391	425	459	493
4	527	561	595	629	663
5	697	731	765	799	833
...

Квадраты чисел напечатаны жирным шрифтом.

Числа до чисел напечатанных жирным шрифтом входят в составные с другими простыми, которые меньше рассматриваемых. Поэтому во избежания повторения значений рассматриваем начиная с квадратов. Для убедительности рассмотрим таблицу умножения чисел $2m-1$.

1	3	5	7	9	11	13	15	17	19	21	23	25
3	9	15	21	27	33	39	45	51	57	63	69	75
5	15	25	35	45	55	65	75	85	95	105	115	125
7	21	35	49	63	77	91	105	119	133	147	161	175
9	27	45	63	81	99	117	135	153	171	189	207	225
11	33	55	77	99	121	143	165	187	209	231	253	275
13	39	65	91	117	143	169	195	221	247	273	299	325
15	45	75	105	135	165	195	225	255	285	315	345	375
17	51	85	119	153	187	221	255	289	323	357	391	425
19	57	95	133	171	209	247	285	323	361	399	437	475
21	63	105	147	189	231	273	315	357	399	441	483	525
23	69	115	161	207	253	299	345	391	437	483	529	575
25	75	125	175	225	275	325	375	425	475	525	575	625

Окончательно можно сказать, что на основании произведённых исследований можно сделать вывод о том, что любое уравнение, которое при изменении целочисленного аргумента принимает значения простых чисел при каком то значении аргумента примет значение составного числа. Это следует из того, что любое простое число каким бы большим не было входит в составные числа и не обязательно нами известные. При изучении образования следующих непрерывно друг за другом составных чисел, при введение в произведение следующего простого, количество таких следующих непрерывно друг за другом составных чисел возрастает. (см. параграф 2 и 3) Все эти обстоятельства делают невозможным применять методы математического описания, потому что расстояния между простыми числами не подчиняются никаким законам они разные между простыми числами. Специально разработанный метод для изучения поведения простых и составных чисел (метод статического дифференцирования и интегрирования так же бессилён в описании поведения простых чисел).

При предельном значении произведения простых чисел, когда все известные простые следующие по порядку без пропуска числа перемножаются и находятся граничные числа. ($Z_n(2m-1)=2Z_n m-Z_n=Z_n, 3xZ_n, 5xZ_n, \dots$)

Z_n при $n \rightarrow \infty$ где n – количество простых чисел входящих в произведение. В этом случае можно определить количество последовательностей, числа которых не имеют чисел делящихся на простые, входящие в произведение простых Z_n . (см. параграф 3 и 4) Таким образом мы можем выписать эти последовательности, числа которых не имеют общих делителей. (пример построения таблиц 2.3 и 2.3-1) Эти последовательности будут состоять из новых простых чисел не входящих в произведение известных простых и составных из их произведений. Простые числа находить при помощи решета Эратосфена. Смотри пример таблиц $22m-11, 26m-13, 34m-17$ и по этому принципу можно составить таблицы и для других простых, не входящих в произведение известных простых.

Для определения близнецов смотри таблицу 3.3. В этой таблице в колонках 5 и 6 соответственно уравнения $30m-19$ и $30m-17$, колонки 8 и 9 соответственно уравнения $30m-13$ и $30m-11$ и колонки 14 и 15 соответственно уравнения $30m-1$ и $30m+1$. Ничего добавить невозможно, так как все основное сказано в параграфе 1.3. Можно только сказать, что из бесконечности простых чисел в этих колонках следует и бесконечность простых чисел близнецов, которых конечно во много раз меньше, но они должны присутствовать. Определение простых чисел по формулам невозможно из этого следует, что по этим же причинам невозможно определять и близнецы. Существует только одна возможность определения простых чисел и сопутствующее определение близнецов это совершенствовать метод предложенный Эратосфеном. И конечно ни о каких гипотезах Римана о распределении простых чисел не может быть и речи, так как невозможно одной формулой описать это распределение. А теория чисел – это теория целых чисел и ничего отвлечённого. (Простые числа это целые числа) Гипотеза Римана кажется отдельной математической проблемой, которая рассматривает какую-то наивысшую математику.

Расстояния между простыми числами на числовой оси не подчиняются никаким определённым закономерностям, они изменяются хаотично. Из этого следует, что нельзя математически описать их распределение. Можно находить разности между ними равными чётным числам. Разности между рядом стоящими простыми числами. В нашем случае определение близнецов.

Содержание

Предисловие	2
1. Постановка задачи и теоретические предпосылки	7
1.1 Определение уравнений выборок для составных чисел в последовательности $6m+1$	16
1.2 Определение уравнений выборок для составных чисел в последовательности $6m-1$	21
1.3 Определение близнецов	23
2. Определение делителей чисел натурального ряда	26
3. Доказательство бесконечности простых чисел и связанное с этим доказательством распределение простых чисел	48
4. Заключение и выводы	66

Список литературы

1. Кудрицкий Г. А. Нетрадиционная математика в целых числах. Нахождение делителей чисел и определение простых чисел. (Часть 1). 2011 г.
ФБ СПбПУ Отдел электронных ресурсов и библиографии
<http://dl.unilib.neva.ru/dl/2092.pdf>
2. Кудрицкий Г. А. Нетрадиционная математика в целых числах. Нахождение делителей чисел и определение простых чисел. (Часть 2). 2012 г.
ФБ СПбГПУ Отдел электронных ресурсов и библиографии
<http://dl.unilib.neva.ru/dl/2333.pdf>
3. Кудрицкий Г. А. Алгоритм разложения чисел на множители. Нахождение делителей чисел и определение простых чисел. (Часть 3). 2013г.
ФБ СПбГПУ Отдел электронных ресурсов и библиографии
<http://dl.unilib.neva.ru/dl/2/3523.pdf>
4. Кудрицкий Г. А. Кадзов Г. Д. Вывод функции Эйлера для последовательностей упорядков и систем счисления. (Часть 4). 2013г.
ФБ СПбГПУ Отдел электронных ресурсов и библиографии
<http://dl.unilib.neva.ru/dl/2/3559.pdf>
4. Кудрицкий Г. А. Кадзов Г. Д. Статическое дифференцирование и интегрирование. 2014 г.
ФБ СПбГПУ Отдел электронных ресурсов и библиографии
<http://elib.spbstu.ru./dl/2/4924.pdf>

