

Министерство образования и науки Российской Федерации  
Санкт-Петербургский политехнический университет Петра Великого  
Институт физики, нанотехнологий и телекоммуникаций

Работа допущена к защите

Заведующий кафедрой

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_ А.В. Филимонов

« \_\_\_ » \_\_\_\_\_ 2018 г.

**ВЫПУСКНАЯ КВАЛИФИКАЦИОННАЯ РАБОТА БАКАЛАВРА**

Согласующие устройства для параллельных потоков электронов и ионов

по направлению 16.03.01 Техническая физика

по профилю 16.03.01.04 Физика биомедицинских технологий и систем

Выполнила

студентка гр.43424/3

И.Ю. Шеина

Научный руководитель

д.ф.-м.н., профессор

Н.К. Краснова

Санкт-Петербург

2018



## РЕФЕРАТ

На 15 с., 5 библиографических названий.

ПАРАЛЛЕЛЬНЫЕ ПУЧКИ, ЭЛЕКТРИЧЕСКОЕ ПОЛЕ, ПОТОК ЧАСТИЦ, ФОРМУЛА ДОНКИНА, ЭКВИПОТЕНЦИАЛЬНЫЕ ПОВЕРХНОСТИ, КОЭФФИЦИЕНТ СЖАТИЯ, ДИСПЕРСИЯ.

В данной работе было рассмотрено движение параллельных потоков частиц в электрических полях разных конфигураций. Исследовались следующие поля: поле «двугранное зеркало», поле на основе формулы Донкина, а также поле, эквипотенциали которого представляют собой обрезанные конуса. В программе Wolfram Mathematica 9.0 были построены траектории частиц в зависимости от разных начальных параметров, таких как углы влета, кинетическая энергия, начальные координаты. Основным требованием было сохранение параллельности пучка. Для всех конфигураций полей были найдены основные характеристики, определяющие их свойства, в том числе коэффициент сжатия, линейная дисперсия и углы поворотов. Полученные данные определяют эффективность использования устройства в зависимости от поставленной задачи.

## THE ABSTRACT

15 pages, 5 bibliographical names.

PARALLEL BEAMS, ELECTRIC FIELD, PARTICLE FLOW, DONKIN'S FORMULA, EQUIPOTENTIAL SURFACES, COMPRESSION COEFFICIENT, VARIANCE.

In the given work was considered a motion of particles in electric fields of different configurations. There was performed simulation of trajectories and determined the main charged particle parameters and characteristic

## СОДЕРЖАНИЕ

Введение.....	5
1. Постановка задачи.....	7
2. Методы исследования полей.....	7
3. Безразмерная модель движения.....	9
4. Моделирование.....	12
Заключение.....	14
Список используемой литературы.....	15

## ВВЕДЕНИЕ

Пучки заряженных частиц – электронов и ионов – используются в различных приборах для научных исследований и широко применяются в технике. Воздействие на такие пучки и их формирование осуществляется электронно- и ионно-оптическими элементами (системами). Последние могут выполнять разнообразные функции и в зависимости от своего назначения различаются как по принципу действия, так и по конструкции. В спектрометрах заряженных частиц главную роль играют электронно-оптические (ионно-оптические) системы, обеспечивающие разделение этих частиц по энергии или массе [1]. Работа таких устройств, как спектрометры и спектрографы, основана на методах электронной и ионной спектроскопии.

Современная спектроскопия включает в себя диагностические методики, широко используемые для анализа веществ в различных областях науки, таких как биология, медицина, фармакология, экология и другие. Особенно перспективны для практического применения методы электронной спектроскопии в изучении твердых тел. Используя для изучения ТТ энергоанализатор, можно получить моноэнергетические изображения поверхности образца. Эти изображения позволяют судить о топографии поверхности образца относительно его различных физических свойств. Применение энергоанализаторов не ограничено указанными областями. С их помощью исследуются потоки заряженных частиц в космосе. Также энергетический анализ используется для изучения процессов взаимодействия при столкновениях в газах [2]. Таким образом, исследование потоков заряженных частиц, определение основных параметров, дающих информацию об энергиях, углах и других важных характеристиках, представляет большой интерес для изучения.

В зависимости от поставленной задачи возможно формирование как фокусируемых потоков анализируемых частиц, так и параллельных. Более распространено применение фокусируемых потоков, их используют как

промежуточный элемент между источником частиц и анализатором, либо между анализатором на выходе перед детектирующей системой. Однако параллельные потоки также находят свое применение. Параллельные потоки заряженных частиц используют в плазменных установках (например, для разогрева материалов), технологических процессах разного рода и назначения; с такими пучками приходится работать в космосе. Целью данной работы является рассмотрение электронных устройств, которые, формируя параллельный пучок частиц, согласуют источник с масс-анализатором.

## 1. ПОСТАНОВКА ЗАДАЧИ

Темой исследования стала техническая задача, связанная с проектированием секторного магнитного масс-анализатора [3] для разделения изотопов урана. Прибор должен был создавать в плоскости фокусировки электронно-оптическое изображение выходной щели ионного источника в виде трех прямоугольных полосок, отстоящих друг от друга на некотором расстоянии. Каждая полоска при этом отвечает своему изотопу. Задача анализатора – регистрировать одновременно три массы, то есть работать в режиме спектрографа. Близость изображений (полосок) мешала процессу детектирования изотопных струек, и потому было предложено раздвинуть изображения в несколько раз с помощью простого электростатического устройства. Таким образом, было необходимо найти изображающую электронно-оптическую систему с увеличением в несколько раз, причем речь идет об устройстве с использованием таких полей, в которых будет сохраняться параллельность потоков частиц.

Целью данной работы является поиск и расчет оптимальных электрических конфигураций, в которых происходит формирование пучка и обеспечивается сохранение параллельности неинтенсивных (слабых) потоков частиц.

## 2. МЕТОДЫ ИССЛЕДОВАНИЯ

Исследование движения частиц в рамках данной работы проводилось в соответствии со следующим планом.

Для начала осуществлялся выбор поля. Интерес представляет класс полей, в которых аналитическое выражение потенциала является функцией от отношения координат. Такие функции называются однородными функциями по Эйлеру с нулевой степенью однородности. Последние удовлетворяют тождеству:

$$\varphi(\sigma x, \sigma y, \sigma z) = \varphi(x, y, z) \quad (2.1)$$

Где  $\sigma = \text{const}$ .

Введя сферические координаты  $\rho = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2}, \gamma, \delta$ , связанные с декартовыми

$$\begin{cases} x = \rho * \sin\delta * \cos\gamma, \\ y = \rho * \sin\delta * \sin\gamma, \\ z = \rho * \cos\delta. \end{cases} \quad (2.2)$$

И полагая в (2.1)  $\sigma = \frac{1}{z}$ , получим

$$\varphi = \varphi\left(\frac{x}{z}, \frac{y}{z}, 1\right) = f(\gamma, \delta). \quad (2.3)$$

Выражение (2.3) является признаком подобия траекторий, что обеспечивает принцип телескопичности [4]. «Телескопический» эффект состоит в том, что любой параллельный пучок, имеющий конечную толщину и ширину, в поле испытывает сжатие при движении к особенности поля (обычно это начало координат) или расширяется, если частицы движутся в обратную сторону, причем заряженные частицы одной энергии описывают геометрически подобные траектории.

После этого следовало моделирование движения частиц в выбранном поле в проекциях на плоскости и в объеме, последующее выявление закономерностей в полученных картинах траекторий и расчет электронно - оптических характеристик. В частности, осуществлялось определение условия фокусировки на границе; нахождение зависимости выходного угла траекторий частиц от угла влета, а также зависимости разности выходного и входного углов траекторий от начального угла. Еще одними важными показателями были расчет коэффициента сжатия для определения трансформационных свойств системы и нахождение линейной дисперсии.

Дисперсия является одним из важнейших параметров для описания системы [2]. Дисперсия имеет размерность длины и определяется соотношением:

$$D = \frac{\Delta z}{\Delta W} * W; \quad (2.4)$$

Здесь  $\Delta z$  – смещение частицы,  $\Delta W$  – относительное изменение энергии, вызванное этим смещением.

Таким образом, дисперсия – это величина смещения изображения моноэнергетического источника при малом изменении энергии, отнесенная к величине относительного изменения этой энергии.

Коэффициент сжатия рассчитывается по формуле

$$K = \frac{x_2 - x_1}{x_{02} - x_{01}}; \quad (2.5)$$

Где  $x_{02}$  и  $x_{01}$  – начальные координаты, в диапазоне между которыми осуществляется вылет частиц с оси  $Ox$ . А  $x_2$  и  $x_1$  – конечные координаты траекторий, при их пересечении с осью  $Ox$ .

Расчеты всех характеристик были проведены в безразмерных величинах.

## 1. БЕЗРАЗМЕРНАЯ МОДЕЛЬ ДВИЖЕНИЯ

Реальное движение частицы зависит от различных параметров, таких как ее масса, заряд, начальные условия и линейные размеры системы. Для упрощения моделирования можно перейти к безразмерной модели движения [5]. Такая математическая модель содержит меньшее число независимых параметров, определяющих структуру движения, так как в ней несколько физических параметров объединяются в один сложный безразмерный параметр выбором специальных единиц измерения.

Такой подход удаляет из изучаемых аналитических структур несущественные коэффициенты и сохраняет физический смысл величин.

Итак, каждой электростатической системе припишем некоторую свойственную ей характерную длину  $l$ . Это может быть наибольший габарит системы в целом или габарит области, где поле обладает интересным для нас свойством, или какой-нибудь иной типичный размер.

Пусть электродная конфигурация отнесена к декартовой системе координат  $X, Y, Z$  с началом внутри либо на границе. Положение произвольной точки внутри пространства между электродами задается безразмерными числами  $x, y, z$ , связанными с размерными координатами по формулам:

$$X = \ell * x; \quad Y = \ell * y; \quad Z = \ell * z \quad (3.1)$$

Таким образом, берем характерную длину  $\ell$  в качестве основной единицы измерения расстояния. Если  $\ell$  есть наибольший габарит, то для пространства между электродами  $x, y, z$  заключены в пределах:

$$-1 \leq x \leq 1; \quad -1 \leq y \leq 1; \quad -1 \leq z \leq 1 \quad (3.2)$$

Кроме  $\ell$ , любой системе можно приписать характерное значение потенциала  $\phi_0$ . Выбор  $\phi_0$ , так же как  $\ell$ , зависит от ситуации. Им может быть максимальный по модулю потенциал на границе системы.

Математическое описание потенциала  $\phi$  сводится к заданию формулы вида

$$\phi = \phi_0 * \varphi(x, y, z) \quad (3.3)$$

где  $\varphi(x, y, z)$  – безразмерная гармоническая функция. Если  $\phi$  является максимумом потенциала на границе, то  $\varphi$  меняется в пределах

$$-1 \leq \varphi \leq 1 \quad (3.4)$$

Итак, описание потенциала в пространстве между электродами приводится к четырем безразмерным величинам, меняющимся на отрезке  $[-1; 1]$ .

Запишем для электрона в электростатическом поле функцию Лагранжа:

$$L = \frac{m}{2} * \left[ \left( \frac{dX}{dt} \right)^2 + \left( \frac{dY}{dt} \right)^2 + \left( \frac{dZ}{dt} \right)^2 \right] - |e * \phi| * \varphi(x, y, z) \quad (3.5)$$

Введем безразмерные координаты  $x, y, z$  и безразмерное время  $\tau$ :

$$t = T * \tau \quad (3.6)$$

В новых переменных функция будет иметь вид

$$L = m * \frac{l^2}{T^2} * \frac{\dot{x}^2 + \dot{y}^2 + \dot{z}^2}{2} - |e * \phi_0| * \varphi(x, y, z) \quad (3.7)$$

Здесь  $\dot{x}, \dot{y}, \dot{z}$  производные по  $t$ . Функция Лагранжа определяется с точностью до произвольного множителя, поскольку уравнения Лагранжа однородны, и этот множитель сокращается.

Учитывая это, а также, что  $T$  подчиняется условию:

$$m * \frac{l^2}{T^2} = |e * \phi_0| \quad (3.8)$$

Тогда из функции выделяется общий множитель, который можно опустить. В итоге выражение функции Лагранжа упростится:

$$L = \frac{\dot{x}^2 + \dot{y}^2 + \dot{z}^2}{2} - \varphi(x, y, z) \quad (3.9)$$

Начальной кинетической энергии  $\epsilon = \frac{m * v_0^2}{2}$  будет соответствовать безразмерный параметр  $W = \frac{\dot{x}^2 + \dot{y}^2 + \dot{z}^2}{2}$ .

Смысл этого параметра определяется следующим образом. Имеется

$$\epsilon = \frac{m * v_0^2}{2} = m * \frac{l^2}{T^2} * W \quad (3.10)$$

Заменой

$$m * \frac{l^2}{T^2} = |e * \phi_0| \quad (3.11)$$

Получается: 
$$W = \frac{\epsilon}{|e * \phi_0|} \quad (3.12)$$

Таким образом, параметр  $W$  определяет начальную кинетическую энергию частицы в долях характерной для данного поля потенциальной энергии  $|e * \phi_0|$ . По величине  $W$  можно судить о некоторых свойствах движения. Например, при  $W \gg 1$  частица пересекает пространство электростатической системы по слабо искривлённой линии, а при  $W \ll 1$  движение наоборот сильно искривлено и его изучение особенно трудно.

Итак, переход к безразмерным величинам позволяет заменить реальную физическую ситуацию более простой математической моделью движения. И каждой физической траектории  $X(t)$ ,  $Y(t)$ ,  $Z(t)$  в соответствие ставится безразмерная кривая  $x(\tau)$ ,  $y(\tau)$ ,  $z(\tau)$ . Чтобы найти по безразмерной кривой истинную размерную траекторию, нужно умножить функции  $x(\tau)$ ,  $y(\tau)$ ,  $z(\tau)$  на характерную длину  $\ell$ .

## 2. МОДЕЛИРОВАНИЕ

В программе Wolfram Mathematica 9.0 провели исследование трех полей. В каждом из них были построены эквипотенциальные поверхности, траектории движения частиц и проведен их анализ.

Одна из особенностей первого поля «двугранное зеркало» состоит в существовании фокусировки, а также начальных условий, при которых частицы возвращаются в точку старта. Анализ угловых зависимостей выявил, что поворот пучка осуществляется на угол, максимальное значение которого не превышает  $60^\circ$ . Зависимость коэффициента увеличения от входного угла показала, что он меняется в довольно широком диапазоне значений.

Во втором поле, полученном на основе формулы Донкина, было подробно рассмотрено два режима работы – «зеркальный» и «пролетный». В первом режиме работы также обнаружилась фокусировка. Угловые зависимости показали, что поворот пучка в поле происходит на малые углы до  $16^\circ$ . Коэффициент увеличения в этом режиме меняется немонотонно и зависит от угла влета в поле.

В «пролетном» режиме параллельные пучки проходят через слой поля, образованный двумя эквипотенциальными поверхностями. При таком режиме фокусировка пучка не наблюдалась. Коэффициент преобразования на всем диапазоне углов был вблизи единицы. Угол поворота пучка в поле менялся в диапазоне от  $0^\circ$  до  $40^\circ$  в зависимости от угла влета.

В третьем поле, эквипотенциали которого представляют собой обрезанные конуса, были получены траектории движения в проекциях на разные плоскости. Был проведен анализ угловых зависимостей. Поворот пучка в этом поле можно осуществить в пределах  $25^\circ$ .

Для всех рассмотренных полей была изучена зависимость дисперсии от энергии.

## ЗАКЛЮЧЕНИЕ

В данной работе был рассмотрен ряд полей, которые можно использовать в устройствах с требованием сохранения параллельности потоков частиц. В исследованных полях были найдены основные электронно-оптические характеристики, определяющие их свойства, построены эквипотенциальные поверхности и траектории частиц. Полученные результаты свидетельствуют о том, что все рассмотренные поля демонстрируют эффективную работу с параллельными потоками частиц. В двух случаях осуществлялась фокусировка по углу – в первом рассмотренном поле, а также в зеркальном режиме работы в поле Донкина. Фокусировка обеспечивает лучшую стабильность работы с практически квазипараллельным потоком. Вариация начальных условий позволяет получать разный поворот пучка частиц для обеспечения эффективного согласования элементов электронных и ионных трактов. Наибольший поворот осуществлялся в первом поле, наименьший – в зеркальном случае поля Донкина. Наибольший коэффициент преобразования потока также обнаружился в первом поле. Для того, чтобы получить расширение пучка, необходимо использовать движение от особенности поля. Если же необходимо получить сужение, движение должно быть обратным по отношению к тому, что предпринято в моделировании.

На основании изученных данных можно предложить несколько вариантов согласующих устройств, обеспечивающих эффективное управление параллельными потоками в современном аналитическом приборостроении.

## СПИСОК ИСПОЛЬЗУЕМОЙ ЛИТЕРАТУРЫ

Кельман В.М. и др. Алма-Ата. Электронно-оптические элементы призмных спектрометров заряженных частиц. «Наука» КазССР, 1979. — 232 с.

Афанасьев В.П., Явор С.Я. Электростатические энергоанализаторы для пучков заряженных частиц. М., 1978. — 224 с.

Голиков Ю.К., Краснова Н.К. Теория синтеза электростатических энергоанализаторов. Изд-во Политехн. ун-та, 2010. — 409 с.

Габдуллин П.Г., Голиков Ю.К., Краснова Н.К., Давыдов С.Н. Применение формулы Донкина в теории энергоанализаторов I. Журнал технической физики, 2000, том 70, вып.1, вып.2. — 92 с.

Голиков Ю.К., Уткин К.Г., Чепарухин В.В. Расчёт элементов электростатических электронно-оптических систем. Учебное пособие. — Л., изд. ЛПИ, 1984. — 80 с.